

زیست‌شناسی

۱- کدام دو مورد، دربارهٔ همهٔ اندام‌های لنفی انسان که خون خارج‌شده از آن‌ها به سیاهرگ باب وارد می‌شود، صحیح است؟

- الف - محتوی یاخته‌هایی است که می‌توانند مولکول‌هایی مشابه با مولکول‌های موجود در سطح خود ترشح کنند.
ب - تولیدات خود را از طریق رگ‌هایی به نوعی بافت پیوندی وارد می‌کنند.
ج - در آزادسازی آهن موجود در یاخته‌های خونی مرده نقش مؤثری دارند.
د - در نیمهٔ راست بدن و بالاتر از کولون افقی قرار گرفته‌اند.

(۱) الف و ب (۲) الف و ج

(۳) ب و د (۴) ج و د

۲- با توجه به مطالب کتاب درسی، همهٔ فرایندهای تولید انرژی از گلوکز را که در گیاهان می‌تواند رخ دهد، در نظر بگیرید. در کدام مورد یون مثبت تولید می‌شود؟

- (۱) در واکنشی که پیش‌ماده، قندی دوفسفاته است که به قندهای تک‌فسفاته تجزیه می‌شود.
(۲) در واکنشی که فراورده نسبت به پیش‌ماده، یک گروه فسفات و یک اتم کربن کم‌تر دارد.
(۳) در واکنشی که فراورده نسبت به پیش‌ماده، یک اتم کربن کم‌تر دارد.
(۴) در واکنشی که فراوردهٔ پراثرژی از پیش‌ماده، دو گروه فسفات کم‌تر دارد.

۳- در خصوص عضلهٔ دو سر بازوی یک فرد سالم، کدام موارد زیر درست است؟

الف) از یک انتها به استخوان زند زیرین متصل است.

ب) از طریق دو زردپی به ناحیهٔ شانه اتصال دارد.

ج) آنزیمی دارد که با استفاده از اکسیژن و کراتین فسفات، کراتین می‌سازد.

د) اغلب با اکسایش نوعی بسپار آمین‌دار، انرژی مورد نیاز خود را به دست می‌آورد.

(۱) «الف» و «ب» (۲) «الف»، «ج» و «د»

(۳) «ب»، «ج» و «د» (۴) «الف»، «ب»، «ج» و «د»

۴- مطابق با مطالب کتاب درسی، همهٔ فرایندهای آزادشدن انرژی از گلوکز را که در گیاهان می‌تواند رخ دهد، در نظر بگیرید. در کدام مورد، تولید یون مثبت غیرممکن است؟

(۱) در واکنشی که پیش‌ماده، قندی دوفسفاته و فراورده‌ها قندهای تک‌فسفاته هستند.

(۲) در واکنشی که فراورده نسبت به پیش‌ماده، یک گروه فسفات بیشتر دارد.

(۳) در واکنشی که فراورده نسبت به پیش‌ماده، اتم اکسیژن کم‌تری دارد.

(۴) در واکنشی که پیش‌ماده و فراورده هر دو سه کربنی هستند.

۵- کدام مورد، برای تکمیل عبارت زیر مناسب است؟

«در انسان، فقط آن بخش از آنزیم ATP ساز که در داخلی راکیزه (میتوکندری) قرار دارد،»

(۱) غشای - حاوی تعدادی قطعات مجزاست

(۲) فضای - می‌تواند به عبور پروتون‌ها کمک کند

(۳) فضای - منبع رایج انرژی یاخته را رها می‌سازد

(۴) غشای - می‌تواند الکترون بگیرد یا از دست بدهد

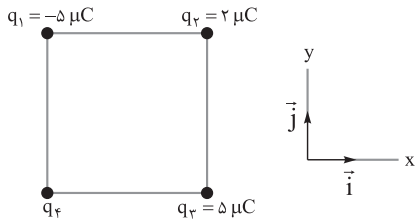
- ۶- با توجه به بخشی از یک چرخه کربس که در آن نوعی پیوند اشتراکی بین فسفات و نوعی نوکلئوتید برقرار می شود، کدام مورد نادرست است؟ (محل ورود استیل کوآنزیم A به چرخه، به عنوان محل آغاز چرخه در نظر گرفته می شود).
- (۱) بعد از این بخش، آخرین مولکول چهار کربنی به وجود می آید.
 - (۲) بعد از این بخش، دو نوع مولکول حامل الکترون تولید می شود.
 - (۳) قبل از این بخش، نوعی ماده آلی آزاد می شود که برای فعالیت آنزیم ضروری است.
 - (۴) قبل از این بخش، نوعی مولکول ایجاد می شود که غالباً از طریق ترکیب با هموگلوبین در خون حمل می شود.

فیزیک

- ۷- بارهای نقطه‌ای $5 \mu C$ و $-8 \mu C$ روی محور x ، به ترتیب در نقطه‌های $x_1 = 12 \text{ cm}$ و $x_2 = 24 \text{ cm}$ قرار دارند. اگر بارهای نقطه‌ای q_1 و q_2 به ترتیب در نقطه‌های $x_3 = 36 \text{ cm}$ و $x_4 = 0$ قرار گیرند، نیروی الکتریکی خالص وارد بر بار q_1 برابر صفر می شود. q_2 چند میکروکولن است؟

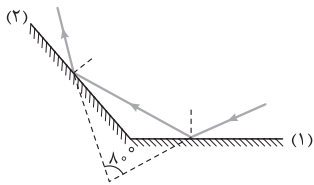
(۱) $+27$ (۲) -27 (۳) $+17$ (۴) -17

- ۸- چهار ذره باردار مطابق شکل، در رأس‌های مربعی به ضلع 10 cm قرار دارند. اگر نیروی الکتریکی خالص وارد بر بار q_1 ، $\vec{F} = (-18N)\vec{i}$ باشد، بار q_2 چند میکروکولن است؟ $(k = 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2})$



- (۱) 10
(۲) -10
(۳) $10\sqrt{2}$
(۴) $-10\sqrt{2}$

- ۹- مطابق شکل زیر، پرتو نوری به آینه تخت (۱) می تابد و در نهایت از آینه تخت (۲) بازتاب می شود. زاویه بین دو آینه چند درجه است؟

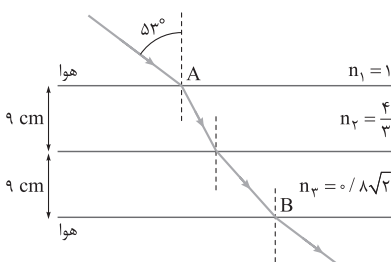


- (۱) 140
(۲) 130
(۳) 120
(۴) 100

- ۱۰- معادله حرکت هماهنگ ساده نوسانگری در SI به صورت $x = 0.02 \cos 6\pi t$ است. بیشترین سرعت متوسط نوسانگر در مدت 5 s چند سانتی متر بر ثانیه است؟

(۱) 2 (۲) 8 (۳) $2\sqrt{2}$ (۴) $4\sqrt{2}$

- ۱۱- پرتو نوری مطابق شکل زیر، از هوا وارد محیط‌های شفاف می شود و شکست می یابد. این پرتو فاصله A تا B را در چند نانوثانیه طی می کند؟ $(3 \times 10^8 \text{ m/s} = \text{تندی نور در هوا}, \sin 37^\circ = 0.6)$



- (۱) 0.6
(۲) 96
(۳) 98
(۴) $9/6$

۲۳- با توجه به جدول زیر، که شمار الکترون‌های زیرلایه‌ها در آرایش الکترونی گونه‌های داده‌شده را نشان می‌دهد، چند مورد از موارد زیر درست است؟

نماد گونه	شمار الکترون‌های زیرلایه‌ها		
	$l=0$	$l=1$	$l=2$
A^{2+}	۶	۱۲	۰
D^{-}	۴	۶	۰
E^{3+}	۶	۱۲	۵
X	۸	۱۸	۱۰

- فرمول شیمیایی فراورده حاصل از واکنش اتم E با اتم D، می‌تواند D_3E یا D_4E باشد.
- شمار الکترون‌های ظرفیتی عنصر D، با شمار الکترون‌های کاهنده‌ترین عنصر جدول تناوبی، برابر است.
- فراورده حاصل از واکنش A و D در شرایط مناسب، ساختار خمیده دارد و در میدان الکتریکی جهت‌گیری می‌کند.

• شمار عنصرهای بین دو عنصر A و X در جدول تناوبی، با عدد اتمی قوی‌ترین نافلز گروه ۱۶ جدول تناوبی برابر است.

(۱) سه (۲) دو (۳) یک (۴) صفر

ریاضی

۲۴- مجموعه‌های A و B به ترتیب دارای m و k عضو هستند. اگر $m - k = 5$ و تعداد اعضای مجموعه $A \cup B$ برابر ۱۱ باشد، کم‌ترین مقدار ممکن برای m کدام است؟

(۱) ۶ (۲) ۷ (۳) ۸ (۴) ۹

۲۵- نقطه $A(-5, -1)$ یک رأس مثلثی است که یک ضلع آن روی خط $x - 2y = 1$ قرار دارد. اگر طول یک ضلع برابر فاصله رأس A از این خط بوده و نقطه $(-4, -2)$ داخل این مثلث باشد، بیشترین مساحت چنین مثلثی در ناحیه سوم محورهای مختصات کدام است؟

(۱) ۴ (۲) $4/2$ (۳) ۶ (۴) $6/4$

۲۶- صفرهای تابع $y = 2x^2 - (m+2)x + m$ و نقطه تقاطع آن با محور عرض‌ها، رئوس یک مثلث هستند. اگر مساحت این مثلث برابر $\frac{3}{4}$ باشد، کدام می‌تواند طول رأس سهمی $y = x^2 - mx + 1$ باشد؟

(۱) $\frac{1}{4}$ (۲) $\frac{2}{3}$ (۳) $-\frac{3}{4}$ (۴) $-\frac{1}{2}$

۲۷- خط d از مبدأ مختصات می‌گذرد و بر نمودار تابع $f(x) = 2\sqrt{x}(4x^2 + 3)$ مماس است. شیب خط d چه قدر است؟

(۱) $4\sqrt{2}$ (۲) $8\sqrt{2}$ (۳) ۶ (۴) ۱۲

۲۸- خط مماس بر منحنی $f(x) = \sqrt{ax-1}$ در نقطه A از نقاط $(-1, 1)$ و $(2, 2)$ می‌گذرد. مقدار $f(5)$ کدام است؟

(۱) ۳ (۲) ۲ (۳) $\frac{\sqrt{33}}{2}$ (۴) $\frac{\sqrt{32}}{3}$

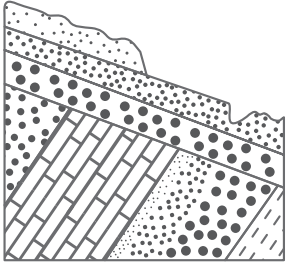
۲۹- فرض کنید $f(x) = (x[x^2 + \frac{1}{x}])^2 + 1$ و $g(x) = \frac{1}{\sqrt{x^2-1}}$. مقدار مشتق تابع fog در $x = \frac{3}{\sqrt{8}}$ چند برابر $(-128\sqrt{2})$ است؟

(۱) -۴ (۲) ۱ (۳) ۲ (۴) ۴

۳۰- فرض کنید $f(x) = (x[x])^3$ و $g(x) = \frac{1}{\sqrt{x^2-1}}$. مقدار مشتق چپ تابع fog در $x = \frac{\sqrt{5}}{2}$ چند برابر $(-48\sqrt{5})$ است؟

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۴ (۴) ۸

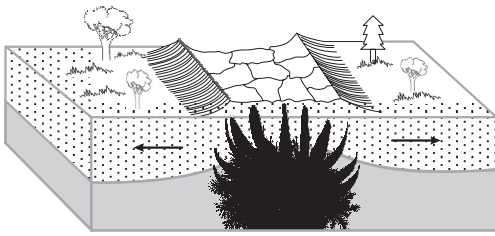
زمین شناسی



۳۱- برای به وجود آمدن شکل مقابل در طبیعت، کدام تنش‌ها مؤثر بوده‌اند؟

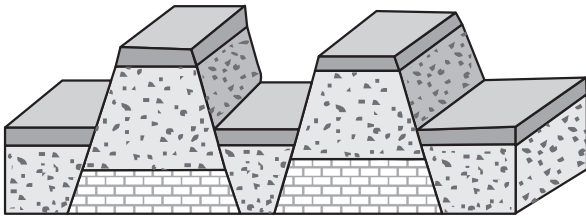
- (۱) به طور متناوب، فشاری، کششی، برشی
- (۲) یک بار فشاری و یک بار کششی
- (۳) یک بار برشی
- (۴) دو بار فشاری

۳۲- شکل زیر، قسمتی از شرق قاره آفریقا را نشان می‌دهد. اگر رویدادهای زمین‌شناختی به طور عادی ادامه پیدا کنند، در آینده احتمال



تشکیل کدام پدیده زمین‌شناسی در این محل بیشتر است؟

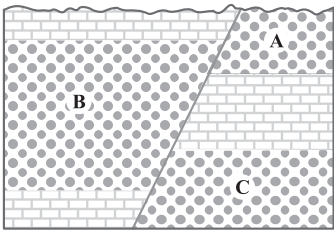
- (۱) درازگودال
- (۲) جزایر اقیانوسی
- (۳) کوه‌های چین خورده
- (۴) پشته میان اقیانوسی



۳۳- برای تشکیل شکل زیر در طبیعت، کدام تنش (تنش‌ها) اثرگذار بوده‌اند؟

- (۱) کششی
- (۲) فشاری
- (۳) فشاری و کششی
- (۴) کششی، فشاری و برشی

۳۴- اگر عامل اصلی تشکیل‌دهنده شکل زیر تنش فشاری باشد، بین سن نسبی لایه‌های A، B و C کدام رابطه برقرار است؟



- (۱) $A < B = C$
- (۲) $A = B < C$
- (۳) $B = A > C$
- (۴) $B > C > A$

زیست‌شناسی

۱- گزینه ۳

فقط مورد «ب» نادرست است.

مشاوره بچه‌ها چونما دقت کنید که انتخاب کلمه «می‌توان» در صورت سؤال الکی نبوده و طراح محترم با هدف خاصی از آن استفاده کرده است! هدف طراح را در زمان بررسی مورد «د» کاملاً درک خواهید کرد!

درس‌نامه مراحل تنظیم بیان ژن در یوکاریوت‌ها:

۱ در سطح رونویسی: تنظیم بیان ژن به طور معمول در این مرحله انجام می‌گیرد. در این مرحله اتصال پروتئین‌هایی به نام عوامل رونویسی به راه‌انداز، باعث متصل شدن رنابسپاراز به راه‌انداز و شروع رونویسی می‌شود. ۲ در سطح قبل از رونویسی: از طریق تغییر در میزان فشردگی فام‌تن. مثلاً با تغییر در میزان هیستون‌های متصل به دنا می‌توان میزان دسترسی رنابسپاراز به ژن را تغییر داد. ۳ در سطح بعد از رونویسی: اتصال بعضی از رناهای کوچک به رنای پیک باعث کاهش طول عمر و عدم ترجمه آن می‌شود.

بررسی همه موارد: (الف) و (ج) بخش‌های فشرده فام‌تن کم‌تر در دسترس رنابسپاراز قرار می‌گیرند. تغییر در میزان فشردگی فام‌تن در بخش‌های خاصی، باعث تغییر در دسترسی رنابسپاراز به دنا (پیش‌ماده) می‌شود. (ب) اتصال بعضی از رناهای کوچک مکمل به رنای پیک، مثالی از تنظیم بیان ژن پس از رونویسی است.

نکته ۱ متصل شدن رناهای کوچک به رنای پیک باعث توقف ترجمه/ تجزیه شدن رنای پیک می‌شود (کاهش پایداری رنای پیک!) ۲ رنای ناقل و بعضی از رناهای کوچک توانایی اتصال به رنای پیک را دارند!

(د) خمیدگی یا عدم خمیدگی در مولکول دنا می‌تواند قبل از شروع رونویسی در زمان تغییر در میزان فشردگی فام‌تن و یا در زمان رونویسی برای کنار هم قرار گرفتن عوامل رونویسی متصل به راه‌انداز و افزایش یافته باشد.

۲- گزینه ۳

شفاف‌سازی فرایندهای آزاد شدن انرژی از گلوکز می‌تواند به صورت هوازی و یا بی‌هوازی باشد. در این فرایندها یون هیدروژن و مولکول NAD^+ می‌توانند در مراحل آزاد شوند.

در واکنش اکسایش پیرووات از پیرووات کربن دی‌اکسید آزاد و استیل تولید می‌شود. در این شرایط استیل نسبت به پیرووات، اکسیژن و کربن کم‌تری دارد.

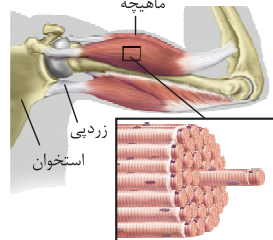
بررسی سایر گزینه‌ها: ۱ در مرحله دوم از قندکافت، پیش‌ماده یک مولکول قندی دوفسفاته (فروکتوز فسفاته) است که از آن مولکول‌های قندی سه‌کربنی و تک‌فسفاتی تولید می‌شود. در این مرحله، یون هیدروژن تولید نمی‌شود. ۲ چنین واکنشی اصلاً در کتاب درسی نداریم! ۳ در مرحله چهارم از قندکافت، مولکول اسید دوفسفاته به مولکول پیرووات (مولکول پرانرژی) تبدیل می‌شود. پیرووات نسبت به اسید دوفسفاته، دو گروه فسفات کم‌تر دارد. در این واکنش یون مثبت تولید نمی‌شود.

۳- گزینه ۱

بررسی همه موارد: (الف) با توجه به شکل مقابل،

ماهچه دو سر بازو از یک انتها به استخوان کتف و از انتهای دیگر به استخوان زند زبرین اتصال دارد.

(ب) با توجه به شکل مقابل، ماهچه دو سر بازو از طریق دو زردپی به استخوان کتف در ناحیه شانه اتصال دارد.



ماهچه دو سر بازو	ماهچه دوسر بازو	ماهچه سه‌سر بازو
اتصال به کتف	از طریق دو زردپی	از طریق یک زردپی
اتصال به بازو	ندارد.	دارد.
اتصال به زند زبرین	دارد.	ندارد.
اتصال به زند زیرین	ندارد.	دارد.

(ج) در واکنش استفاده از کراتین فسفات برای تولید ATP، اکسیژن مصرف نمی‌شود. (د) بیشتر انرژی لازم برای انقباض ماهیچه‌ها از سوختن گلوکز به دست می‌آید. منظور از بسیار آمین دار، پروتئین است.

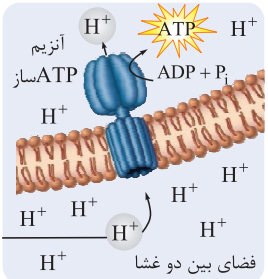
۴- گزینه ۱

شفاف‌سازی فرایندهای آزاد شدن انرژی از گلوکز می‌تواند به صورت هوازی و یا بی‌هوازی باشد. در این فرایندها یون هیدروژن و مولکول NAD^+ می‌توانند در مراحل آزاد شوند.

در مرحله دوم از قندکافت، پیش‌ماده یک مولکول قندی دوفسفاته (فروکتوز فسفاته) است که از آن مولکول‌های قندی سه‌کربنی و تک‌فسفاتی تولید می‌شود. در این مرحله یون هیدروژن تولید نمی‌شود. **بررسی سایر گزینه‌ها:** ۲ در مرحله سوم از قندکافت، فرآورده (اسید دوفسفاته) نسبت به مولکول پیش‌ماده (قندفسفاته) یک گروه فسفات بیشتر دارد. در این مرحله یون هیدروژن آزاد می‌شود. ۳ در واکنش اکسایش پیرووات از پیرووات کربن دی‌اکسید آزاد و استیل تولید می‌شود. در این شرایط استیل نسبت به پیرووات، اکسیژن و کربن کم‌تری دارد. ۴ در مرحله سوم از قندکافت که یون هیدروژن تولید می‌شود، پیش‌ماده و فرآورده تعداد یکسانی کربن دارند.

۵- گزینه ۳

شفاف‌سازی آنزیم ATP ساز میتوکندری دو بخش دارد، یکی در غشا و دیگری در فضای داخلی راکیزه!



مطابق با شکل مقابل، بخشی از این آنزیم که در فضای داخلی راکیزه قرار دارد، مولکول ATP را رها می‌کند.

بررسی سایر گزینه‌ها: ۱ مطابق شکل، هر دو بخش آنزیم ATP ساز از قطعاتی مجزا تشکیل شده‌اند.

نکته مطابق شکل قطعاتی که در فضای داخلی راکیزه قرار دارند، نسبت به قطعاتی که در غشا هستند، بزرگ‌تر (از نظر اندازه نه طول!) هستند.

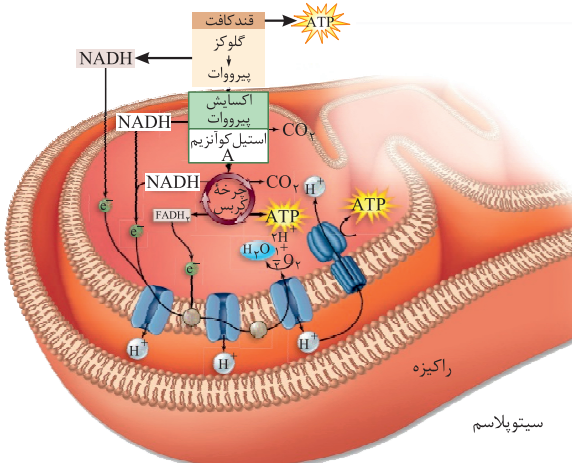
۲ بخشی که در غشای داخلی راکیزه قرار دارد، کانالی دارد که از آن پروتون از فضای بین دو غشا به فضای داخلی وارد می‌شود.

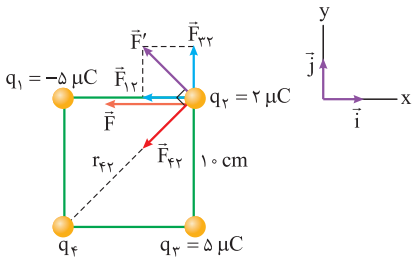
۴ آنزیم ATP ساز جزء زنجیره انتقال الکترون نیست. در نتیجه نه الکترون می‌گیرد و نه الکترون از دست می‌دهد!

۶- گزینه ۴

شفاف‌سازی در چرخه کربس، ATP تولید می‌شود. تولید این مولکول حاصل پیوند اشتراکی بین فسفات و یک نوکلئوتید دوفسفاته (ADP) است.

مطابق شکل زیر قبل از تولید ATP در کربس، مولکول کربن دی‌اکسید از چرخه آزاد می‌شود. بخش عمده کربن دی‌اکسید به صورت بی‌کربنات در خون حمل می‌شود.





گام ۱ مطابق شکل مقابل، ابتدا نیروهای الکتریکی را که بارهای q_1 و q_2 به بار q_3 وارد می‌کنند و سپس برایندها (\vec{F}') را رسم می‌کنیم.

با توجه به جهت نیروی خالص

وارد بر بار q_3 ($\vec{F} = (-18N)\vec{i}$) که در خلاف جهت محور x است و جهت \vec{F}' می‌توان نتیجه گرفت که جهت نیروی الکتریکی که بار q_4 به بار q_3 وارد می‌کند (\vec{F}_{34}) مطابق شکل بالا به طرف بار q_4 است؛ پس بار q_4 باید با بار q_3 ناهمنام باشد، یعنی: $q_4 < 0$

گام ۲ حالا اندازه \vec{F}_{12} و \vec{F}_{23} را محاسبه می‌کنیم:

$$F_{12} = k \frac{|q_1||q_2|}{r_{12}^2} \xrightarrow{\text{تکنیک محاسباتی } 90^\circ} F_{12} = 9 \times \frac{5 \times 2}{10^2} = 9 \text{ N}$$

$$\begin{cases} |q_3| = |q_1| \\ r_{32} = r_{12} \end{cases} \xrightarrow{F_{32} = F_{12}} F_{32} = 9 \text{ N}$$

اندازه \vec{F}' برابر است با: $F' = \sqrt{F_{12}^2 + F_{23}^2} \xrightarrow{F_{12} = F_{23}} F' = \sqrt{2} F_{12} = 9\sqrt{2} \text{ N}$

گام ۳ می‌توان نشان داد که بردارهای \vec{F}' و \vec{F}_{34} بر هم عمودند. بر این اساس اندازه \vec{F}_{34} به صورت زیر به دست می‌آید:

$$F = \sqrt{F'^2 + F_{34}^2} \Rightarrow 18 = \sqrt{(9\sqrt{2})^2 + F_{34}^2} \Rightarrow (18)^2 = (9)^2 \times 2 + F_{34}^2$$

$$\Rightarrow F_{34}^2 = (18)^2 - (9)^2 \times 2 = (9)^2 (2^2 - 2) = (9)^2 \times 2 \Rightarrow F_{34} = 9\sqrt{2} \text{ N}$$

گام ۴ حالا q_4 را محاسبه می‌کنیم: $r_{34} = \sqrt{10^2 + 10^2} \Rightarrow r_{34} = 10\sqrt{2} \text{ cm}$

$$F_{34} = 9\sqrt{2} \text{ N} \Rightarrow k \frac{|q_3||q_4|}{r_{34}^2} = 9\sqrt{2} \xrightarrow{\text{تکنیک محاسباتی } 90^\circ} 9 \times \frac{|q_4| \times 2}{(10\sqrt{2})^2} = 9\sqrt{2}$$

$$\Rightarrow |q_4| = 10\sqrt{2} \mu\text{C} \xrightarrow{q_4 < 0} q_4 = -10\sqrt{2} \mu\text{C}$$

تیزبازی بعد از این که فهمیدیم $q_4 < 0$ است، می‌توانیم به این صورت عمل کنیم که چون بارهای q_1 و q_3 هم‌اندازه‌اند و فاصله آن‌ها تا بار q_2 برابر است، داریم (a: طول ضلع مربع):

$$F_{12} = F_{23} = k \frac{|q_1||q_2|}{a^2}$$

برایند دو بردار هم‌اندازه و عمود بر هم \vec{F}_{12} و \vec{F}_{23} ، برابر است با:

$$F' = \sqrt{2} F_{12} = \sqrt{2} k \frac{|q_1||q_2|}{a^2}$$

از طرفی مشخص است که بردار \vec{F} روی نیمساز زاویه بین بردارهای \vec{F}' و \vec{F}_{34} قرار دارد و می‌توان نتیجه گرفت که $F_{34} = F'$ است؛ بنابراین:

$$k \frac{|q_3||q_4|}{(a\sqrt{2})^2} = \sqrt{2} k \frac{|q_1||q_2|}{a^2} \Rightarrow |q_4| = 2\sqrt{2}|q_1| = 2\sqrt{2} \times 5$$

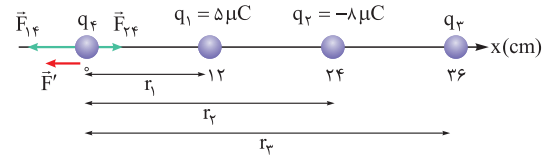
$$= 10\sqrt{2} \mu\text{C} \xrightarrow{q_4 < 0} q_4 = -10\sqrt{2} \mu\text{C}$$

بررسی سایر گزینه‌ها: ۱) شروع چرخه کربس با مصرف مولکول چهار کربنی است. مطابق شکل بازسازی این ترکیب چهار کربنی بعد از تولید مولکول ATP است. ۲) مطابق شکل بعد از تولید ATP مولکول‌های NADH و FADH_2 تولید می‌شوند. ۳) قبل از تولید مولکول ATP، کوآنزیم A آزاد می‌شود. کوآنزیم‌ها مواد آلی هستند که آنزیم برای فعالیت به آن‌ها نیاز دارد.

فیزیک

۷- گزینه ۲

گام ۱ آرایش بارهای الکتریکی مطابق شکل زیر است. با این فرض که $q_4 > 0$ است (این فرض توی پواب نهایی تأثیر نداره)، بردار نیروهای الکتریکی که بارهای q_1 و q_2 به بار q_4 وارد می‌کنند را رسم کرده و اندازه آن‌ها را به دست می‌آوریم:



$$F_{14} = k \frac{|q_1||q_4|}{r_1^2} = k \frac{5|q_4|}{(12)^2}$$

$$F_{24} = k \frac{|q_2||q_4|}{r_2^2} = k \frac{8|q_4|}{(24)^2} = \frac{1}{4} k \frac{8|q_4|}{(12)^2} = k \frac{2|q_4|}{(12)^2}$$

\vec{F}_{14} بزرگ‌تر از \vec{F}_{24} است؛ بنابراین براینده این دو بردار هم‌جهت با \vec{F}_{14} (یعنی به طرف چپ) و اندازه آن برابر است با:

$$F' = F_{14} - F_{24} = k \frac{5|q_4|}{(12)^2} - k \frac{2|q_4|}{(12)^2} = k \frac{3|q_4|}{(12)^2}$$

گام ۲ برای صفر شدن نیروی الکتریکی خالص وارد بر بار q_4 ، نیروی الکتریکی که بار q_3 به بار q_4 وارد می‌کند (\vec{F}_{34}) باید در خلاف جهت \vec{F}' باشد، یعنی به طرف راست؛ پس $q_3 < 0$ است. هم‌چنین \vec{F}_{34} باید هم‌اندازه با \vec{F}' باشد؛ پس:

$$F_{34} = F' \Rightarrow k \frac{|q_3||q_4|}{r_3^2} = F' \Rightarrow k \frac{|q_3||q_4|}{(36)^2} = k \frac{3|q_4|}{(12)^2}$$

$$\Rightarrow \frac{|q_3|}{9 \times (12)^2} = \frac{3}{(12)^2} \Rightarrow |q_3| = 27 \mu\text{C} \xrightarrow{q_3 < 0} q_3 = -27 \mu\text{C}$$

۸- گزینه ۴

درس‌نامه ۱ قانون کولن: دو بار نقطه‌ای q_1 و q_2 که در فاصله r از یکدیگر قرار دارند، به هم نیروی الکتریکی وارد می‌کنند که اندازه آن از رابطه زیر به دست می‌آید:

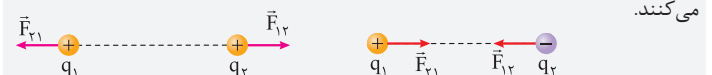
$$F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2} \quad (k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N.m}^2}{\text{C}^2} \text{ ثابت کولن})$$

تکنیک محاسباتی ۹۰، چون در بیشتر تست‌های این مبحث، بارها را برحسب میکروکولن و فاصله‌ها را برحسب سانتی‌متر می‌دهند، می‌توانید در رابطه بالا، کمیت‌ها را با همین یکاها جای‌گذاری کرده و به جای k ، ۹۰ را قرار دهید تا F برحسب نیوتون به دست آید.

$$F = 90 \times \frac{|q_1||q_2|}{r^2}$$

برحسب μC ↑
برحسب cm ↓

۲) مطابق شکل‌های زیر، بارهای همنام یکدیگر را دفع و بارهای ناهمنام یکدیگر را جذب می‌کنند.



۱۱- گزینه؟

درسنامه ۱ قانون شکست اسنل، اگر پرتو نوری از محیطی به ضریب شکست n_1 وارد محیطی به ضریب شکست n_2 شود، داریم:

$$n_1 \sin \theta_1 = n_2 \sin \theta_2$$

رابطه ضریب شکست یک محیط:

$$n = \frac{c}{v}$$

تندی نور در محیط $\rightarrow c = 3 \times 10^8 \text{ m/s}$ (تندی نور در خلا)

گام ۱ به کمک قانون شکست اسنل، زاویه θ_2 را حساب می‌کنیم:

$$n_1 \sin \theta_1 = n_2 \sin \theta_2$$

$$1 \times \frac{4}{3} = \frac{4}{3} \times \sin \theta_2 \Rightarrow \sin \theta_2 = \frac{1}{1} \Rightarrow \theta_2 = 37^\circ$$

هم‌چنین واضح است که:

حالا به سراغ محاسبه θ_3 و θ_4 می‌رویم:

$$n_2 \sin \theta_3 = n_2 \sin \theta_2 \Rightarrow \frac{4}{3} \times \sin 37^\circ = \frac{4}{3} \times \sin \theta_3$$

$$\Rightarrow \frac{4}{3} \times \frac{3}{4} = \frac{4}{3} \times \sin \theta_3 \Rightarrow \sin \theta_3 = \frac{\sqrt{2}}{2} \Rightarrow \theta_3 = 45^\circ$$

حتماً موافقت می‌کند:

گام ۲ حالا به کمک نسبت‌های مثلثاتی، طول‌های \overline{AM} و \overline{MB} را حساب می‌کنیم.

$$\cos \theta_2 = \frac{9 \text{ cm}}{AM} \Rightarrow \cos 37^\circ = \frac{9 \text{ cm}}{AM} \Rightarrow \overline{AM} = \frac{9}{\cos 37^\circ} = \frac{9}{\frac{4}{5}} = 11.25 \text{ cm}$$

$$\cos \theta_3 = \frac{9 \text{ cm}}{MB} \Rightarrow \cos 45^\circ = \frac{9 \text{ cm}}{MB} \Rightarrow \overline{MB} = \frac{9}{\frac{\sqrt{2}}{2}} = 9\sqrt{2} \text{ cm}$$

گام ۳ در این مرحله تندی انتشار نور در محیط‌های (۲) و (۳) را به دست می‌آوریم:

$$n = \frac{c}{v} \Rightarrow v = \frac{c}{n} \Rightarrow \begin{cases} v_2 = \frac{3 \times 10^8}{\frac{4}{3}} = \frac{9}{4} \times 10^8 \text{ m/s} \\ v_3 = \frac{3 \times 10^8}{\frac{4}{3\sqrt{2}}} = \frac{3}{4\sqrt{2}} \times 10^8 \text{ m/s} \end{cases}$$

گام ۴ حالا مدت زمانی که طول می‌کشد تا نور از نقطه A به نقطه M و سپس از نقطه M به نقطه B برسد را حساب می‌کنیم:

$$\Delta t_{AM} = \frac{\overline{AM}}{v_2} = \frac{\frac{9}{\cos 37^\circ}}{\frac{9}{4} \times 10^8} = \frac{4}{\cos 37^\circ} \times 10^{-8} \text{ s} = \frac{4}{\frac{4}{5}} \times 10^{-8} \text{ s} = 5 \times 10^{-8} \text{ s}$$

$$\Delta t_{MB} = \frac{\overline{MB}}{v_3} = \frac{9\sqrt{2}}{\frac{3}{4\sqrt{2}} \times 10^8} = \frac{9\sqrt{2} \times 4\sqrt{2}}{3} \times 10^{-8} \text{ s} = \frac{12 \times 2}{3} \times 10^{-8} \text{ s} = 8 \times 10^{-8} \text{ s}$$

گام ۵ زمان کل حرکت برابر است با:

$$\Delta t_{AB} = \Delta t_{AM} + \Delta t_{MB} = 5 \times 10^{-8} + 8 \times 10^{-8} = 13 \times 10^{-8} \text{ s}$$

متأسفانه پاسخ درست تست در گزینه‌ها نیست!

مشاوره همان‌طور که دیدید پاسخ درست تست در بین گزینه‌ها نبود و تست ایراد دارد. در درس فیزیک کنکور به ندرت پیش می‌آید که تستی ایراد داشته باشد، اما احتمال آن صفر نیست! چیزی که شما باید بدانید این است که در کنکور برای هیچ تستی بیش از حد وقت نگذارید. در آن لحظه مهم نیست تست ایراد دارد یا شما در جایی اشتباه می‌کنید. مهم از دست ندادن زمان است. فوراً تست را رد کنید و بروید سراغ تست بعدی.

۹- گزینه ۲

درسنامه اگر پرتوی نور از هر یک از دو آینه متقاطع یک بار بازتاب شود، زاویه بین پرتوی تابیده به آینه اول و پرتوی بازتاب‌شده از آینه دوم (که به آن زاویه انحراف هم می‌گوییم) فقط به زاویه بین دو آینه بستگی دارد. برای حالتی که زاویه بین دو آینه بیشتر از 90° باشد، زاویه انحراف از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$\alpha > 90^\circ \Rightarrow D = 360^\circ - 2\alpha$$

با توجه به شکل زیر، زاویه انحراف پرتوی، مکمل زاویه 80° است؛ پس:

$$\hat{D} = 180^\circ - 80^\circ = 100^\circ$$

زاویه بین دو آینه به صورت زیر به دست می‌آید:

$$\hat{D} = 360^\circ - 2\alpha \Rightarrow 100^\circ = 360^\circ - 2\alpha$$

$$\Rightarrow 2\alpha = 260^\circ \Rightarrow \alpha = 130^\circ$$

تله اگر زاویه انحراف پرتوی را به اشتباه 80° که در شکل داده شده در نظر بگیرید، جوابتان به اشتباه ۱ خواهد شد.

۱۰- گزینه ۲

درسنامه

۱ معادله مکان - زمان در حرکت هماهنگ ساده:

$$x = A \cos \omega t, \quad \omega = \frac{2\pi}{T}$$

دوره $\rightarrow T$

۲ در تست‌های حرکت هماهنگ ساده، مکان‌ها و جابه‌جایی‌های مشخص شده در شکل‌های زیر بسیار پرتکرارند. زمان لازم طی این جابه‌جایی‌ها را (برحسب دوره) به خاطر بسپارید:

۳ سرعت متوسط:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$$

گام ۱ از روی معادله مکان - زمان، دوره تناوب نوسانگر و دامنه را محاسبه می‌کنیم:

$$\omega = 6\pi \Rightarrow \frac{2\pi}{T} = 6\pi \Rightarrow T = \frac{1}{3} \text{ s}, \quad A = 0.02 \text{ m} = 2 \text{ cm}$$

ببینیم $\Delta t = 0.5 \text{ s}$ چند T است:

$$\frac{\Delta t}{T} = \frac{0.5}{\frac{1}{3}} = \frac{3}{2} \Rightarrow \Delta t = \frac{3}{2} T$$

گام ۲ نوسانگر در مدت T یک نوسان کامل انجام می‌دهد و به نقطه اولیه‌اش بازمی‌گردد؛ پس برای محاسبه سرعت متوسط، این مدت برایمان مهم نیست. باید بررسی کنیم که در مدت $\frac{T}{2}$ باقی‌مانده، بیشترین سرعت متوسط نوسانگر مربوط به چه حالتی است. با توجه به درس‌نامه، واضح است که بیشترین جابه‌جایی و در نتیجه بیشترین سرعت متوسط مربوط به حالتی است که نوسانگر مسیری مطابق شکل زیر را طی کند و از یک نقطه بازگشت به نقطه بازگشت دیگر برود. جابه‌جایی نوسانگر در این مدت برابر است با:

$$\Delta x = x_2 - x_1 = A - (-A) = 2A$$

خواسته تست:

$$|v_{av(max)}| = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{2 \times 2}{0.5} = 8 \text{ cm/s}$$

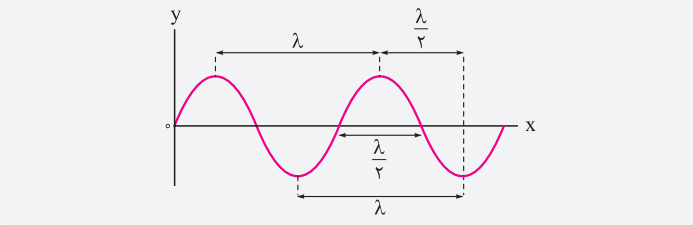
۱۳- گزینه ۳

استراتژی یکی از رایج‌ترین تیپ‌های تست در فصل ۳ فیزیک دوازدهم، مربوط به تصویر لحظه‌ای از یک موج عرضی است که در آن‌ها، دربارهٔ چگونگی حرکت یکی از ذرات محیط، پرسشی مطرح می‌کنند. برای حل این تست‌ها به ترتیب مراحل زیر را طی می‌کنیم:

- با توجه به تصویر لحظه‌ای داده‌شده از موج عرضی، طول موج را حساب می‌کنیم.
 - به کمک رابطه $\lambda = vT$ ، دورهٔ موج را به دست می‌آوریم.
 - از این‌جا به بعد، با داشتن دوره، با حرکت هماهنگ سادهٔ ذرهٔ مورد نظر از محیط سروکار داریم. اغلب لازم است بازهٔ زمانی داده‌شده را با دوره (T) مقایسه کرده و با توجه به نتیجهٔ این مقایسه، مسیر حرکت ذره را تجسم کنیم.
 - با دانستن مسیر حرکت ذرهٔ مورد نظر، خواستهٔ تست را حساب می‌کنیم. مسافت طی شده توسط ذره، جابه‌جایی ذره، تندی یا سرعت متوسط ذره و نوع حرکت ذره از سوژه‌های پرتکرار در این تست‌ها هستند.
- در پاسخ این تست نمونه‌هایی از این چهار مرحله را قرار است ببینید.

درس نامه

- در حرکت هماهنگ ساده، نوسانگر در مدت $\frac{T}{4}$ (دوره) مسیری به شکل مقابل را طی می‌کند.
در این مسیر:
اولاً: مکان نوسانگر قرینه می‌شود، یعنی از مکان X به مکان -X می‌رسد.
ثانیاً: نوسانگر مسافتی برابر با 2A طی می‌کند (A: دامنهٔ نوسان).
- بین طول موج، تندی انتشار و دورهٔ آن رابطهٔ روبه‌رو برقرار است: $\lambda = vT$
- سرعت متوسط: $v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$
- شکل زیر را دربارهٔ رابطهٔ فاصلهٔ نقاط با طول موج، به خاطر بسپارید:



مگ با توجه به تصویر لحظه‌ای داده‌شده و عدد 5 cm روی محور X داریم:

$$\frac{\lambda}{2} = 5 \text{ cm} \Rightarrow \lambda = 10 \text{ cm}$$

مگ دورهٔ نوسان تک‌تک ذرات ریسمان برابر است با:

$$\lambda = vT \Rightarrow 10 = 20 \times T \Rightarrow T = \frac{1}{2} \text{ s}$$

مگ بازهٔ زمانی داده‌شده را برحسب دوره به دست می‌آوریم:

$$\Delta t = \frac{1}{4} \text{ s} \xrightarrow{T = \frac{1}{2} \text{ s}} \Delta t = \frac{T}{2}$$

پس با یک نیم‌نوسان سروکار داریم.

- حالا حرکت ذرهٔ M از ریسمان را بررسی می‌کنیم.
در لحظهٔ t_1 ، این ذره در مکان $y_1 = 3 \text{ cm}$ قرار دارد و در حال حرکت به سمت بالاست (شبهه ذرات قبل از خود می‌شود). $\frac{T}{4}$ بعد از این لحظه، ذره با طی مسیر مقابل به مکان $y_2 = -y_1 = -3 \text{ cm}$ می‌رسد.

پس سرعت متوسط ذرهٔ M در این مدت برابر است با:

$$v_{av} = \frac{y_2 - y_1}{\Delta t} = \frac{(-3) - (3)}{\frac{1}{4}} = -24 \text{ cm/s}$$

$$\Rightarrow |v_{av}| = 24 \text{ cm/s}$$

۱۲- گزینه ۱

درس نامه ۱ شدت صوت حاصل از چشمهٔ صوتی با توان P در فاصلهٔ r از آن، از رابطهٔ روبه‌رو به دست می‌آید:

$$I = \frac{P}{4\pi r^2}$$

با توجه به این رابطه، شدت صوت با مربع فاصله از چشمه، نسبت وارون دارد؛ یعنی:

$$\frac{I_2}{I_1} = \left(\frac{r_1}{r_2}\right)^2$$

اختلاف تراز شدت دو صوت (برحسب dB) از رابطهٔ زیر به دست می‌آید:

$$\beta_2 - \beta_1 = 10 \log\left(\frac{I_2}{I_1}\right)$$

برای حل تست‌های این مبحث روابط لگاریتمی زیر به کارتان می‌آید:

$$\log A^n = n \log A, \quad \log(AB) = \log(A) + \log(B),$$

$$\log\left(\frac{A}{B}\right) = \log(A) - \log(B)$$

- نسبت شدت صوت دریافتی دو ناظر A و B را به دست می‌آوریم.
- از آن‌جایی که تراز شدت این دو صوت را برحسب β داریم، به کمک فرمول اختلاف تراز شدت صوت، مقدار β را مشخص می‌کنیم.
- نسبت شدت صوت دریافتی ناظرهای A و C را محاسبه می‌کنیم. به کمک فرمول اختلاف تراز شدت صوت، خواستهٔ تست را به دست می‌آوریم.

مگ نسبت شدت صوت دریافتی دو ناظر A و B را تعیین می‌کنیم:

$$\frac{I_A}{I_B} = \left(\frac{r_B}{r_A}\right)^2 \Rightarrow \frac{I_A}{I_B} = \left(\frac{2r}{r}\right)^2 = 4$$

مگ حالا می‌توانیم β را محاسبه کنیم:

$$\beta_A - \beta_B = 10 \log\left(\frac{I_A}{I_B}\right) \Rightarrow \beta - \frac{\Delta}{6} \beta = 10 \log(4) \Rightarrow \frac{1}{6} \beta = 10 \log(4)$$

$$\Rightarrow \beta = 60 \log(2) = 120 \log(2) = 120 \times 0.3 = 36 \text{ dB}$$

تیزبازی پس از این‌که $\beta = 36 \text{ dB}$ به دست آمد، می‌توان فهمید که $\beta_B = \frac{\Delta}{6} \times 36 = 30 \text{ dB}$ است. با توجه به این‌که نقطهٔ C نسبت به نقطهٔ B در فاصلهٔ بیشتری از چشمهٔ صوت قرار دارد، حتماً $\beta_C < 30 \text{ dB}$ است. با نگاهی به گزینه‌ها، می‌توانیم 1 را انتخاب کنیم.

مگ نسبت شدت صوت دریافتی دو ناظر A و C را حساب می‌کنیم:

$$\frac{I_A}{I_C} = \left(\frac{r_C}{r_A}\right)^2 = \left(\frac{4r}{r}\right)^2 = 16$$

مگ حالا به سراغ محاسبهٔ تراز شدت صوت دریافتی ناظر C می‌رویم:

$$\beta_A - \beta_C = 10 \log\left(\frac{I_A}{I_C}\right) \Rightarrow 36 - \beta_C = 10 \log(16) \Rightarrow 36 - \beta_C = 10 \log(2)^4$$

$$\Rightarrow 36 - \beta_C = 40 \log(2) \Rightarrow 36 - \beta_C = 12 \Rightarrow \beta_C = 24 \text{ dB}$$

مشاوره در حل تست‌های مبحث تراز شدت صوت، مهم‌ترین مهارت، حل رابطهٔ لگاریتمی است. در این تست‌ها اغلب $\log 2 = 0.3$ را می‌دهند و شما باید یاد بگیرید که چگونه عددی که با آن سروکار دارید را به صورت مجموع یا تفاضل یک عدد صحیح و یک عدد برحسب 0.3 بنویسید. چند نمونه ببینید:

- $\diamond 5/1 = 6 - (3 \times 0.3)$
- $\diamond 5/2 = 4 + (4 \times 0.3)$
- $\diamond 5/3 = 5 + 0.3$
- $\diamond 5/4 = 6 - (2 \times 0.3)$
- $\diamond 5/5 = 4 + (5 \times 0.3)$

بررسی عبارت‌ها:

با توجه به این که D در گروه دوم قرار دارد و یون D^{2+} تشکیل می‌دهد، X هر نافلز می‌باشد، آنتالپی فروپاشی D از آنتالپی فروپاشی LiF بیشتر است؛ زیرا قطعاً مجموع بار یک کاتیون و یک آنیون در ترکیب حاصل از D و X بیشتر از LiF است.

در AX نسبت کاتیون به آنیون ۱ به ۱ است. با توجه به این که A در گروه ۱ قرار دارد، X متعلق به گروه ۱۷ است؛ بنابراین AX می‌تواند خود LiF یا ترکیباتی مانند NaF، LiCl و... باشد. در موارد غیر از LiF، شعاع کاتیون یا آنیون و یا هر دوی آن‌ها، از شعاع یون‌ها در LiF بزرگ‌تر است. با توجه به این که آنتالپی فروپاشی با شعاع یون‌ها رابطه وارونه دارد، آنتالپی فروپاشی این ترکیب‌ها از LiF کم‌تر خواهد بود.

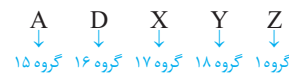
X با ۶ الکترون ظرفیت، در گروه ۱۶ قرار دارد و یون X^{2-} تشکیل می‌دهد؛ در نتیجه ترکیب حاصل از A و X به صورت A_2X خواهد بود که آنتالپی فروپاشی و نقطه ذوب بالاتری از LiF دارد.

همان فلز منیزیم است. اگر به جای D، یون کلسیم جایگزین شود، به دلیل شعاع بزرگ‌تر یون کلسیم نسبت به یون منیزیم، آنتالپی فروپاشی کم‌تر و به آنتالپی فروپاشی LiF نزدیک می‌شود. $LiF < Ca, X < Mg, X$ آنتالپی فروپاشی

گزینه ۲

عبارت‌های دوم و پنجم نادرست‌اند.

عنصر Y، گازی تک‌اتمی است؛ در نتیجه در گروه ۱۸ جدول تناوبی جای دارد. اگر Y گاز نجیب نئون (Ne) باشد، با توجه به متوالی بودن عناصر می‌توان نوشت:



$$45 = \text{مجموع اعداد اتمی} \Rightarrow {}_7N, {}_8O, {}_9F, {}_{10}Ne, {}_{11}Na$$

اگر عدد اتمی عناصر اول یعنی A را Z در نظر بگیریم، با توجه به این که عناصر متوالی هستند، این پوری هم می‌شد نوشت: $Z + (Z+1) + (Z+2) + (Z+3) + (Z+4) = 45 \Rightarrow Z = 7$ بنابراین عدد اتمی عنصرها از ۷ تا ۱۱ است.

بررسی عبارت‌ها:

HX یعنی همان HF؛ این اسید، یک اسید ضعیف است و معادله یونش آن در آب تعادلی می‌باشد. نیترژن دارای دو اسید HNO_2 و HNO_3 است. فقط HNO_3 ، اسید قوی است و یونش آن در آب کامل می‌باشد.

عدد اکسایش اکسیژن در OF_2 ، +۲ است که بالاترین عدد اکسایش ممکن برای اکسیژن است. ترکیب حاصل از واکنش D و Z، Na_2O است که آنتالپی فروپاشی و نقطه ذوب بالاتری نسبت به LiF دارد، زیرا مجموع بار یک کاتیون و یک آنیون در آن بیشتر است.

ترکیب هیدروژن‌دار D یعنی H_2O (آب) به دلیل توانایی تشکیل پیوندهای هیدروژنی، ویژگی‌های فیزیکی متفاوتی با H_2S دارد.

گزینه ۴

همه عبارت‌های داده‌شده، نادرست‌اند.

بررسی عبارت‌ها: عبارت اول: یون فلئورید در مراکز تأمین آب آشامیدنی به آن افزوده می‌شود، نه این که ارزش پرا بشه! وجود این یون سبب حفظ سلامت دندان‌ها می‌شود.

عبارت دوم: مثلاً ساختار مولکول گوگرد دی‌اکسید (SO_2)، V شکل است، اما اتم مرکزی آن (S) سر مثبت مولکول را تشکیل می‌دهد (خصالت نافلز S نسبت به O، کم‌تر است)؛ بنابراین در میدان الکتریکی به سمت قطب منفی، جهت‌گیری می‌کند.

عبارت سوم:

تله نیروهای بین مولکولی به طور عمده به میزان قطبی بودن مولکول‌ها و جرم آن‌ها وابسته است.

مواستون باشه! که قدرت نیروهای بین مولکولی یک ماده، حالت فیزیکی آن را تعیین می‌کند؛ پس گفتن این که حالت فیزیکی بر نیروهای بین مولکولی تأثیر دارد، غلطه!

۱- شاید بگویند AX می‌تواند LiH باشد. در این صورت هم آنتالپی فروپاشی LiH از LiF کم‌تر است؛ زیرا در عین تابوری! شعاع H^- از F^- کمی بزرگ‌تر است.

عبارت چهارم:

تله کی گفته؟! مثلاً اگر فرمول یک ترکیب یونی به صورت AB باشد، چه جوری می‌شه فهمید بار یون‌ها (۱، -۱) یا (۲، +۲) یا (۳، +۳) است؟ نمی‌شه! چون در فرمول نویسی ترکیب‌های یونی ممکن است بار یون‌ها با هم ساده شود.

مشاوره در چند کنکور اخیر، توجه به درک عمیق مفاهیم اصلی شیمی بسیار مشهوده! مثلاً عبارت سوم این سؤال، از نظر علمی یک عبارت بی‌معناست! در واقع طراح سعی کرده با جابه‌جا کردن کلمات جمله کتاب درسی، ذهن شما رو به چالش بکشه و هدفش هم این بوده که مشخص کنه کدوم داوطلب‌ها مفاهیم رو عمیقاً یاد گرفتن و کدوم‌ها فقط عبارت‌ها رو حفظ کردن! پس سعی کن مفاهیم رو اصولی درک کنی و براش وقت بذاری.

گزینه ۲

متأسفانه این سؤال، جواب درست ندارد! بیا باید گزینه‌ها رو دونه‌دونه بررسی کنیم:

۱) هیدروژن فلئورید (HF) در دما و فشار اتاق به حالت گاز است. نه مایع! ولی مورد دوم این گزینه درسته.

۲) فرمول شیمیایی دی‌متیل اتر (CH_3-O-CH_3) ، C_2H_6O است، نه C_4H_6O ! پس این گزینه با فرمول اشتباه دی‌متیل اتر رد می‌شه، ولی در ادامه بد نیست بدانید که این ماده در دما و فشار اتاق به حالت گاز است. در مورد ترکیب دیگر آورده‌شده، بدانید و آگاه باشید که مانند سیلیسیم کربید (SiC)، فرمول وانادیم (IV) کربید به صورت VC است و در دما و فشار اتاق به حالت جامد است، عدد اکسایش وانادیم و کربن در این ترکیب به ترتیب +۴ و -۴ است.

۳) این گزینه هم برای فرمول اشتباه دی‌متیل اتر رد می‌شه! علاوه بر آن، در دما و فشار اتاق، دی‌متیل اتر (CH_3-O-CH_3) ، به حالت گاز و سیکلوهگزان (C_6H_{12}) ، به حالت مایع است.

۴) کوارتز، همان SiO_2 خالص است و نه Si! علاوه بر آن VC (وانادیم کربید) هم در دما و فشار اتاق به حالت جامد است.

مشاوره همون‌طور که دیدید، در این سؤال مواردی مطرح شده که به طور مستقیم راجب به اون‌ها در کتاب‌های درسی مطلبی نیومده. در این مورد و موارد مشابه باید با بررسی موارد آشنا و تکنیک رد گزینه به پاسخ تست برسید، مثلاً در این سؤال (با در نظر نگرفتن خطای طراح در ۱)، خیلی راحت با توجه به فرمول غلط دی‌متیل اتر و کوارتز، ۲، ۳ و ۴ حذف می‌شن.

گزینه ۱

نکته در یک دوره از چپ به راست، شعاع اتمی کاهش و در یک گروه از بالا به پایین، شعاع اتمی افزایش می‌یابد. هم‌چنین شعاع کاتیون پایدار یک عنصر از شعاع اتم آن، کوچک‌تر و شعاع آنیون پایدار یک عنصر، از شعاع اتم آن بزرگ‌تر است.

با توجه به مقایسه شعاع اتمی و یونی، می‌شه فهمید که A و E کاتیون پایدار تشکیل می‌دهند و فلزند، در حالی که D و M، آنیون پایدار تشکیل می‌دهند و نافلزند.

بررسی گزینه‌ها: ۱) در دسته p، هم فلز داریم و هم نافلز! بنابراین A و D می‌توانند در دسته p قرار داشته باشند، مثلاً A می‌تواند آلومینیم (Al) و D می‌تواند گوگرد (S) باشد.

۲) شعاع اتمی D از M بیشتر است، بنابراین اگر این دو عنصر در یک دوره باشند، D در سمت چپ M قرار دارد. (در یک دوره از چپ به راست، شعاع اتمی عناصر کاهش می‌یابد).

۳) و ۴) اگر به جدول داده‌شده دقت کنید، می‌بیند که شعاع کاتیون‌های Na^+ و E خیلی به هم نزدیک است اما با توجه به جدول‌های فصل ۳ کتاب درسی شیمی دوازدهم، شعاع کاتیون عنصرهای یک دوره یا یک گروه نمی‌تواند خیلی به هم نزدیک باشد؛ پس در اینجا E نمی‌تواند هم‌گروه سدیم باشد و می‌توان آن را فلز کلسیم (Ca) که در گروه ۲ و دوره ۴ جدول قرار دارد، در نظر گرفت که با تشکیل یون به آرایش گاز نجیب هم می‌رسد.

۲- هر چند با روند تغییر شعاع در جدول دوره‌ای، نمی‌توان شعاع اتمی فلز گالیم (Ga) را با سدیم (Na) مقایسه کرد، ولی بدانید و آگاه باشید که شعاع اتمی گالیم از سدیم کوچک‌تر است و فلز E در این سؤال را نمی‌توان گالیم در نظر گرفت.

$$\Rightarrow \frac{46/8}{1 \times 18} = \frac{Z}{2 \times 1} \Rightarrow Z = 5/2 \text{ g HCl}$$

به دست آوردن درصد جرمی H در مخلوط اولیه:

$$\text{H درصد جرمی} = \frac{\text{جرم H}}{\text{جرم مخلوط اولیه}} \times 100 \Rightarrow \frac{5/2}{6/4 + 3/4} = \frac{5/2}{10} \times 100 = 5\%$$

جرم $\text{H}_2 + \text{CH}_4$

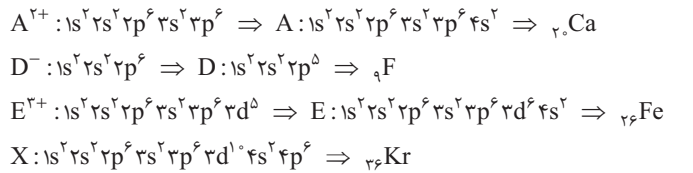
۲۲- گزینه ۴

همه عبارتهای داده شده نادرست اند.

نکته هر زیربلا به افزون بر عدد کوانتومی اصلی (n)، دارای عدد کوانتومی فرعی (l) نیز می باشد:

زیربلا	s	p	d	f
عدد کوانتومی فرعی (l)	۰	۱	۲	۳
حداکثر تعداد الکترون	۲	۶	۱۰	۱۴

بنابراین وقتی گفته می شود اتمی دارای ۶ الکترون با مشخصات $l=0$ است یعنی زیربلاهای $1s^2, 2s^2, 3s^2$ در آن از الکترون پر شده است. هم چنین وقتی گفته می شود اتمی دارای ۱۲ الکترون به مشخصات $l=1$ است، یعنی زیربلاهای $2p^6, 3p^6$ به طور کامل الکترون گرفته اند. ابتدا با توجه به جدول داده شده در سؤال و نوشتن آرایش الکترونی یون ها، اتم های A، D، E و X را پیدا می کنیم.



بررسی عبارتهای: عبارت اول: اتم های E و D به ترتیب اتم های آهن (Fe) و فلور (F) هستند.

با توجه به کاتیون های پایدار آهن این دو اتم می توانند با یکدیگر ترکیب های یونی FeF_2 و FeF_3 تشکیل دهند (ED_2 و F_2E)، اما در این عبارت فرمول شیمیایی این دو ترکیب به صورت F_2E و F_2E نوشته شده است. از آن جایی که در ترکیب های یونی دوتایی، فلز سمت چپ و نافلز سمت راست نوشته می شود، این عبارت نادرست است.

عبارت دوم: شمار الکترون های ظرفیتی عنصر D ($4F$) برابر ۷ الکترون است. اما کاهنده ترین عنصر جدول تناوبی، عنصر لیتیم با عدد اتمی ۳ است.

عبارت سوم: فرآورده حاصل از واکنش A و D (یعنی کلسیم و فلور) CaF_2 است که یک ترکیب یونی بوده که اصلاً بحث ساختار خمیده، قطبیت و انحراف در میدان الکتریکی برای آن مطرح نیست. (این مباحث برای مولکول ها قابل بحث و بررسی است).

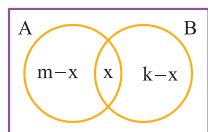
عبارت چهارم: شمار عنصرهای بین دو عنصر A و X برابر $15 = 1 - (20 - 36)$ عنصر است. اما نافلزترین عنصر گروه ۱۶، اکسیژن بوده که عدد اتمی آن برابر ۸ است.

ریاضی

۲۴- گزینه ۳

استراتژی ابتدا یک نمودار ون رسم کنید و تعداد اعضای $A \cap B$ را برابر x در نظر بگیرید. حالا تعداد اعضای $A - B$ برابر $m - x$ و تعداد اعضای $B - A$ برابر $k - x$ می شود. سپس با توجه به این که تعداد اعضای $A \cup B$ برابر ۱۱ و $m - k = 5$ است، به جواب می رسید.

گام ۱ ابتدا نمودار ون را رسم می کنیم:



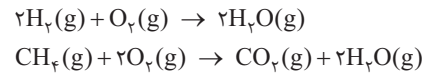
فرض کنید تعداد اعضای $A \cap B$ برابر x است. تعداد اعضای A برابر m است، پس تعداد اعضای $A - B$ برابر $m - x$ می شود. تعداد اعضای B برابر k است، پس تعداد اعضای $B - A$ برابر $k - x$ می شود.

مشاوره اگر سر جلسه آزمون، به چنین سوالاتی برخورد کردین و نتونستین بهش جواب بدین، اصلاً خودتونو ناراحت نکنید! چون مطمئن باشید که بالای ۹۵ درصد بچه ها شرایطی مثل شرایط شما را دارند! هدف کتاب درسی در قسمت شعاع یون ها و انتالپی فروپاشی شبکه بلور، آشنایی با روند تغییرات کلی این کمیت ها و مقایسه های ساده و قانونمند است اما متأسفانه طراحان کنکور سراسری، چندساله که سؤال های عجیب و غریب از این موضوعات طرح می کنن!

۲۲- گزینه ۲

استراتژی اول واکنش ها رو بنویس و موازنه کن. می دونی که CO_2 فقط از سوختن متان حاصل شده؛ در نتیجه می تونی جرم CH_4 مصرف شده و تولید شده در واکنش سوختن متان رو به دست بیاری. چون جرم H_2O کل رو داری پس جرم H_2O در واکنش سوختن H_2 هم به دست میاد و از اون جا می تونی جرم H_2 رو به دست بیاری. با جمع کردن جرم H_2 و CH_4 ، جرم اولیه مخلوط هم به دست میاد و می تونی درصد جرمی اتم H در مخلوط رو به دست بیاری.

معادله موازنه شده واکنش سوختن CH_4 و H_2 به صورت زیر است:



گام ۱ به دست آوردن جرم CH_4 مصرف شده و H_2O تولید شده در واکنش سوختن متان:

روش استفاده از کسر تناسب:

$$\frac{\text{جرم}}{\text{جرم مولی} \times \text{ضریب}} = \frac{\text{جرم}}{\text{جرم مولی} \times \text{ضریب}} = \frac{\text{جرم}}{\text{جرم مولی} \times \text{ضریب}}$$

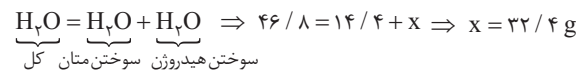
$$\frac{x}{16 \times 4} = \frac{y}{18 \times 2} \Rightarrow \begin{cases} x = 6/4 \text{ g CH}_4 \\ y = 14/4 \text{ g H}_2\text{O} \end{cases}$$

روش استفاده از کسر تبدیل:

$$17/6 \text{ g CO}_2 \times \frac{1 \text{ mol CO}_2}{44 \text{ g CO}_2} \times \frac{1 \text{ mol CH}_4}{1 \text{ mol CO}_2} \times \frac{16 \text{ g CH}_4}{1 \text{ mol CH}_4} = 6/4 \text{ g CH}_4$$

$$17/6 \text{ g CO}_2 \times \frac{1 \text{ mol CO}_2}{44 \text{ g CO}_2} \times \frac{2 \text{ mol H}_2\text{O}}{1 \text{ mol CO}_2} \times \frac{18 \text{ g H}_2\text{O}}{1 \text{ mol H}_2\text{O}} = 14/4 \text{ g H}_2\text{O}$$

گام ۲ به دست آوردن جرم H_2O تولید شده در واکنش سوختن هیدروژن:



گام ۳ به دست آوردن جرم H_2 در واکنش سوختن آن:

روش استفاده از کسر تناسب:

$$\frac{\text{جرم}}{\text{جرم مولی} \times \text{ضریب}} = \frac{\text{جرم}}{\text{جرم مولی} \times \text{ضریب}} \Rightarrow \frac{x'}{2 \times 2} = \frac{32/4}{2 \times 18} \Rightarrow x' = 3/6 \text{ g}$$

روش استفاده از کسر تبدیل:

$$32/4 \text{ g H}_2\text{O} \times \frac{1 \text{ mol H}_2\text{O}}{18 \text{ g H}_2\text{O}} \times \frac{2 \text{ mol H}_2}{2 \text{ mol H}_2\text{O}} \times \frac{2 \text{ g H}_2}{1 \text{ mol H}_2} = 3/6 \text{ g H}_2$$

گام ۴ به دست آوردن جرم مخلوط اولیه:

$$\text{جرم مخلوط اولیه} = \text{جرم CH}_4 + \text{جرم H}_2 = 6/4 + 3/6 = 10/6 \text{ g}$$

گام ۵ به دست آوردن جرم اتم H در مخلوط:

تیزبازی طبق واکنش ها می توان گفت که اتم H در فرآورده دو واکنش فقط در ساختار H_2O وجود دارد. براساس قانون پایستگی جرم، می توان جرم اتم H را از طریق جرم H_2O کل به دست آورد. جرم به دست آمده، جرم H کل در مخلوط CH_4 و H_2 است. با این کار نیازی نیست که جرم اتم H را در هر دو واکنش به صورت مجزا به دست آوریم.

در هر مول H_2O ، ۲ مول H وجود دارد؛ بنابراین:

$$\frac{\text{جرم}}{\text{جرم مولی} \times \text{ضریب}} = \frac{\text{جرم}}{\text{جرم مولی} \times \text{ضریب}} \Rightarrow \frac{32/4 + 14/4}{1 \times 18} = \frac{Z}{2 \times 1}$$

۲۴- گزینه ۴

شفاف‌سازی صفرهای تابع $y = 2x^2 - (m+2)x + m$ ← ریشه‌های معادله $2x^2 - (m+2)x + m = 0$

درس‌نامه ۱ برای به دست آوردن ریشه‌های معادله درجه دوم $ax^2 + bx + c = 0$ دو حالت خاص داریم:

(الف) اگر $a + b + c = 0$ باشد، یکی از ریشه‌ها $x = 1$ و ریشه دیگر $x = \frac{c}{a}$ است.

(ب) اگر $a + c = b$ باشد، یکی از ریشه‌ها $x = -1$ و ریشه دیگر $x = -\frac{c}{a}$ است.

۲ در تابع درجه دوم $y = ax^2 + bx + c$:

(الف) نقطه تقاطع تابع با محور عرض‌ها $(0, c)$ است.

(ب) طول رأس سهمی، $x = -\frac{b}{2a}$ است.

(پ) اگر $a > 0$ باشد، سهمی رو به بالا و اگر $a < 0$ باشد، سهمی رو به پایین است.

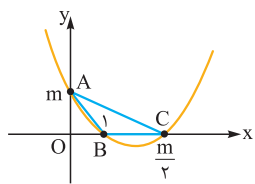
۳ دوتا از ویژگی‌های قدرمطلق به صورت زیر است:

(الف) $|x||y| = |xy|$ (ب) $|x| = a \xrightarrow{a > 0} \begin{cases} x = a \\ x = -a \end{cases}$

گام ۱ در معادله درجه دوم $2x^2 - (m+2)x + m = 0$ جمع ضرایب صفرند، پس طبق

مورد (۱-الف) درس‌نامه، ریشه‌های این معادله $x = 1$ و $x = \frac{m}{2}$ هستند.

گام ۲ نقطه تقاطع تابع $y = 2x^2 - (m+2)x + m$ با محور عرض‌ها، طبق مورد (۲-الف) درس‌نامه، $(0, m)$ است.



گام ۳ حالا با توجه به نتایج به دست آمده در دو گام

قبل و این که $a > 0$ است، می‌توانیم شکل فرضی مقابل را برای این سهمی رسم کنیم: (دقت کنید! این سهمی را به شکل‌های دیگری هم حتی می‌توان رسم کرد، اما اصلاً اهمیتی ندارد، چون هدف ما از رسم سهمی این است که از صورت سؤال درک بهتری پیدا کنیم.)

گام ۴ با توجه به نمودار رسم‌شده، قاعده مثلث ABC برابر BC و طول ارتفاع آن برابر

AO است. طول ضلع BC برابر $|\frac{m}{2} - 1|$ (فوب الان احتمالاً می‌پرسید که چرا قدرمطلق $1 - \frac{m}{2}$ ،

فودش مگر چه مشکلی داره؟ بین ما گفتیم به شکل فرضی رسم می‌کنیم، حالا توی شکلی که ما رسم کردیم

$1 < \frac{m}{2}$ ولی ممکنه $1 < \frac{m}{2}$ باشه در هر حال طول ضلع BC برابر قدرمطلق تفاضل $\frac{m}{2}$ و ۱ یعنی

$|\frac{m}{2} - 1|$ می‌شه! (با استدلال مشابه، طول AO هم برابر قدرمطلق m می‌شه.) و طول ارتفاع AO برابر

$|m|$ است، پس مساحت این مثلث برابر است با:

$S = \frac{1}{2} \times \text{قاعده} \times \text{ارتفاع} \Rightarrow \frac{3}{4} = \frac{1}{2} \times |\frac{m}{2} - 1| \times |m| \xrightarrow{\times 2} |\frac{m}{2} - 1| \times |m| = \frac{3}{2}$

گام ۵ برای حل معادله فوق از مورد (۳) درس‌نامه کمک می‌گیریم:

$|\frac{m}{2} - 1| \times |m| = \frac{3}{2} \Rightarrow |\frac{m^2}{2} - m| = \frac{3}{2} \xrightarrow{\times 2} |m^2 - 2m| = 3$

پس عبارت داخل قدرمطلق ۳ یا -۳ است:

$\begin{cases} m^2 - 2m = 3 \Rightarrow m^2 - 2m - 3 = 0 \xrightarrow{a+c=b} \begin{cases} m = -1 \\ m = 3 \end{cases} \\ m^2 - 2m = -3 \Rightarrow m^2 - 2m + 3 = 0 \xrightarrow{\Delta < 0} \text{ریشه ندارد.} \end{cases}$

گام ۶ طول رأس سهمی $y = x^2 - mx + 1$ برابر با $x_S = \frac{-(-m)}{2} = \frac{m}{2}$ است.

به ازای $m = 3$ و $m = -1$ به $x_S = \frac{3}{2}$ و $x_S = -\frac{1}{2}$ می‌رسیم که فقط اولی در گزینه‌ها

وجود دارد.

گام ۱ تعداد اعضای $A \cup B$ ، ۱۱ تا است، پس مجموع $x \cdot m - x$ و $k - x$ باید ۱۱ باشد:

$(m-x) + (x) + (k-x) = 11 \Rightarrow \frac{m+k-x}{(*)} = 11$

گام ۲ پس $m - k = 5$ است، پس $k = m - 5$ می‌شود. حالا به جای k در (*) قرار

می‌دهیم $m - 5$:

$m + (m-5) - x = 11 \Rightarrow 2m = 16 + x \Rightarrow m = \frac{16+x}{2}$

x تعداد اعضای $A \cap B$ است، پس نمی‌تواند عددی منفی باشد، به عبارت دیگر $x \geq 0$ می‌شود.

حالا واضح است کم‌ترین مقدار m، به ازای کم‌ترین مقدار x، یعنی $x = 0$ حاصل می‌شود:

$m_{\min} = \frac{16+0}{2} = 8$

۲۵- گزینه ۲

درس‌نامه ۱ فاصله نقطه $A(x_0, y_0)$ از خط $ax + by + c = 0$ برابر است با:

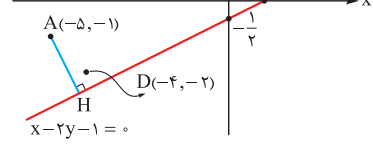
$AH = \frac{|ax_0 + by_0 + c|}{\sqrt{a^2 + b^2}}$

۲ فاصله دو نقطه $A(x_1, y_1)$ و $B(x_2, y_2)$ ، یا همان طول پاره خط AB برابر است با:

$AB = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$

گام ۱ رأس $A(-5, -1)$ و ضلع

به معادله $x - 2y = 1$ را می‌کشیم:



گام ۲ اگر در رابطه $x - 2y = 1$ ، جای x ، -4 قرار دهیم به $y = -2/5$ می‌رسیم؛ پس

نقطه $D(-4, -2)$ بالای خط $x - 2y - 1 = 0$ قرار دارد.

گام ۳ با کمک مورد (۱) درس‌نامه، فاصله A تا این ضلع را حساب می‌کنیم:

$AH = \frac{|-5 - 2(-1) - 1|}{\sqrt{1^2 + (-2)^2}} = \frac{4}{\sqrt{5}}$

گام ۴ طول یکی از اضلاع این مثلث که

در ناحیه سوم قرار دارد و نقطه $(-4, -2)$

داخل آن قرار دارد برابر با $\frac{4}{\sqrt{5}}$ (که همان

ارتفاع وارد بر یکی از اضلاع است) می‌باشد.

برای آن که مساحت مثلث ماکزیمم باشد، این

ارتفاع باید یکی از اضلاع باشد یا به زبان دیگر

این مثلث باید قائم‌الزاویه باشد، این جوری:

گام ۵ اندازه وتر AB را حساب می‌کنیم:

$AB = \sqrt{(-5-0)^2 + (-1+1/2)^2} = \sqrt{25 + 1/4} = \frac{\sqrt{101}}{2}$

با داشتن $AB = \frac{\sqrt{101}}{2}$ و $AH = \frac{4}{\sqrt{5}}$ ، به کمک فیثاغورس، اندازه HB را حساب می‌کنیم:

$HB^2 + (\frac{4}{\sqrt{5}})^2 = (\frac{\sqrt{101}}{2})^2 \Rightarrow HB^2 = \frac{101}{4} - \frac{16}{5} = \frac{505 - 64}{20} = \frac{441}{20}$

$\Rightarrow HB = \frac{21}{\sqrt{20}}$

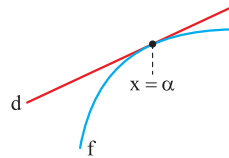
گام ۶ مساحت مثلث ABH برابر است با:

$S = \frac{AH \times HB}{2} = \frac{\frac{4}{\sqrt{5}} \times \frac{21}{\sqrt{20}}}{2} = \frac{42}{2 \times 10} = \frac{42}{10} = 4 \frac{2}{5}$

۲۷ - گزینه ۲

درس نامه فرمول مشتق بعضی از توابع را در جدول زیر ببینید:

تابع	مشتق
u^n	$nu'u^{n-1}$
\sqrt{x}	$\frac{1}{2\sqrt{x}}$



فرض می‌کنیم شیب خط d برابر m باشد. این خط از مبدأ می‌گذرد، پس معادله‌اش می‌شود $y = mx$. خط d و منحنی f به دو شرط در $x = \alpha$ مثل شکل مقابل بر هم مماس‌اند:

$f(\alpha) = m\alpha$ (۱)

خط $d: y = mx$ از نقطه $(\alpha, f(\alpha))$ بگذرد:

$f'(\alpha) = m$ (۲)

شیب خط $d: y = mx$ برابر با $f'(\alpha)$ باشد:

پس داریم:

$$\begin{cases} 2\sqrt{\alpha}(4\alpha^2 + 3) = m\alpha \Rightarrow \frac{8\alpha^2\sqrt{\alpha}}{\alpha} + 6\sqrt{\alpha} = m \\ \frac{8}{\alpha} \alpha^{\frac{3}{2}} + 6\left(\frac{1}{2\sqrt{\alpha}}\right) = m \end{cases}$$

معادله‌ها را مرتب‌تر کنیم:

$$\begin{cases} \frac{8\alpha^2 + 6}{\sqrt{\alpha}} = m & (*) \\ 4\alpha^2 + 3 = m\sqrt{\alpha} \end{cases}$$

$8\alpha^2 + 6 = 4\alpha^2 + 3$

$m\sqrt{\alpha}$ ها که مساوی‌اند؛ پس:

$3 = 4\alpha^2 \Rightarrow \alpha^2 = \frac{3}{4} \xrightarrow{\alpha > 0} \alpha = \frac{1}{2}$

با جای گذاری $\alpha = \frac{1}{2}$ در $(*)$ ، m هم پیدا می‌شود:

$8\left(\frac{1}{4}\right) + 6 = m\sqrt{\frac{1}{2}} \Rightarrow \frac{m}{\sqrt{2}} = 8 \Rightarrow m = 8\sqrt{2}$

۲۸ - گزینه ۱

استراتژی اول معادله خط گذرنده از دو نقطه $(-1, 1)$ و $(2, 2)$ را بنویسید. بعد ضابطه خط را با ضابطه f برابر قرار دهید و به این توجه کنید که معادله به‌دست‌آمده باید ریشه مضاعف داشته باشد.

درس نامه اگر خط $y = ax + b$ بر منحنی $y = f(x)$ مماس باشد، معادله $f(x) = ax + b$ ریشه مضاعف دارد.

شیب خط گذرنده از دو نقطه $C(2, 2)$ و $B(-1, 1)$ را حساب می‌کنیم:

$m_{BC} = \frac{2-1}{2-(-1)} = \frac{1}{3}$

معادله خط گذرنده از نقطه $B(-1, 1)$ با شیب $m = \frac{1}{3}$ را می‌نویسیم:

$y - y_B = \frac{1}{3}(x - x_B) \Rightarrow y - 1 = \frac{1}{3}(x + 1) \Rightarrow y = \frac{1}{3}x + \frac{4}{3} = \frac{x+4}{3}$

حالا طبق درس‌نامه، برای آن‌که خط $y = \frac{x+4}{3}$ بر منحنی $y = \sqrt{ax-1}$ مماس باشد، باید معادله تقاطعشان، ریشه مضاعف بدهد:

$\sqrt{ax-1} = \frac{x+4}{3} \xrightarrow{\text{توان } 2} ax-1 = \frac{x^2 + 8x + 16}{9}$

$\Rightarrow x^2 + 8x + 16 = 9ax - 9 \Rightarrow x^2 + (\lambda - 9a)x + 25 = 0$

$\xrightarrow{\text{باید دلتاش صفر باشد}} (\lambda - 9a)^2 - 4(1)(25) = 0 \Rightarrow (\lambda - 9a)^2 = 100$

$\Rightarrow \begin{cases} \lambda - 9a = 10 \Rightarrow a = \frac{-2}{9} \\ \lambda - 9a = -10 \Rightarrow a = 2 \end{cases}$

گام ۱ با جای گذاری $a = \frac{-2}{9}$ به $f(x) = \sqrt{\frac{-2}{9}x - 1}$ و با جای گذاری $a = 2$ به $f(x) = \sqrt{2x - 1}$ می‌رسیم.

مقدار $f(9)$ فقط در ضابطه دومی تعریف می‌شود (در اولی، زیر رادیکال را منفی می‌کند) و مقدارش برابر است با: $f(x) = \sqrt{2x - 1} \Rightarrow f(9) = \sqrt{18 - 1} = 4$

۲۹ - گزینه ۴

استراتژی اول $g\left(\frac{3}{\sqrt{\lambda}}\right)$ را حساب می‌کنیم. در ادامه به سراغ برکت می‌رویم تا حذفش کنیم. در آخر به کمک رابطه‌ای که برای مشتق تابع مرکب بلدیم، خواسته سؤال را به دست می‌آوریم.

درس نامه ۱ برای محاسبه مشتق تابع مرکب $y = fog(x)$ از رابطه زیر استفاده می‌کنیم:

هر وقت بخواهیم از یک تابع برکت‌دار، در نقطه‌ای مثل $x = a$ مشتق بگیریم، کارهای زیر را انجام می‌دهیم:

گام ۱ اول باید برکت را حذف کنیم. برای این کار یک بار مقدار عددی برکت را در سمت راست $x = a$ و بار دیگر در سمت چپ (a^-) به دست می‌آوریم.

گام ۲ اگر در گام ۱ به دو عدد مختلف رسیدیم باید مشتق چپ و راست را جداگانه حساب کنیم، اما در صورتی که به دو عدد یکسان رسیدیم، برکت را حذف کرده و همان عدد یکسان را به جایش قرار می‌دهیم و بعد مشتق‌گیری را شروع می‌کنیم.

چند مورد از مهم‌ترین قاعده‌های مشتق‌گیری را در جدول زیر ببینید:

مشتق تابع	تابع
$y' = nu'u^{n-1}$	$y = u^n$
$y' = \frac{u'}{2\sqrt{u}}$	$y = \sqrt{u}$
$y' = \frac{u'}{2\sqrt[3]{u^2}}$	$y = \sqrt[3]{u}$
$y' = \frac{(ad - bc)u'}{(cu + d)^2}$	$y = \frac{au + b}{cu + d}$
$y' = f'(x)g(x) + g'(x)f(x)$	$y = f(x)g(x)$
$y' = \frac{f'(x)g(x) - g'(x)f(x)}{g^2(x)}$	$y = \frac{f(x)}{g(x)}$

۴ برای محاسبه مشتق توابع به فرم $y = u^{\frac{p}{q}}$ ، اول تابع را به صورت $y = u^{\frac{p}{q}}$ می‌نویسیم، بعد با آن مثل $y = u^n$ رفتار می‌کنیم.

گام ۱ با توجه به این‌که $g(x) = \frac{1}{\sqrt{x^2 - 1}}$ است، $g\left(\frac{3}{\sqrt{\lambda}}\right)$ برابر می‌شود با:

$g\left(\frac{3}{\sqrt{\lambda}}\right) = \frac{1}{\sqrt{\left(\frac{3}{\sqrt{\lambda}}\right)^2 - 1}} = \frac{1}{\sqrt{\frac{9}{\lambda} - 1}} = \frac{1}{\frac{1}{\sqrt{\lambda}}}$

سؤال مشتق تابع $y = (fog)(x)$ را در نقطه $x = \frac{3}{\sqrt{\lambda}}$ می‌خواهد که طبق مورد (۱) درس‌نامه می‌توانیم بگوییم این مقدار برابر می‌شود با:

$g'\left(\frac{3}{\sqrt{\lambda}}\right) \times f'\left(g\left(\frac{3}{\sqrt{\lambda}}\right)\right) = g'\left(\frac{3}{\sqrt{\lambda}}\right) \times f'(2)$ (*)

برای محاسبه $g'\left(\frac{3}{\sqrt{\lambda}}\right)$ چالش خاصی نداریم:

$g(x) = \frac{1}{(x^2 - 1)^{\frac{1}{2}}} = (x^2 - 1)^{-\frac{1}{2}} \xrightarrow{(u^{\frac{1}{2}})' = \frac{1}{2}u^{-\frac{1}{2}}u'} g'(x) = -\frac{1}{2}(2x)(x^2 - 1)^{-\frac{3}{2}}$

۴ برای محاسبه مشتق متتابع تابع به فرم $y = \sqrt[p]{u^q}$ ، اول تابع را به صورت $y = u^{\frac{q}{p}}$ می‌نویسیم؛ بعد با آن مثل $y = u^n$ رفتار می‌کنیم.

۴۱ سؤال مشتق چپ تابع $y = (f \circ g)(x)$ را در نقطه $x = \frac{\sqrt{5}}{2}$ می‌خواهد که طبق مورد (۱) درس‌نامه برابر است با:

$$y' = g' \left(\left(\frac{\sqrt{5}}{2} \right)^- \right) \times f' \left(g \left(\left(\frac{\sqrt{5}}{2} \right)^- \right) \right) \quad (*)$$

۴۲ برای محاسبه $g' \left(\left(\frac{\sqrt{5}}{2} \right)^- \right)$ چالش خاصی نداریم:

$$g(x) = \frac{1}{\sqrt{x^2 - 1}} = (x^2 - 1)^{-\frac{1}{2}} \xrightarrow{(u^{-\frac{1}{2}})' = -\frac{1}{2}u^{-\frac{3}{2}}} g'(x) = -\frac{1}{2}(2x)(x^2 - 1)^{-\frac{3}{2}}$$

$$\Rightarrow g' \left(\left(\frac{\sqrt{5}}{2} \right)^- \right) = -\frac{1}{2} \left(2 \times \frac{\sqrt{5}}{2} \right) \left(\frac{5}{4} - 1 \right)^{-\frac{3}{2}} = -\frac{\sqrt{5}}{2} (2^{-2})^{-\frac{3}{2}}$$

$$= -\frac{\sqrt{5}}{2} \times 2^3 = -4\sqrt{5}$$

۴۳ برای محاسبه $f' \left(g \left(\left(\frac{\sqrt{5}}{2} \right)^- \right) \right)$ اول $g \left(\left(\frac{\sqrt{5}}{2} \right)^- \right)$ را حساب می‌کنیم:

$$g(x) = \frac{1}{\sqrt{x^2 - 1}} \Rightarrow g \left(\left(\frac{\sqrt{5}}{2} \right)^- \right) = \frac{1}{\sqrt{\left(\frac{5}{4} \right)^- - 1}} = \frac{1}{\sqrt{\left(\frac{1}{4} \right)^-}} = \frac{1}{\left(\frac{1}{4} \right)^-} = 2^+$$

پس $f' \left(g \left(\left(\frac{\sqrt{5}}{2} \right)^- \right) \right) = f'(2^+) = f'(2)$ است. برای محاسبه $f'(2^+)$ باید مقدار $[x]$ را در همسایگی راست $x = 2$ حساب کنیم:

بنابراین به جای $[x]$ در $f(x) = (x[x])^2$ عدد ۲ را قرار می‌دهیم و مشتق می‌گیریم:

$$f(x) = (2x)^2 = 4x^2 \Rightarrow f'(x) = 8x \Rightarrow f'(2^+) = 24 \times 2 = 48$$

۴۴ حالا با جای‌گذاری مقادیر ۹۶ و $f' \left(g \left(\left(\frac{\sqrt{5}}{2} \right)^- \right) \right) = 48$ و $g' \left(\left(\frac{\sqrt{5}}{2} \right)^- \right) = -4\sqrt{5}$ در تساوی (*) خواسته سؤال را به دست می‌آوریم:

$$y' = g' \left(\left(\frac{\sqrt{5}}{2} \right)^- \right) \times f' \left(g \left(\left(\frac{\sqrt{5}}{2} \right)^- \right) \right) = (-4\sqrt{5}) \times 96$$

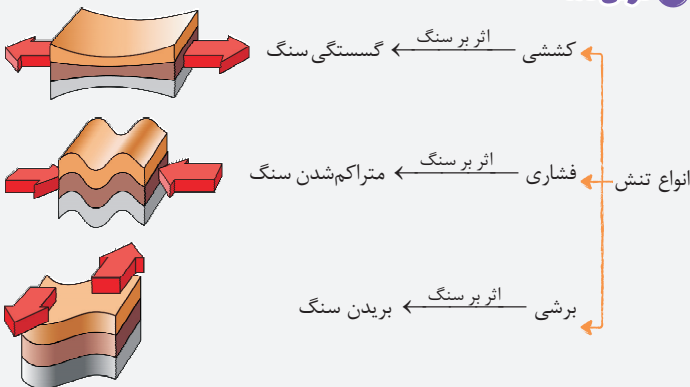
در آخر عدد به دست آمده را بر $-48\sqrt{5}$ تقسیم می‌کنیم:

$$\frac{-4\sqrt{5} \times 96}{-48 \times \sqrt{5}} = 8$$

زمین‌شناسی

۳۱ - گزینه ۴

درس‌نامه



$$\Rightarrow g' \left(\frac{2}{\sqrt{5}} \right) = -\frac{1}{\sqrt{5}} \left(2 \times \frac{2}{\sqrt{5}} \right) \left(\frac{4}{5} - 1 \right)^{-\frac{3}{2}} = -\frac{2}{\sqrt{5}} \times (2^{-2})^{-\frac{3}{2}} = -\frac{2}{\sqrt{5}} \times 2^3 = -\frac{16}{\sqrt{5}}$$

$$= -\frac{16}{\sqrt{5}} \times \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{5}} = -\frac{16\sqrt{5}}{5}$$

اما برای محاسبه $f'(2)$ باید از دست براکت راحت شویم. طبق مورد (۲) درس‌نامه اول در همسایگی چپ و راست $x = 2$ مقدار براکت را حساب می‌کنیم:

$$[x^2 + \frac{1}{x}] = [(2^+)^2 + \frac{1}{2^+}] = [4^+ + \frac{1}{2^+}] = \left[\left(\frac{4}{5} \right)^+ \right] = 4$$

مثلاً ۴/۶

$$[x^2 + \frac{1}{x}] = [(2^-)^2 + \frac{1}{2^-}] = [4^- + \frac{1}{2^-}] = \left[\left(\frac{4}{5} \right)^- \right] = 4$$

مثلاً ۴/۴

همان‌طور که می‌بینید خوشبختانه به عدد یکسان ۴ رسیدیم، پس به جای $[x^2 + \frac{1}{x}]$ در $f(x) = (x[x^2 + \frac{1}{x}])^2 + 1$ عدد ۴ را قرار می‌دهیم و مشتق می‌گیریم:

$$f(x) = (4x)^2 + 1 = 16x^2 + 1 \Rightarrow f'(x) = 32x \Rightarrow f'(2) = 64$$

حالا با جای‌گذاری مقادیر $f'(2)$ و $g' \left(\left(\frac{\sqrt{5}}{2} \right)^- \right)$ در رابطه (*) خواسته مسئله را به دست می‌آوریم:

$$y' = g' \left(\frac{2}{\sqrt{5}} \right) \times f'(2) = -\frac{16\sqrt{5}}{5} \times 64 = 4 \times (-2\sqrt{5} \times 64) = 4(-128\sqrt{5})$$

مقدار عدد به دست آمده، ۴ برابر $-128\sqrt{5}$ است.

۳۰ - گزینه ۴

۴۵ استراتژی اول $g \left(\frac{\sqrt{5}}{2} \right)$ را حساب می‌کنیم. در ادامه به سراغ براکت می‌رویم تا حذفش کنیم. در آخر به کمک رابطه‌ای که برای مشتق تابع مرکب بلدیم، خواسته سؤال را به دست می‌آوریم.

درس‌نامه

۱ برای محاسبه مشتق تابع مرکب $y = f \circ g(x)$ از رابطه زیر استفاده می‌کنیم:

$$y' = g'(x) \times f'(g(x))$$

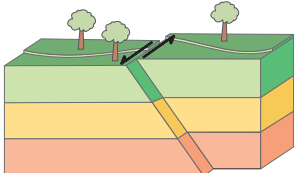
۲ هر وقت بخواهیم از یک تابع براکت‌دار، در نقطه‌ای مثل $x = a$ مشتق بگیریم، کارهای زیر را انجام می‌دهیم:

۴۶ اول باید براکت را حذف کنیم. برای این کار یک بار مقدار عددی براکت را در سمت راست $(a^+)x = a$ و بار دیگر در سمت چپش (a^-) به دست می‌آوریم.

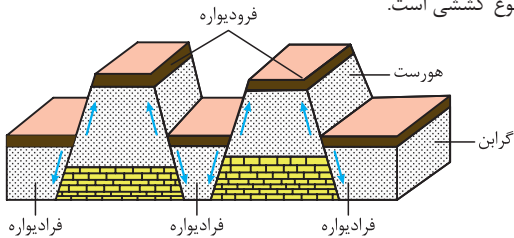
۴۷ اگر در گام (۱) به دو عدد مختلف رسیدیم باید مشتق چپ و راست را جداگانه حساب کنیم. اما در صورتی که به دو عدد یکسان رسیدیم، براکت را حذف کرده و همان عدد یکسان را به جایش قرار می‌دهیم و بعد مشتق‌گیری را شروع می‌کنیم. دقت کنید اگر تابع در این نقطه از یک طرف ناپیوسته باشد، از همان طرف، مشتق هم ندارد.

۳ چند مورد از مهم‌ترین قاعده‌های مشتق‌گیری را در جدول زیر ببینید:

تابع	مشتق تابع
$y = u^n$	$y' = nu'u^{n-1}$
$y = \sqrt{u}$	$y' = \frac{u'}{2\sqrt{u}}$
$y = \sqrt[3]{u}$	$y' = \frac{u'}{3\sqrt[3]{u^2}}$
$y = \frac{au + b}{cu + d}$	$y' = \frac{(ad - bc)u'}{(cu + d)^2}$
$y = f(x)g(x)$	$y' = f'(x)g(x) + g'(x)f(x)$
$y = \frac{f(x)}{g(x)}$	$y' = \frac{f'(x)g(x) - g'(x)f(x)}{g^2(x)}$

ویژگی	نوع گسل
۱- لغزش سنگ‌ها در امتداد سطح گسل است. ۲- حرکت قطعات شکسته‌شده، در امتداد افق است.	امتدادلغز
شکل	نوع تنش
	برشی

در تمامی گسل‌ها در شکل سوال، فرادیواره نسبت به فرودیواره به سمت پایین حرکت کرده است و تنش‌ها تماماً از نوع کششی است.



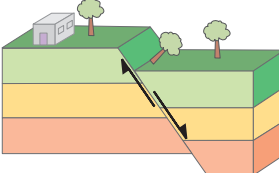
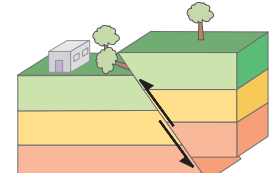
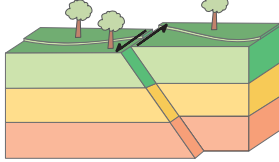
مشاوره سؤال تصویری از این بخش از کتاب خیلی پرتکراره؛ پس مدل‌های بیشتری را تمرین کنین و تست بزنین تا اگر با شکلی مواجه شدین که جدید بود، بتونین به راحتی آن را تحلیل کنین و به پاسخ برسین.

۳۴- **گزینه ۱**

شفاف‌سازی صورت تست و بیان تنش فشاری نشان می‌دهد که بحث شکستگی و انواع گسل مطرح است.

استراتژی در پاسخ به این سؤالات، ابتدا یا با نوع تنش گفته‌شده نوع گسل را مشخص کنید و یا با توجه به تصویر و حرکت سنگ‌ها در دو طرف شکستگی این کار را انجام دهید، سپس سن نسبی را با توجه به قوانین آن از قدیم به جدید تعیین کنید.

درس‌نامه

شکل	نوع تنش	ویژگی	نوع گسل
	کششی	۱- سطح گسل مایل است. ۲- فرادیواره نسبت به فرودیواره به سمت پایین یا فرودیواره نسبت به بالا حرکت کرده است.	عادی
	فشاری	۱- سطح گسل مایل است. ۲- فرادیواره نسبت به فرودیواره، به سمت بالا یا فرودیواره نسبت به پایین حرکت کرده است.	معکوس
	برشی	۱- لغزش سنگ‌ها در امتداد سطح گسل است. ۲- حرکت قطعات شکسته‌شده، در امتداد افق است.	امتدادلغز

لایه‌های رسوبی به صورت افقی تشکیل می‌شوند، مگر این‌که در اثر تنش تغییر حالت دهند. طبق تصویر صورت سؤال دو بار راستای لایه‌ها تغییر کرده که یعنی لایه‌ها دو بار تحت تأثیر تنش فشاری، متراکم شده‌اند و از حالت افقی خارج شده‌اند.

مشاوره تنش، پای ثابت سؤالات کنکوره، خصوصاً سؤالاتی که با گسل ترکیب می‌شن و به احتمال قوی در کنکورهای آینده هم سؤال ازش خواهیم دید.

۳۲- **گزینه ۴**

درس‌نامه



مرحله جوانی: در این مرحله، در محل شکاف ایجادشده، مواد مذاب سست‌کره به بستر اقیانوس رسیده و پشته‌های میان‌اقیانوسی تشکیل می‌شوند و پوسه جدید ایجادشده به طرفین حرکت کرده و باعث شکل‌گیری اقیانوسی با عرض کم می‌شود؛ همانند دریای سرخ کنونی (دورشدن عربستان از آفریقا).



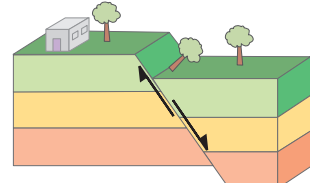
مرحله جنینی: جریان‌های همرفتی سست‌کره، پوسه قاره‌ای را گرم کرده و موجب کشش آن می‌شود. تا این‌که پوسه کشیده شده و در نهایت شکسته می‌شود و ریفت درون قاره‌ای ایجاد می‌شود. این مرحله که آغاز یک چرخه تکتونیکی است با فوران‌های بازالتی پایان می‌پذیرد؛ نظیر ریفت شرق آفریقا.

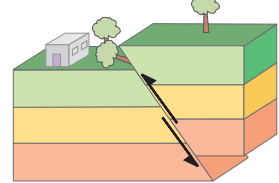
شکل سؤال، مرحله جنینی از چرخه ویلسون را نشان می‌دهد که با ادامه در مرحله جوانی، پشته میان‌اقیانوسی ایجاد خواهد شد.

مشاوره هر چی از اهمیت شکل‌ها و توضیحات چرخه ویلسون بگم کم گفتم. حتماً برای خودتون جمع‌بندی کنین همراه با مثال‌هاش یاد بگیرین.

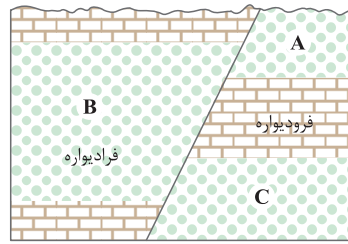
۳۳- **گزینه ۱**

درس‌نامه به این جدول مهم دقت کنید:

ویژگی	نوع گسل
۱- سطح گسل مایل است. ۲- فرادیواره نسبت به فرودیواره به سمت پایین یا فرودیواره نسبت به بالا حرکت کرده است.	عادی
شکل	نوع تنش
	کششی

ویژگی	نوع گسل
۱- سطح گسل مایل است. ۲- فرادیواره نسبت به فرودیواره به سمت بالا یا فرودیواره نسبت به پایین حرکت کرده است.	معکوس
شکل	نوع تنش
	فشاری

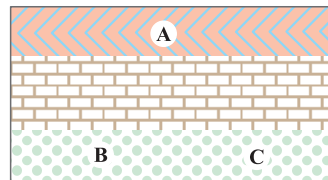
گام ۱ در صورت تست مشخص شده که تنش فشاری است، پس نوع گسل را تعیین می‌کنیم.



تنش فشاری ← نوع گسل: معکوس

گام ۲ فرادیواره و فرودیواره را با توجه به سطح گسل مشخص می‌کنیم.

گام ۳ حرکت فرادیواره نسبت به فرودیواره را در گسل معکوس به خاطر می‌آوریم؛ در گسل معکوس فرادیواره نسبت به فرودیواره به سمت بالا حرکت می‌کند. (یا فرودیواره نسبت به فرادیواره به سمت پایین حرکت کرده است.)



گام ۴ قرارگیری لایه‌ها را قبل از شکستگی رسم می‌کنیم.

گام ۵ سن نسبی لایه‌های A، B و C را مشخص می‌کنیم.

سن نسبی لایه‌های A، B و C را مشخص می‌کنیم. $A < B = C$
سن نسبی لایه‌های B و C یکسان و قدیمی‌تر از لایه A است.

مشاوره یادتون باشه بعضی از مطالب کتاب درسی قابلیت ترکیب شدن با هم در طراحی تست را دارن، مانند موضوع شکستگی‌ها در فصل ۴ که به صورت ترکیبی با سن نسبی در فصل ۱ کتاب درسی می‌آید. نمونه آن را در کنکور خارج از کشور ۹۸ نیز داشتیم.