

A

دفترچه پاسخ تشریحی

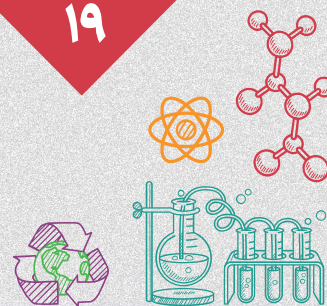
گروه آزمایشی علوم تجربی

آزمون آزمایشی ۱۹ فروردین ۱۴۰۴

ویژه داوطلبان آزمون سراسری ۱۴۰۴

پایه
دوازدهم

مرحله
۱۹



۱۴۰۳-۱۴۰۴

تذکرات مهم ↓

👉 آزمون آزمایشی مرحله ۲۰ گزینه دو، در روز جمعه ۲۲ فروردین ۱۴۰۴ برگزار می گردد.

👉 داوطلب گرامی، جهت استفاده از خدمات طلایی خود مانند کارنامه های هوشمند بعد از آزمون، آزمونک ها، بانک سؤال گزینه دو، رفع اشکال هوشمند، جزوه های کمک آموزشی، آرشیو آزمون های گزینه دو و ...، با استفاده از شماره داوطلبی (به عنوان نام کاربری) و کد ملی خود (به عنوان رمز عبور) وارد وب سایت گزینه دو به آدرس www.gozine2.ir شوید.

👉 در صورتی که اینترنتی ثبت نام کرده اید، رمز عبور شما همان رمزی است که خودتان انتخاب نموده اید.

👉 کارنامه های آزمون آزمایشی مرحله ۱۹ به صورت کامل، با فاصله زمانی کوتاهی پس از آزمون مطابق اطلاعیه اعلام شده، بر روی پایگاه اینترنتی گزینه دو به آدرس www.gozine2.ir قرار می گیرد. در صورت بروز اشکال در دریافت کارنامه، موضوع را از طریق نمایندگی شهر خود پیگیری نمایید.



داوطلب گرامی، شما می توانید با اسکن تصویر بالا به وسیله گوشی هوشمند و یا تبلت خود، به صفحه اینستاگرام مؤسسه گزینه دو وارد شوید.

[gozine2.ir](https://www.instagram.com/gozine2.ir)

● معاون تولید محتوا: علی الفتی

● مدیر واحد آموزش تخصصی: محمدرضا محمدهاشمی

گروه ریاضی
مجموعه اساتید تدریسی
۱۴۰۳-۱۴۰۴

کارشناسان	طراحان	موضوعات
علی صادقی • نیکو دهقان	حسین شفیع زاده • ایمان اردستانی	مسئول درس: علی افضل زاده دستیاران: عباس سعیدی - امین کبیری
محمد امین خدابنده • امیروردی	سید محسن میراسلامی • علی نعمت	مسئول درس: سعید اکبرزاده دستیار: هادی کاظم نژاد
محمد امین خدابنده • امیروردی	علیرضا شریف خطیبی • امیدرضا پورحسینی	مسئول درس: سعید اکبرزاده دستیار: فرهاد فرزانی
پوپک مقدم	مهرداد کیوان • علی افضل زاده	مسئول درس: ایمان اردستانی دستیاران: وحید جعفری - مهدی پوررضایی
	وحید رباعی	مسئول درس: حسین افسری دستیاران: حسین اسدزاده - مهدی پوررضایی

گروه علوم
مجموعه اساتید تدریسی
۱۴۰۳-۱۴۰۴

کارشناسان	طراحان	موضوعات
بتول خواجه پور • حسین ایمانی پور مرتضی فرهمند	محمد بازوگی • امیر کبیری راد علی پناهی شایق • علیرضا اکبرپور بهرام میرحبیبی • مسعود حدادی منصور کهن دل • فرزاد صادقیان	مسئول درس: امیر کبیری راد دستیار: پارسا کامکار
سید علیرضا کشفیان • نرگس سادات حسینی مریم گلی حسنیو	علی نعیمی • بهمن شاهمرادی احمد رضوانی • احمد مصلاهی جمال خم حاجی	مسئول درس: منصور داودوندی دستیار: ساناز دریکوندی
محمد احمدی • حسین ایمانی پور	ماشاءالله سلیمانی • بهنام ابراهیم پور مهرداد ملاصالحی • شهرام شاه پرویزی محمدعلی توسلی فر • محمد احمدی	مسئول درس: شهرام شاه پرویزی
فرزانه سعیدی • روزبه اسحاقیان آیینه هرطونیان	فرزانه رجایی • حسن علیمحمدی فرزانه صاعدی	مسئول درس: شکبیا کریمی

گروه انسانی
مجموعه اساتید تدریسی
۱۴۰۳-۱۴۰۴

کارشناسان	طراحان	موضوعات
سپهر سالار کیا • سید محمد صادق حسام زاده محمدحسن مزروعی • عرشیا شریفیان	محمدرضا لمسه چی • ابوالفضل قاضی عماد فیض آبادی • علی عطری	مسئول درس: محمدرضا پیرو دستیار: حسنا محمدی
نیایش غریبی • هستی ناصح مهتاب شیرازی	فروغ تیموریان • آریتا بیدقی محمد زمان کبیر • علیرضا مختاری	مسئول درس: الهام رضایی دستیار: فاطمه صفری
ثنا کاشیان • فاطمه انوری	سیدمحمّد ضحی سکاکی • سمین زاهدی مهدی جاهدی	مسئول درس: سیده ضحی سکاکی دستیار: حسین اصفهانی
سارا حمزه • فاطمه نظری مهتاب شیرازی • یکتا فضل الهی صبا پهلوان	اسرافیل قربانیپور • کاظم غلامی پدرام علمیرادی • حمید جوهری مجد عرفان جالیزی • پویا رضاداد	مسئول درس: پویا رضاداد
علی سلوکی • مهتاب شیرازی	بهرز یحیی • شهرام امامی فاطمه نبی • نگار مروتی	مسئول درس: مهسا اصغری دستیار: ثنا کاشیان
علی سلوکی • مهتاب شیرازی	شهرام امامی • بهروز یحیی نگار مروتی	مسئول درس: الناز گنج کار دستیار: الهه ریاحی نسب
مهدی مشایخی • مهتاب بیسه محمدعلی مهرآبادی • فراز مختاری نژاد	احمد خداداد حسینی • حمید سودیان طهرانی سعید رحیمیان • علی اکبر آخوندی مهدی لاچوردی	مسئول درس: سعید رحیمیان دستیاران: منصور کاظم بیگی - محمد حسین خدام
کوثر رعدی	میترا چینی ساز • حسین خاکساری محمدرضا مبارکی • طاهره کریمی آرش بدری • علی محسنی	مسئول درس: امیر محمد بیگی دستیار: محمدرضا مبارکی

زیست شناسی

۱- پاسخ: گزینه ۳

▲ مشخصات سؤال: دشوار * زیست‌شناسی ۳ (فصل ۵)



منظور تست، یاخته‌های هوازی و همچنین گویچه‌های قرمز بالغ بدون میتوکندری هستند که اکسیژن را به منظور انتقال به سمت بافت‌ها جذب می‌کنند. عبور هر گازی از غشاهای یاخته‌ای همواره به روش انتشار ساده در جهت شیب غلظت و بدون صرف انرژی زیستی صورت می‌گیرد.



گزینه ۱: این گزینه درباره گویچه‌های قرمز بالغ که فاقد میتوکندری (راکبزه) و در نتیجه فاقد تنفس هوازی هستند، صدق نمی‌کند.
گزینه ۲: تولید ATP در سطح پیش‌ماده از طریق فسفات معدنی آزاد صورت نمی‌گیرد.
گزینه ۴: اجزای سازنده ATP عبارتند از سه گروه فسفات، قند ریبوز و باز آلی آدنین. برای تولید ATP از اجزای سازنده‌اش باید چهار مرحله واکنش سنتز آبدی به صورت زیر انجام شود. (نه سه مرحله):
اول: ترکیب قند ریبوز و باز آلی آدنین = تولید آدنوزین
دوم: ترکیب آدنوزین با یک گروه فسفات = تولید AMP
سوم: ترکیب AMP با یک گروه فسفات دیگر = تولید ADP
چهارم: ترکیب ADP با یک گروه فسفات دیگر = تولید ATP

۲- پاسخ: گزینه ۱

▲ مشخصات سؤال: متوسط * زیست‌شناسی ۳ (فصل ۵)



اولین CO_2 طی تنفس یاخته‌ای درون فضای داخلی راکبزه و طی اکسایش پیرووات تولید می‌شود. فضای داخلی راکبزه محل انجام چرخه کربس نیز می‌باشد که طی آن ترکیب پنج‌کربنی از ترکیب شش‌کربنی تولید می‌شود و همچنین به ترکیب چهارکربنی تجزیه می‌شود.



گزینه ۲: پیرووات در فضای داخلی میتوکندری تولید نمی‌شود.
گزینه ۳: در فضای داخلی میتوکندری به کمک آنزیم ATP‌ساز موجود در غشای داخلی میتوکندری ATP به صورت اکسایشی تولید می‌شود.
گزینه ۴: اولین مرحله تنفس یاخته‌ای قندکافت است که در ماده زمینه سیتوپلاسم انجام می‌گیرد.

۳- پاسخ: گزینه ۲

▲ مشخصات سؤال: متوسط * زیست‌شناسی ۳ (فصل ۵)



همه موارد درست هستند.

بررسی همه موارد:

(الف) درست: آخرین مولکول زنجیره انتقال الکترون پروتئینی است با خاصیت آنزیمی که الکترون‌ها را به مولکول اکسیژن می‌دهد و یون اکسید تولید می‌شود که آن هم با ترکیب با پروتون‌هایی که در فضای درونی قرار دارند، مولکول‌های آب را می‌سازد.
(ب) درست: دومین مولکول زنجیره انتقال الکترون مولکولی است که به طور کامل در بین دو بخش آب‌گریز غشا قرار دارد. این مولکول الکترون‌های $FADH_2$ را دریافت می‌کند.
(ج) درست: تمام اجزای زنجیره انتقال الکترون با دریافت الکترون، کاهش و بلافاصله با از دست دادن الکترون اکسایش می‌شوند. در واقع آن‌ها وظیفه انتقال الکترون را برعهده دارند.
(د) درست: مولکول‌های آلی (مغذی) مانند گلوکز در تنفس یاخته‌ای اکسید می‌شوند و الکترون‌های آن‌ها در ترکیباتی مانند NADH و $FADH_2$ به طور موقت قرار می‌گیرند و در زنجیره انتقال الکترون از آن‌ها جدا می‌شوند.

▲ مشخصات سؤال: متوسط * زیست‌شناسی ۳ (فصل ۵)

۴- پاسخ: گزینه ۳



چهارمین عضو زنجیره انتقال الکترون موجود در غشای درونی راکیزه در لایه خارجی غشا قرار دارد و الکترون خود را به آخرین عضو زنجیره انتقال الکترون می‌دهد که این عضو می‌تواند رادیکال آزاد اکسیژن تولید نماید.



گزینه ۱: آخرین پمپ زنجیره انتقال الکترون منجر به کاهش اکسیژن می‌شود.
گزینه ۲: به غیر از عضو چهارم زنجیره انتقال الکترون سایر اعضا با هر دو لایه فسفولیپیدی غشا در تماس هستند، اما عضو دوم، پمپ‌کننده H^+ نیست. در ضمن پمپ هیدروژنی باعث کاهش pH فضای بین دو غشا می‌شود.
گزینه ۴: عضو اول و دوم زنجیره به ترتیب منجر به اکسایش $NADH$ و $FADH_2$ می‌شوند، اما عضو دوم پمپ H^+ نیست. در ضمن پمپ‌های هیدروژنی از مقدار یون‌های H^+ فضای درونی راکیزه می‌کاهند.

▲ مشخصات سؤال: متوسط * زیست‌شناسی ۳ (فصل ۵)

۵- پاسخ: گزینه ۲



یاخته ماهیچه اسکلتی در هر دو فرایند تنفس یاخته‌ای هوازی و تخمیر لاکتیکی، قندکافت را انجام می‌دهد. در طی قندکافت در مرحله سوم علاوه بر $NADH$ ، یون هیدروژن نیز تولید می‌شود. این یون در صورت کاهش pH محیط داخلی به درون گردیده ترشح می‌شود تا pH محیط داخلی افزایش یابد.



گزینه ۱: در تنفس بی‌هوازی ساخت اکسایشی ATP مشاهده نمی‌شود.
گزینه ۳: در تنفس بی‌هوازی درون یاخته ماهیچه اسکلتی CO_2 تولید نمی‌شود. CO_2 یکی از پیش‌ماده‌های آنزیم کربنیک‌انیدراز درون گویچه قرمز است.
گزینه ۴: در تنفس بی‌هوازی پذیرنده نهایی الکترون، اکسیژن نیست و آب تولید نمی‌شود.

▲ مشخصات سؤال: متوسط * زیست‌شناسی ۳ (فصل ۵)

۶- پاسخ: گزینه ۱



همه موارد درست است.
بررسی همه موارد:
الف) درست؛ هورمون‌های تیروئیدی تجزیه گلوکز در یاخته را افزایش می‌دهند که منجر به افزایش قندکافت و افزایش تولید پیرووات می‌گردد.
ب) درست؛ در پی افزایش ATP، آنزیم‌های قندکافت و چرخه کربس مهار می‌شود. قندکافت در ماده زمینه سیتوپلاسم و چرخه کربس درون میتوکندری انجام می‌گیرد.
ج) درست؛ در تخمیر لاکتیکی، پیرووات الکترون‌های $NADH$ را دریافت می‌کند و این فرایند در شرایط کاهش اکسیژن انجام می‌گیرد، بنابراین تولید رادیکال آزاد از اکسیژن کاهش می‌یابد.
د) درست؛ افزایش تولید CO_2 در تنفس هوازی انجام می‌گیرد و تنفس هوازی منجر به افزایش تولید ATP می‌شود.
در پی افزایش تولید CO_2 ، $NADH$ و $FADH_2$ بیشتری تولید می‌شود و در نتیجه تولید اکسایشی ATP افزایش می‌یابد.

▲ مشخصات سؤال: متوسط * زیست‌شناسی ۳ (فصل ۵)

۷- پاسخ: گزینه ۴



تخمیر از روش‌های تأمین انرژی در شرایط کمبود یا نبود اکسیژن است که در انواعی از جانداران رخ می‌دهد. تخمیر الکلی و لاکتیکی انواعی از تخمیرند. هدف از تخمیر، بازسازی NAD^+ برای انجام گلیکولیز است. در گلیکولیز به دنبال مصرف مولکول سه‌کربنی دوفسفاته، ATP در سطح پیش‌ماده تولید می‌شود.

نباید سریع اینا بری

گزینه ۱: در فرایندهای تخمیر، NADPH اصلاً تولید نمی‌شوند. NADPH در واکنش‌های وابسته به نور فتوسنتز تولید می‌شود.
گزینه ۲: چرخه کربس در شرایط هوازی و در حضور اکسیژن انجام می‌شود. در ضمن در چرخه کربس CO_2 تولید می‌شود، نه اینکه CO_2 وارد چرخه کربس شود.
گزینه ۳: در تنفس بی‌هوازی حضور و نقش میتوکندری معنا ندارد.

۸- پاسخ: گزینه ۳ ▲ مشخصات سؤال: متوسط * زیست‌شناسی ۳ (فصل ۵)

جوابش اینه

موارد «الف» و «ج» درست هستند.
آزاد شدن CO_2 هم در فرایند تنفس هوازی و هم طی تخمیر الکلی مشاهده می‌شود. بنابراین مواردی درست هستند که در هر دو فرایند تنفس یاخته‌ای هوازی و تخمیر الکلی صادق باشند.
الف) درست: در هر دو روش قندکافت مشاهده می‌شود که طی آن NADH تولید می‌گردد، در قندکافت تولید ATP در سطح پیش‌ساده انجام می‌شود.
ج) درست: در پی اکسایش NADH، در زنجیره انتقال الکترون، NAD^+ بازسازی می‌شود و در تخمیر الکلی هم در تبدیل اتانال به اتانول بازسازی NAD^+ رخ می‌دهد.

نباید سریع اینا بری

ب) نادرست: تخمیر الکلی منجر به تولید اتانول می‌شود که اتانول می‌تواند منجر به تجمع رادیکال آزاد در راکیزه شود.
د) نادرست: لاکتیک اسید منجر به گرفتگی و درد ماهیچه می‌شود که در تخمیر لاکتیکی مشاهده می‌شود. در تخمیر لاکتیکی CO_2 آزاد نمی‌شود.

۹- پاسخ: گزینه ۲ ▲ مشخصات سؤال: متوسط * زیست‌شناسی ۳ (فصل ۵)

جوابش اینه

تخمیر لاکتیکی منجر به ترش شدن شیر می‌شود که طی آن پیرووات حاصل از قندکافت به‌عنوان پذیرنده الکترون عمل می‌کند، اما تخمیری که به ور آمدن خمیر نان می‌انجامد، الکلی است و در آن اتانال پذیرنده نهایی الکترون است.

نباید سریع اینا بری

گزینه ۱: در هر دو نوع تخمیر طی قندکافت کاهش NAD^+ انجام می‌گیرد.
گزینه ۳: در یاخته‌های بدن انسان تخمیر الکلی انجام نمی‌گیرد.
گزینه ۴: در گیاهان هر دو نوع تخمیر را می‌توان مشاهده نمود.

۱۰- پاسخ: گزینه ۴ ▲ مشخصات سؤال: دشوار * زیست‌شناسی ۳ (فصل‌های ۵ و ۶)

جوابش اینه

یاخته‌ای که توان تولید ATP به کمک زنجیره انتقال الکترون را نداشته باشد، باید بی‌هوازی و مصرف‌کننده باشد.
در سطح کتاب درسی، تمام یاخته‌های زنده توان انجام فرایند قندکافت (گلیکولیز) را دارند که در گام سوم آن قند سه‌کربنی دچار اکسایش شده و اسید سه‌کربنی تولید می‌شود.

نباید سریع اینا بری

گزینه ۱: در سطح کتاب درسی سه نوع حامل الکترون می‌شناسیم. NADH که هم‌اکنون یاخته‌ها توان تولید آن را دارند، NADPH که یاخته‌های فتوسنتزکننده آن را می‌سازند و FADH_2 که یاخته‌های هوازی آن را می‌سازند. یاخته مورد نظر پرسش چون بی‌هوازی است، توان تولید FADH_2 را ندارد و چون مصرف‌کننده است، توان تولید NADPH را هم ندارد.
گزینه ۲: فرایندهای درون‌بری و برون‌رانی به وزیکول که نوعی اندامک غشادار است، وابسته‌اند و فقط در یاخته‌های یوکاریوتی دیده می‌شوند.
گزینه ۳: منظور این گزینه اوگلنا است. ولی یاخته مورد نظر در صورت سؤال اوگلنا نیست. در ضمن اوگلنا تنفس هوازی دارد.

۱۱- پاسخ: گزینه ۲

▲ مشخصات سؤال: متوسط * زیست‌شناسی ۳ (فصل ۵)



کاروتنوئیدها مانع از تشکیل رادیکال‌های آزاد نمی‌شوند، بلکه رادیکال‌های آزاد تولید شده را خنثی نموده و باعث کاهش آن‌ها می‌شود.



گزینه ۱: یون اکسید ممکن است با H^+ واکنش نهد و در نتیجه آب تولید نشود.
گزینه ۳: با قرارگیری سیانید در جایگاه فعال خود بازسازی NAD^+ و FAD متوقف می‌شود.
گزینه ۴: الکل با تجمع رادیکال آزاد در میتوکندری و آسیب به دنا می‌تواند به تخریب یاخته کبدی منجر شود.

۱۲- پاسخ: گزینه ۴

▲ مشخصات سؤال: دشوار * زیست‌شناسی ۳ (فصل ۵)



ترکیبات سیانیددار گیاه، سمی نیستند، آن‌ها در لوله گوارش جانوران گیاه‌خوار تجزیه شده و سیانید تولید می‌شود که ماده‌ای سمی است و در انتهای زنجیره انتقال الکترون مانع از انتقال الکترون به اکسیژن می‌شود.



گزینه ۱: دود سیگار حاوی کربن مونوکسید است که هم منجر به کاهش ظرفیت حمل اکسیژن توسط خون شده و هم منجر به کاهش تنفس یاخته‌ای می‌شود، بنابراین تولید $FADH_2$ را کاهش می‌دهد.
گزینه ۲: الکل منجر به تجمع رادیکال آزاد در راکبزه می‌شود، همچنین باعث بروز جهش‌های کروموزومی عددی می‌گردد.
گزینه ۳: پرتقال توسرخ دارای آنتوسیانین است که ماده‌ای پاداکسنده می‌باشد و با کاهش رادیکال آزاد، با آسیب یاخته‌های کبدی مقابله می‌کند.

۱۳- پاسخ: گزینه ۳

▲ مشخصات سؤال: متوسط * زیست‌شناسی ۳ (فصل ۶)



در تک‌لپه‌ای‌ها یک ردیف یاخته‌های غلاف آوندی اطراف آوندها را احاطه کرده‌اند و در اطراف این یاخته‌ها نیز یک ردیف میسانبرگ اسفنجی فشرده به هم دیده می‌شود.



گزینه ۱: با توجه به شکل کتاب درسی مشاهده می‌کنید که دو ردیف میانبرگ نرده‌ای زیر روپوست رویی قرار دارد.
گزینه ۲: در شکل کتاب درسی روپوست تک‌لپه ضخیم‌تر است.
گزینه ۴: یاخته‌های اطراف آوندها در رگبرگ، میانبرگ نیستند.

۱۴- پاسخ: گزینه ۴

▲ مشخصات سؤال: دشوار * زیست‌شناسی ۳ (فصل ۶)



بیشترین جذب کاروتنوئیدها در طول موج حدود ۴۶۰ نانومتر است که کلروفیل a نیز در این ناحیه جذب دارد. ولی در این ناحیه بیشترین جذب کلروفیل a در طول موج حدود ۴۲۰ نانومتر است.



گزینه ۱: بیشترین جذب سبزینه a در ناحیه قرمز در طول موج حدود ۶۸۰ نانومتر، ولی برای سبزینه b حدود ۶۵۰ نانومتر است.
گزینه ۲: بیشترین جذب سبزینه b در ناحیه آبی حدود ۴۷۵ نانومتر، ولی برای سبزینه a حدود ۴۳۰ نانومتر است.
گزینه ۳: در محدوده جذب کاروتنوئید، سبزینه b نیز جذب دارد.
(هدف از نوشتن عدد طول موج‌ها در پاسخ‌نامه، بهتر متوجه شدن پاسخ است. بدون دانستن دقیق این اعداد نیز امکان پاسخ‌دهی به این سؤال وجود دارد.)

▲ مشخصات سؤال: ساده * زیست‌شناسی ۳ (فصل ۶)

۱۵- پاسخ: گزینه ۳



مولکول NADP^+ فقط کاهش می‌یابد و NADPH اکسایش می‌یابد.



گزینه ۱: واکنش‌های وابسته به نور نیاز به انرژی نور خورشید دارند و محصولات تولیدی این واکنش‌ها ATP ، NADPH و اکسیژن هستند. مولکول‌های ATP و NADPH مورد نیاز واکنش‌های مستقل از نور است. اگر واکنش‌های نوری انجام نشود، واکنش‌های مستقل از نور هم انجام نمی‌شود.

گزینه ۲: در واکنش‌های نوری O_2 ، ATP و NADPH تولید می‌شود و در واکنش‌های مستقل از نور علاوه بر ماده آلی، ADP و NADP^+ نیز تولید می‌شوند.

گزینه ۴: در فتوسنتز در گیاهان، مولکول‌های آب منبع الکترون هستند و در واکنش‌های وابسته به نور، الکترون خود را به NADP^+ می‌دهند و سپس در واکنش‌های مستقل از نور این الکترون‌ها به اسید سه‌کربنی می‌رسند.

▲ مشخصات سؤال: متوسط * زیست‌شناسی ۳ (فصل ۶)

۱۶- پاسخ: گزینه ۳



به الکترونی که از مدار خود خارج شده است، الکترون برانگیخته گفته می‌شود. پس الکترون برانگیخته قطعاً از مدار خود خارج شده است.



گزینه ۱: الکترونی که نور جذب می‌کند، ممکن است برانگیخته شود، نه قطعاً.
گزینه ۲: الکترون برانگیخته در آنتن‌ها نمی‌تواند رنگیزه را ترک کند. با انتقال انرژی به مدار قبلی خود برمی‌گردد.
گزینه ۴: الکترون خارج شده از یک رنگیزه ممکن است وارد رنگیزه دیگر یا وارد مولکول دیگری بشود.

▲ مشخصات سؤال: متوسط * زیست‌شناسی ۳ (فصل ۶)

۱۷- پاسخ: گزینه ۳



آخرین عضو زنجیره بین دو فتوسیستم، به فتوسیستم ۱ الکترون می‌دهد. این مولکول به سطح داخلی غشای تیلاکوئید چسبیده است.



گزینه ۱: زنجیره انتقال الکترون قرار گرفته پس از فتوسیستم ۱، پمپ هیدروژنی ندارد.
گزینه ۲: میزان سبزینه در فتوسیستم ۱ بیش از فتوسیستم ۲ است، ولی فتوسیستم‌ها بخشی از زنجیره انتقال الکترون نیستند.
گزینه ۴: مولکولی از زنجیره انتقال الکترون که از فتوسیستم ۲ الکترون دریافت می‌کند، در درون غشا قرار دارد.

▲ مشخصات سؤال: متوسط * زیست‌شناسی ۳ (فصل ۶)

۱۸- پاسخ: گزینه ۴



اولین مولکول زنجیره انتقال الکترون قرار گرفته بین دو فتوسیستم، بین فتوسیستم ۲ و پمپ هیدروژن قرار دارد و در وسط غشا در تماس با هر دو لایه غشا است. این مولکول با بخش‌های آبگریز غشا در تماس است.



گزینه ۱: آنزیم تجزیه‌کننده آب، آب را درون تیلاکوئید تجزیه می‌کند، بنابراین در سطح داخلی غشای تیلاکوئید قرار دارد، نه سطح خارجی.
گزینه ۲: مولکول دوم زنجیره بین دو فتوسیستم نوعی پروتئین سراسری است و در هر دو لایه غشا قرار دارد.
گزینه ۳: هر دو مولکول زنجیره انتقال الکترون قرار گرفته پس از فتوسیستم ۱، به سطح خارجی غشای تیلاکوئید چسبیده و در تماس با بستره هستند.

▲ مشخصات سؤال: متوسط * زیست‌شناسی ۳ (فصل ۶)

۱۹- پاسخ: گزینه ۴



در کالوین دوبار ATP مصرف می‌شود. یکی هنگام تبدیل اسید سه‌کربنی به قند سه‌کربنی و دیگری هنگام تبدیل قند پنج‌کربنی یک‌فسفات به قند پنج‌کربنی دوفسفات.



گزینه ۱: در واکنش تبدیل اسید به قند در چرخه کالوین اول ATP مصرف می‌شود و سپس NADPH الکترون از دست داده و اکسید می‌شود.
گزینه ۲: در چرخه کالوین تبدیل قند به اسید اولین واکنش کالوین است که قند پنج‌کربنی با CO_2 ترکیب می‌شود. در این واکنش‌ها نه NADPH مصرف می‌شود و نه ATP.
گزینه ۳: در آخرین واکنش کالوین مولکول پنج‌کربنی اولیه بازسازی می‌شود. در این واکنش ATP مصرف می‌شود.

▲ مشخصات سؤال: دشوار * زیست‌شناسی ۳ (فصل‌های ۵ و ۶)

۲۰- پاسخ: گزینه ۳



واکنش A در گام سوم قندکافت در ماده زمينه سيتوپلاسم تمام ياخته‌های زنده روی می‌دهد. واکنش B در چرخه کالوین فتوسنتزکننده‌ها روی می‌دهد.

در گام سوم قندکافت (واکنش A) از هر قند سه‌کربنی دو الکترون آزاد می‌شود که به NAD^+ منتقل می‌شود (واکنش اکسایشی است و NAD^+ کاهش می‌یابد) ولی در واکنش B، هر اسید سه‌کربنی با دریافت الکترون‌های NADPH کاهش می‌یابد (NADPH اکسایش پیدا می‌کند) و قند سه‌کربنی تولید می‌شود.



گزینه ۱: همه یاخته‌های زنده توان انجام قندکافت را دارند، ولی برخی توان فتوسنتز و انجام چرخه کالوین را دارند.
گزینه ۲: در باکتری‌های فتوسنتزکننده (مانند سیانوباکتری‌ها) هم قندکافت (برای تنفس یاخته‌ای) و هم چرخه کالوین (برای فتوسنتز) در ماده زمينه سيتوپلاسم انجام می‌شود.
گزینه ۴: همه اوگلناها توان انجام قندکافت (واکنش A) و بسیاری از آن‌ها توان فتوسنتز (واکنش B) را دارند، ولی دقت کنید که واکنش A در ماده زمينه سيتوپلاسم روی می‌دهد، نه درون اندامک.

▲ مشخصات سؤال: ساده * زیست‌شناسی ۳ (فصل ۶)

۲۱- پاسخ: گزینه ۴



برای انجام آن باید روزه‌های گیاه بسته شوند که میزان O_2 درون یاخته‌های میانبرگ زیاد و میزان CO_2 کم شود. آپسیزیک‌اسید هورمون گیاهی است که با بستن روزه‌ها شرایط را برای واکنش‌های تنفس نوری فراهم می‌کند.



گزینه ۱: این فرایند تحت شرایطی در گیاهان C_3 و به‌ندرت در گیاهان C_4 انجام می‌شود.
گزینه ۲: برای انجام آن حتماً به حضور نور و شرایط خشک محیط نیاز است.
گزینه ۳: در تنفس نوری مولکول آلی یعنی ریبولوزبیس‌فسفات تجزیه می‌شود و برخلاف تنفس یاخته‌ای ATP تولید نمی‌شود.

▲ مشخصات سؤال: متوسط * زیست‌شناسی ۳ (فصل ۶)

۲۲- پاسخ: گزینه ۳



در گیاهان C_4 و CAM اولین ترکیب پایدار فتوسنتزی اسید چهارکربنی است، هر دوی این گیاهان با کمبود آب سازش یافته‌اند.

نباید سراغ اینا بری

گزینه ۱: گیاه C_۴ در روز اسید چهارکربنی را تولید و تجزیه می‌کند، ولی روزنه‌ها را در تمام مدت طول روز نمی‌بندد.
گزینه ۲: گیاه CAM نیز به ترکیب سه کربنی، کربن دی‌اکسید اضافه کرده و اسید چهارکربنی می‌سازد، ولی چرخه کالوین را در میانبرگ خود انجام می‌دهد.
گزینه ۴: گیاهان C_۳ و C_۴ در طول شب روزنه‌های هوایی خود را می‌بندند. در حالی که برگ و ساقه گوشتی مربوط به گیاهان CAM است؛ در ضمن در گیاهان بیابانی CAM ممکن است ساقه یا برگ یا هر دو آب‌دار و گوشتی باشند.

۲۳- پاسخ: گزینه ۱ ▲ مشخصات سؤال: متوسط * زیست‌شناسی ۳ (فصل ۶)

جوبش اینه

هر فتوسنتزکننده‌ای دارای زنجیره انتقال الکترون است.

نباید سراغ اینا بری

گزینه ۲: باکتری گوگردی سبز نیز باکتروکلروفیل دارد.
گزینه ۳: باکتری‌های گوگردی از هیدروژن سولفید استفاده می‌کنند، ولی در جریان فتوسنتز آب تولید می‌کنند.
گزینه ۴: باکتری‌های شیمیوسنتزکننده از انرژی واکنش‌های اکسایشی استفاده می‌کنند، این باکتری‌ها فتوسنتزکننده نیستند.

۲۴- پاسخ: گزینه ۳ ▲ مشخصات سؤال: ساده * زیست‌شناسی ۳ (فصل ۶)

جوبش اینه

موارد «ب» و «ج» درست است.

بررسی همه موارد:

ب) درست؛ باکتری‌های فتوسنتزکننده گوگردی چون منبع الکترون آن‌ها H_۲S است، گوگرد تولید می‌کنند و به آن‌ها گوگردی می‌گویند.
ج) درست؛ تمامی جانداران فتوسنتزکننده سامانه‌های تبدیل انرژی نوری به انرژی شیمیایی را دارند و دارای رنگیزه‌های جذب‌کننده نور هستند.

نباید سراغ اینا بری

الف) نادرست؛ باکتری‌های فتوسنتزکننده، کلروپلاست (اندامک غشادار) ندارند، البته یوکاریوت تک‌یاخته‌ای فتوسنتزکننده مانند اوگلنا دارای کلروپلاست است.
د) نادرست؛ باکتری‌های شیمیوسنتزکننده می‌توانند یون آمونیوم را به نیترات تبدیل کنند، که این باکتری‌ها فتوسنتزکننده نیستند.

۲۵- پاسخ: گزینه ۲ ▲ مشخصات سؤال: متوسط * زیست‌شناسی ۳ (فصل ۷)

جوبش اینه

برای تولید پلاستیک‌های قابل تجزیه زیستی، ژن‌های تولیدکننده بسیاری از این نوع مواد را از باکتری جدا و به کمک دیسک وارد گیاه می‌کنند. بنابراین جاندار تراژنی شده گیاه و فتوسنتزکننده است و در چرخه کالوین، روبیسکو توانایی مصرف قند را دارد.

نباید سراغ اینا بری

گزینه ۱: جاندار تراژنی شده یوکاریوت است و تنظیم منفی و مثبت رونویسی ندارد.
گزینه ۳: قبل از استفاده از روش‌های زیست‌فناوری، تولید پلاستیک‌های قابل تجزیه با هزینه بیشتر ممکن بود.
گزینه ۴: ژن‌های خاصی را به کمک دیسک به گیاه وارد می‌کنند.

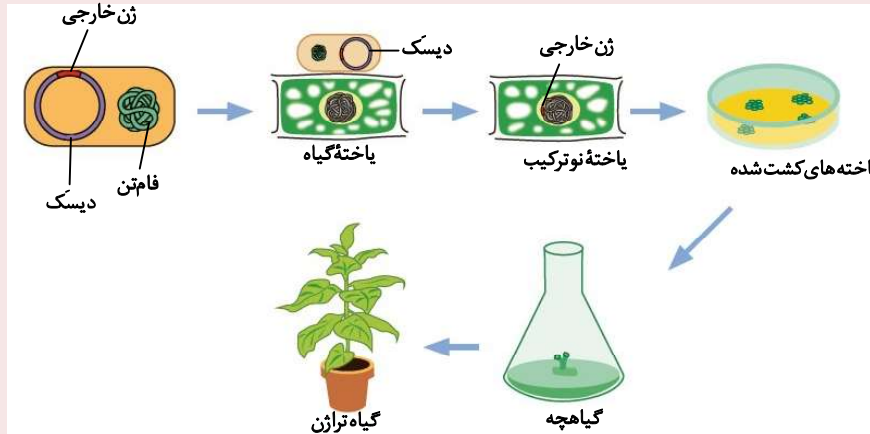
۲۶- پاسخ: گزینه ۴ ▲ مشخصات سؤال: دشوار * زیست‌شناسی ۳ (فصل ۷)

جوبش اینه

در این مرحله یاخته گیاهی نورترکیب، ابتدا توده‌ای از یاخته‌های هم‌شکل را به وجود می‌آورد که کال نامیده می‌شود.

نباید سراغ اینا بری

گزینه ۱: برای تولید یاخته گیاهی نوترکیب، یاخته زنده می بایست دارای دیواره نازک و هسته و نیز دارای توان تقسیم باشد. پس نمی توان هر یاخته زنده گیاهی را برای آن به کار برد.
گزینه ۲: در مرحله بعد به کمک مواد غذایی و هورمون ها، تمایز صورت می گیرد و گیاهچه تولید می شود.
گزینه ۳: در مرحله بعدی، کال به محیط کشت جدید منتقل می شود تا گیاهچه قبل از انتقال به خاک درون آن رشد یابد.



۲۷- پاسخ: گزینه ۳ ▲ مشخصات سؤال: متوسط * زیست شناسی ۳ (فصل ۷)

جوابش اینه

عبارت مورد نظر نادرست است. دیسک معمولاً در باکتری ها و بعضی قارچ ها مانند مخمرها وجود دارد. گزینه ۳ هم عبارت نادرستی بیان می کند. در مرحله اتصال قطعه دنا به ناقل و تشکیل دنا نوترکیب، ابتدا برای برش در دیسک از آنزیم برش دهنده استفاده می شود و سپس برای اتصال قطعه دنا به دیسک برش خورده از آنزیم لیگاز استفاده می شود.

نباید سراغ اینا بری

گزینه ۱: باید دو جایگاه تشخیص آنزیم برش دهنده در دو طرف ژن خارجی برش بخورد. در هر جایگاه دو پیوند فسفودی استر شکسته می شود.
گزینه ۲: جهت وارد کردن دنا نوترکیب، می بایست در دیواره باکتری منافذی ایجاد کرد.
گزینه ۴: یکی از روش های جداسازی و غربال کردن، استفاده از پادزیست ها می باشد.

۲۸- پاسخ: گزینه ۱ ▲ مشخصات سؤال: متوسط * زیست شناسی ۳ (فصل ۷)

جوابش اینه

دو جایگاه تشخیص آنزیم برش دهنده را در نظر بگیرید. در هر دو مورد پس از برش انتهای چسبنده TTA ایجاد می شود.

CAATTG	GAATTC
GTTAAC	CTTAAG
برش توسط آنزیم برش دهنده X بین C و A ایجاد می شود.	برش توسط آنزیم برش دهنده EcoRI بین A و G ایجاد

نباید سراغ اینا بری

گزینه ۲: چون توالی جایگاه تشخیص آنزیم برش دهنده مانند EcoRI در هر رشته به صورت معکوس رشته مقابل است، قطعاً در هر انتهای چسبنده، بازهای مکمل وجود دارند.
گزینه ۳: چون دو رشته مربوط به جایگاه تشخیص به صورت معکوس، مکمل هم هستند، بنابراین می بایست تعداد نوکلئوتیدها در هر رشته زوج باشد. در ضمن در کل دو رشته نیز قطعاً تعداد نوکلئوتیدها زوج است.
گزینه ۴: با توجه به توضیحات گزینه ۱ دو نوع آنزیم برش دهنده متفاوت می توانند یک نوع انتهای چسبنده ایجاد کنند.

▲ مشخصات سؤال: ساده * زیست‌شناسی ۳ (فصل ۷)

۲۹- پاسخ: گزینه ۳



صورت سؤال به تشکیل دمای نوترکیب (پایان مرحله دوم مهندسی ژنتیک) اشاره می‌کند. پس از این مرحله باید مرحله ۳ را انجام داد، یعنی دمای نوترکیب را وارد یاخته میزبان کرد. اگر یاخته میزبان باکتری باشد، باید در دیواره منافذی با شوک الکتریکی یا شوک حرارتی به همراه مواد شیمیایی ایجاد کرد.



گزینه ۱: جداسازی یاخته‌های تراژنی در مرحله آخر صورت می‌گیرد.
گزینه ۲: این گزینه مربوط به مرحله آخر است.
گزینه ۴: استفاده از آنزیم برش‌دهنده مربوط به مرحله اول است.

▲ مشخصات سؤال: متوسط * زیست‌شناسی ۳ (فصل ۷)

۳۰- پاسخ: گزینه ۲



در مهندسی پروتئین، در ژن یک پروتئین تغییر دلخواه ایجاد می‌کنند. تغییرات در رمز مربوط به آمینواسیدها اعمال می‌شود.



گزینه ۱: برای تولید اینترفرون پایدارتر رمز یک آمینواسید را به رمز آمینواسید دیگری تبدیل می‌کنند. بنابراین تغییری مشابه نوعی جهش دگر معنا ایجاد می‌کنند.
گزینه ۳: پلاسمین لخته‌های تشکیل شده را تجزیه می‌کند، ولی هپارین مانع تشکیل لخته می‌شود.
گزینه ۴: آمیلازهای پایدار در برابر گرما، باعث کاهش زمان انجام واکنش می‌شوند.

▲ مشخصات سؤال: متوسط * زیست‌شناسی ۳ (فصل ۷)

۳۱- پاسخ: گزینه ۳



پلاسمین با تجزیه فیبرین (لخته) جلوی عوارض این اختلالات را تا حد زیادی می‌گیرد.



گزینه ۱: فقط یاخته‌های بنیادی توده درونی به انواع یاخته‌های بدن جنین متمایز می‌شوند.
گزینه ۲: در مغز قرمز استخوان، انواعی از یاخته‌های بنیادی وجود دارد که هرکدام می‌توانند به تعدادی از یاخته‌های بدن انسان تمایز یابند. البته همه آن‌ها دارای ژن‌های لازم هستند، ولی هرکدام از آن‌ها توان تمایز به تمام یاخته‌های بدن انسان را ندارند.
گزینه ۴: اینترفرون تولید شده به روش مهندسی پروتئین در نوع یکی از آمینواسیدها (نه تعداد آمینواسید و پیوند پپتیدی) با اینترفرون طبیعی تفاوت دارد.

▲ مشخصات سؤال: دشوار * زیست‌شناسی ۳ (فصل ۷)

۳۲- پاسخ: گزینه ۴



برای ایجاد گوسفند تراژنی، باید ژن پروتئین انسانی به کمک دیسک نوترکیب، به هسته تخمک لقاح یافته (زیگوت) گوسفند وارد شود.



گزینه ۱: پنبه تراژنی پروتئین پیش‌سم را تولید می‌کند و هنگامی که لارو آفت، این پروتئین را بخورد، در لوله گوارش تجزیه می‌شود (توسط پروتئاز پیوند پپتیدی شکسته می‌شود تا فعال شود)
گزینه ۲: در مرحله دوم تولید انسولین به روش زیست فناوری نوین، دیسک نوترکیب به باکتری‌ها انتقال یافته و ژن مربوطه را بیان می‌کنند و سپس به کمک پادزیست‌غرابال می‌شوند.
گزینه ۳: ویروس ناقل در اولین ژن‌درمانی، دارای اسید نوکلئیک تکرار شده است. بنابراین باید ابتدا دو رشته الگو و رمزگذار در ژن مطلوب از هم جدا شوند (شکست پیوند هیدروژنی) و فقط رشته الگو به ماده ژنتیک ویروس ناقل متصل شود.

۳۳- پاسخ: گزینه ۳ ▲ مشخصات سؤال: ساده * زیست‌شناسی ۳ (فصل ۷)



دو زنجیره A و B مولکول انسولین از نظر نوع توالی آمینواسیدی با یکدیگر تفاوت دارند.



گزینه ۱: پیش‌انسولین پروتئینی است که درون یاخته‌های لوزالمعده ساخته می‌شود. این مولکول در همان یاخته‌های لوزالمعده بخشی از مولکول خود را از دست می‌دهد و فعال می‌شود. یعنی به شکل مولکول انسولین درمی‌آید.
گزینه ۲: در پستانداران از جمله انسان، انسولین به صورت یک مولکول پیش‌هورمون ساخته می‌شود.
گزینه ۴: دستورالعمل ساخت مولکول پیش‌انسولین در یک ژن قرار دارد و توسط رنابسپاراز ۲ ساخته می‌شود. پس از ساخته شدن بخش زنجیره C از آن جدا می‌شود.

۳۴- پاسخ: گزینه ۴ ▲ مشخصات سؤال: دشوار * زیست‌شناسی ۳ (فصل ۷)



هر چهار مورد نادرست هستند.

بررسی همه موارد:

الف) نادرست: در تولید واکسن به روش کلاسیک، میکروب‌ها، کشته یا ضعیف می‌شوند یا سم آن‌ها غیرفعال می‌شود. دقت کنید که اگر واکسن برای بیماری ویروسی باشد، ویروس‌ها زنده نیستند و ریزجاندار محسوب نمی‌شوند.
ب) نادرست: اگر واکسن بر ضد بیماری ویروسی (مانند هیپاتیت B) باشد، این گزینه نادرست است. ویروس‌ها ریزجاندار نیستند.
ج) نادرست: باید ژن مربوط به پادگن سطحی منتقل شود، نه خود پادگن.
د) نادرست: برای تولید واکسن لزومی به استفاده از آنتی‌بیوتیک وجود ندارد. برای انتقال ژن مربوط به پادگن سطحی به ویروس یا باکتری غیربیماری‌زا، باید این ژن همسانه‌سازی شود و در مراحل همسانه‌سازی ممکن است از پادزیست نیز استفاده شود.

۳۵- پاسخ: گزینه ۲ ▲ مشخصات سؤال: متوسط * زیست‌شناسی ۳ (فصل ۷)



موارد «ب»، «ج» و «د» عبارت درستی را بیان می‌کنند.

ب) درست: ژن مورد نظر، رمزکننده یک آنزیم مهم دستگاه ایمنی است. ژن رمزکننده پروتئین در یوکاریوت‌ها با رنابسپاراز ۲ و به کمک عوامل رونویسی متصل به راه‌انداز رونویسی می‌شود.
ج) درست: چون بیمار دختر بود، بنابراین دو کروموزوم X دارد و ژن رمزکننده فاکتور انعقادی ۸ روی کروموزوم X قرار دارد. مردان یک نسخه و زنان دو نسخه از این ژن دارند.
د) درست: دختر بچه ۴ ساله نمی‌تواند تخمک (حاوی یک کروموزوم X) تولید کند. این دختر در دوران جنینی اووسیت اولیه تولید کرده و در مرحله پروفاز ۱ متوقف هستند، یعنی ۲ کروموزوم X دارند.



الف) نادرست: ناقل در ژن‌درمانی ویروس تغییر یافته است و اسیدنوکلئیک خطی دارد. بنابراین تعداد پیوندهای فسفودی‌استر موجود در آن کمتر از تعداد قندها است.

۳۶- پاسخ: گزینه ۱ ▲ مشخصات سؤال: متوسط * زیست‌شناسی ۳ (فصل ۷)



فتویوراکتورها محیط کشت وسیع جانداران فتوسنتزکننده‌ای مانند جلبک‌ها هستند.



گزینه ۲: با استفاده از زیست‌فناوری، جانوران تراژنی تولید می‌شوند که به‌عنوان مدلی برای مطالعه بیماری‌های انسان مانند آلزایمر و MS استفاده می‌شوند.
گزینه ۳: پلاسمین نوعی آنزیم است و باعث تجزیه لخته می‌شود.
گزینه ۴: در مراحل تولید انسولین‌های فعال به روش مهندسی ژنتیک، زنجیره‌های A و B با دو پیوند به هم متصل شده و انسولین فعال ایجاد می‌شود.

۳۷- پاسخ: گزینه ۱

▲ مشخصات سؤال: متوسط * زیست‌شناسی ۳ (فصل ۸)



مورد «الف» درست است.

الف) درست؛ شقایق دریایی همانند هیدر فاقد دستگاه عصبی مرکزی است. در اثر امواج آب، بازوهای خود را منقبض می‌کند، اما با تکرار این موضوع دارای نوعی خوگیری می‌شود و در برابر امواج (محرک) پاسخ نشان نخواهد داد.



ب) نادرست؛ با توجه به توضیحات فصل ۵ سال دوازدهم، هر چقدر مصرف ATP در باخته زیاد شود، تولید ADP نیز بیشتر می‌شود و این موضوع باعث فعال شدن آنزیم‌های گلیکولیز و کربس خواهد شد. خوگیری مصرف ATP را تا حدودی کاهش می‌دهد و کاهش احتمال خوگیری مصرف ATP را افزایش می‌دهد. افزایش مصرف ATP و کاهش ADP، منجر به فعالیت بیشتر آنزیم‌های گلیکولیز و چرخه کربس می‌شود.

ج) نادرست؛ با افزایش شدت محرک، امکان از بین رفتن خوگیری وجود دارد، به‌عنوان مثال افزایش بیش از حد صدا می‌تواند نسبت به حالت کم‌صدایی باعث بروز پاسخ شود.

۳۸- پاسخ: گزینه ۴

▲ مشخصات سؤال: دشوار * زیست‌شناسی ۳ (فصل ۸)



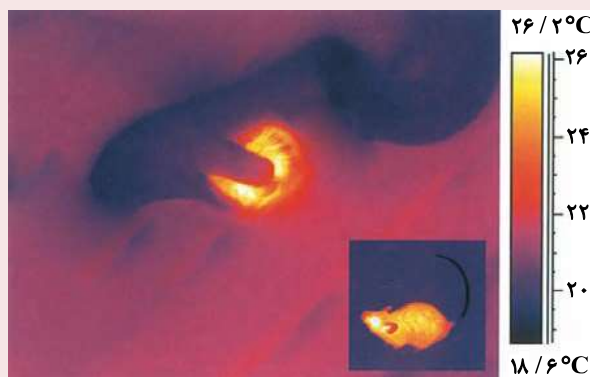
در دم موش تابش خاصی از پرتو فرسرخ وجود ندارد و با توجه به شکل کتاب، دمای پایینی را نشان می‌دهد و در تصویر، تاریک به‌نظر می‌رسد (دمای پایین). پس عبارت با دریافت پرتو از هر بخش بدن درست نیست!



گزینه ۱: در مثال پروانه موناک و پرنده باید در نظر گرفت که بال پرنده و بال پروانه از لحاظ طرح ساختاری یکسان نیستند، ولی کار یکسان دارند، پس آنالوگ هستند.

گزینه ۲: افزایش ترشح بزاق در سگ یا استفراغ در پرنده بعد از خوردن پروانه سمی، مثال‌هایی از انعکاس هستند.

گزینه ۳: ترشح بزاق مربوط به ناحیه دهان است، اما شبکه عصبی رودهای، تحرک و ترشح از مری تا مخراج را کنترل می‌کند.



۳۹- پاسخ: گزینه ۱

▲ مشخصات سؤال: متوسط * زیست‌شناسی ۳ (فصل ۸)



همه موارد در این رفتار حل مسئله نقش دارند.

بررسی همه موارد:

مغز میانی در بینایی، مچچه در حرکت، هیپوتالاموس در گرسنگی و اسبک مغزی در حافظه نقش دارند.

در نظر داشته باشید که جانور بین تجربه‌های گذشته (حافظه) و موقعیت جدید ارتباط برقرار می‌کند و برای حل مسئله جدید آگاهانه برنامه‌ریزی می‌کند و در حل مسئله مجموعه‌ای از رفتارها را از خود بروز می‌دهد.

۴۰- پاسخ: گزینه ۴

▲ مشخصات سؤال: متوسط * زیست‌شناسی ۳ (فصل ۸)



در بروز رفتار حل مسئله تجربه‌های گذشته نقش اساسی دارند. رفتار مورد نظر نوعی رفتار حل مسئله است.

نباید سراغ اینا بری

گزینه ۱: در واقع نوعی غذایابی بهینه می باشد که بر اساس انتخاب طبیعی برگزیده شده است.
گزینه ۲: این رفتار در نهایت باعث ترشح بزاق در شامپانزه می شود (با دیدن غذا که در این جا موربانه است) و ترشح بزاق یک پاسخ غریزی و یک بازتاب طبیعی است.
گزینه ۳: در رفتارهای حل مسئله جانور بین تجربه های گذشته از رفتارهای دیگر برای حل مسئله جدید آگاهانه برنامه ریزی می کند.

۴۱- پاسخ: گزینه ۴ ▲ مشخصات سؤال: ساده * زیست شناسی ۳ (فصل ۸)

جوابش اینه

درخشان بودن رنگ طاووس یکی از نشانه های سلامت و کیفیت رژیم غذایی آن هاست و جفت گیری با چنین نری سلامت ماده و زاده هایش را تضمین می کند.

نباید سراغ اینا بری

گزینه ۱: داشتن بیشترین زاده های سالم نشانه موفقیت در زادآوری است.
گزینه ۲: در رفتار انتخاب جفت، جانور ابتدا ویژگی های ظاهری جفت را بررسی می کند.
گزینه ۳: جانوران ماده معمولاً زمان و انرژی بیشتری برای زاده ها صرف می کنند.

۴۲- پاسخ: گزینه ۳ ▲ مشخصات سؤال: متوسط * زیست شناسی ۳ (فصل ۸)

جوابش اینه

برخی جانوران برای بقا در زمستان خواب زمستانی دارند. در این حالت دمای بدن، مصرف انرژی و اکسیژن و تعداد تنفس کاهش می یابد.

نباید سراغ اینا بری

گزینه ۱: غذاهای بزرگتر ممکن است فراوانی کمتری داشته باشد.
گزینه ۲: اگر آواز مؤثر نباشد، ممکن است پرنده صاحب قلمرو به مزاحم حمله کند.
گزینه ۴: به نظر می رسد میدان مغناطیسی در جهت یابی لاک پشت ها نیز نقش داشته باشد.

۴۳- پاسخ: گزینه ۲ ▲ مشخصات سؤال: دشوار * زیست شناسی ۳ (فصل ۸)

جوابش اینه

با توجه به شکل کتاب از جلو به عقب بدن، لایه ها در زیر یکدیگر قرار می گیرند.



نباید سراغ اینا بری

گزینه ۱: پاهای عقبی از همه بلندتر و دارای عصب بلندتری نسبت به سایر پاهای هستند. در صورتی که پرده صماخ روی پاهای جلویی قرار می گیرد.
گزینه ۳: با توجه به شکل، بندهای بالایی پاهای فاقد زوائد خارمانند هستند.
گزینه ۴: عدسی در چشم حشرات در یک سمت تحدب دارد.

۴۴- پاسخ: گزینه ۳ ▲ مشخصات سؤال: ساده * زیست شناسی ۳ (فصل ۸)

جوابش اینه

دگرخواهی رفتاری است که در آن یک جانور بقا و موفقیت تولیدمثلی جانور دیگری را افزایش می دهد. رفتار دگرخواهی در خفاش ها لزوماً در بین خویشاوندان اتفاق نمی افتد.

نباید سراغ اینا بری

گزینه ۱: رفتار دگرخواهی در بین جانورانی که زندگی گروهی دارند، انجام می‌شود.
گزینه ۲: رفتار دگرخواهی اگرچه در بیشتر موارد به‌طور مستقیم به نفع خود فرد نیست، اما به‌طور غیرمستقیم سبب انتقال ژن‌های مشترک جانور دگرخواه با سایر افراد به نسل بعد می‌شود، لذا نتیجه انتخاب طبیعی است.
گزینه ۴: این نوع رفتار به‌عنوان مثال در برخی پرندگان (پرندگان باریگر) به نفع خود فرد است.

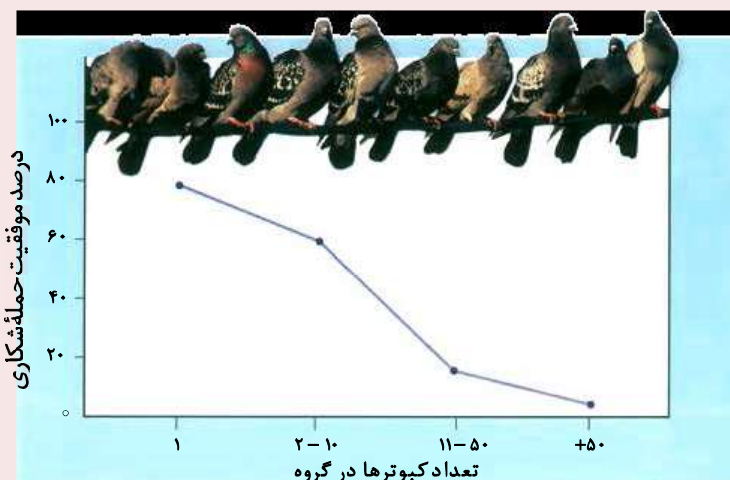
۴۵- پاسخ: گزینه ۳ **▲ مشخصات سؤال: متوسط * زیست‌شناسی ۳ (فصل ۸)**

جوبش اینه

خفاش غذاخورده، بخش کمی از غذای خود را طی استفراف برگردانده و بین سایرین به اشتراک می‌گذارد.

نباید سراغ اینا بری

گزینه ۱: در مورچه‌ها برخی کارگرها وظیفه برش و انتقال برگ‌ها به لانه را برعهده دارند.
گزینه ۲: دم عصایی‌ها در مواجهه با شکارچی با صدا و فریاد سایرین را آگاه می‌کنند.
گزینه ۴: با افزایش تعداد کبوترها به بالای ۵۰ عدد احتمال شکار شدن هر کبوتر کاهش می‌یابد.



فیزیک

۴۶- پاسخ: گزینه ۲ **▲ مشخصات سؤال: ساده * فیزیک ۳ (فصل ۳)**

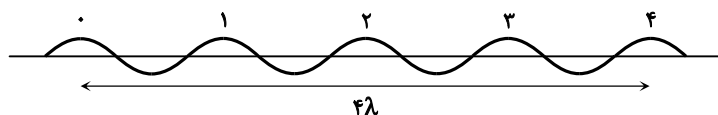
جوبش اینه

موج انتقال یافته بین دو گوشی موج الکترومغناطیسی در محدوده امواج رادیویی است و این امواج همگی عرضی‌اند. موجی که شنیده می‌شود، موج صوتی است که از نوع مکانیکی بوده و در هوا به‌صورت طولی منتشر می‌شود.

۴۷- پاسخ: گزینه ۳ **▲ مشخصات سؤال: متوسط * فیزیک ۳ (فصل ۳)**

جوبش اینه

با توجه به شکل، فاصله موردنظر برابر با 4λ است. از طرفی بسامد نوسان ساز برابر است با:



$$f = \frac{40}{1 \times 60} = \frac{2}{3} \text{ Hz}$$

$$\lambda = \frac{v}{f} \Rightarrow \lambda = \frac{0.5}{\frac{2}{3}} = 0.75 \text{ m}$$

$$4\lambda = 4 \times 0.75 = 3 \text{ m}$$

▲ مشخصات سؤال: متوسط * فیزیک ۳ (فصل ۳)

۴۸- پاسخ: گزینه ۲



می‌دانیم تندی موج‌های سطحی روی سطح آب‌های کم‌عمق در ناحیه عمیق‌تر بیشتر از تندی موج‌های سطحی در ناحیه کم‌عمق است.

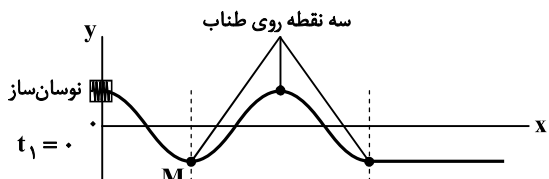
$$v_2 = 0.65 + 0.15 = 0.8 \frac{m}{s}$$

$$\lambda_1 = \lambda_2 \Rightarrow \frac{v_1}{f_1} = \frac{v_2}{f_2} \Rightarrow \frac{0.65}{13} = \frac{0.8}{f_2} \Rightarrow f_2 = 16 \text{ Hz}$$

$$f_1 - f_2 = 13 - 16 = -3 \text{ Hz}$$

▲ مشخصات سؤال: متوسط * فیزیک ۳ (فصل ۳)

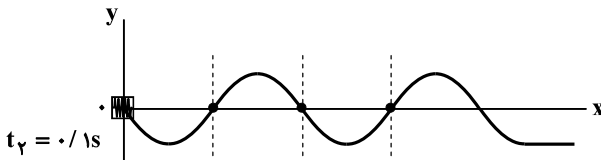
۴۹- پاسخ: گزینه ۳



با توجه به شکل مثلاً اگر یک نقطه از طناب را مانند نقطه M در نظر بگیریم، در لحظه t_1 در $y = -A$ (دامنه A) است و در لحظه t_2 در $y = 0$ و در حال حرکت به طرف پایین است (با توجه به جهت انتشار موج که به طرف راست در حرکت است). این نشان می‌دهد که ذره M در این مدت $\frac{3}{4}T$ نوسان انجام داده است. از این رو $0.1s$ برابر با $\frac{3}{4}T$ است و داریم:

$$t_2 - t_1 = \frac{3T}{4} \Rightarrow 0.1 = \frac{3T}{4} \Rightarrow T = \frac{4}{30} s$$

$$f = \frac{1}{T} \Rightarrow f = \frac{1}{\frac{4}{30}} = 7.5 \text{ Hz}$$



▲ مشخصات سؤال: متوسط * فیزیک ۳ (فصل ۳)

۵۰- پاسخ: گزینه ۲



$$v = \sqrt{\frac{F}{\mu}} \quad \mu = \frac{m}{L} = \frac{\rho AL}{L} = \rho A = \rho \pi r^2 \quad \rightarrow \quad v = \sqrt{\frac{F}{\rho \pi r^2}}$$

$$v_1 = v_2 \Rightarrow \sqrt{\frac{F_1}{\rho \pi r_1^2}} = \sqrt{\frac{F_1 + 120}{\rho \pi (2r_1)^2}} \Rightarrow 4F_1 = F_1 + 120 \Rightarrow F_1 = 40 \text{ N}$$

▲ مشخصات سؤال: ساده * فیزیک ۳ (فصل ۳)

۵۱- پاسخ: گزینه ۴



توان متوسط موج مکانیکی با مربع دامنه و مربع بسامد متناسب است.

$$\frac{P_2}{P_1} = \left(\frac{A_2 \cdot f_2}{A_1 \cdot f_1}\right)^2 \Rightarrow \frac{P_2}{P_1} = \left(\frac{2A_1 \cdot 2f_1}{A_1 \cdot f_1}\right)^2 \Rightarrow \frac{P_2}{P_1} = 16$$

▲ مشخصات سؤال: ساده * فیزیک ۳ (فصل ۳)

۵۲- پاسخ: گزینه ۱



زاویه بین میدان الکتریکی و میدان مغناطیسی موج الکترومغناطیسی در هر لحظه 90° است و نوسان آن‌ها با بسامد برابر و همگام صورت می‌گیرد. از این رو باهم پیشینه می‌شوند.

۵۳- پاسخ: گزینه ۳

▲ مشخصات سؤال: متوسط * فیزیک ۳ (فصل ۳)



$$\lambda = \frac{c}{f} \Rightarrow f = \frac{c}{\lambda} \Rightarrow f = \frac{3 \times 10^8}{100 \times 10^3} = 3000 \text{ Hz} = 3 \text{ kHz}$$

۵۴- پاسخ: گزینه ۴

▲ مشخصات سؤال: ساده * فیزیک ۳ (فصل ۳)



در موج طولی، نقاطی که بیشترین فشردگی یا بیشترین کشیدگی را دارند، جابه‌جایی از وضع تعادل آن‌ها صفر است مانند نقاط A، C و E ولی نقاطی که در نقطه وسط فاصله بیشترین کشیدگی و بیشترین فشردگی هستند، جابه‌جایی از وضع تعادل آن‌ها بیشینه است؛ مانند نقاط B و D.

۵۵- پاسخ: گزینه ۲

▲ مشخصات سؤال: متوسط * فیزیک ۳ (فصل ۳)



توان متوسط صوتی که از هر دو سطح می‌گذرد، برابر است.

$$I = \frac{P_{av}}{A}$$

$$\frac{I_2}{I_1} = \frac{A_1}{A_2} \Rightarrow \frac{2/5 \times 10^{-9}}{10^{-8}} = \frac{A_1}{A_2} \Rightarrow \frac{A_2}{A_1} = 4$$

۵۶- پاسخ: گزینه ۳

▲ مشخصات سؤال: متوسط * فیزیک ۳ (فصل ۳)



$$\beta = 10 \log \frac{I}{I_0} \Rightarrow 43 = 10 \log \frac{I}{I_0} \Rightarrow 4/3 = \log \frac{I}{I_0} \Rightarrow 4 + 0/3 = \log \frac{I}{I_0} \Rightarrow \log 10^4 + \log 2 = \log \frac{I}{I_0}$$

$$\Rightarrow \log 2 \times 10^4 = \log \frac{I}{I_0} \Rightarrow 2 \times 10^4 = \frac{I}{10^{-12}} \Rightarrow I = 2 \times 10^{-8} \frac{W}{m^2}$$

$$I = \frac{P_{av}}{A} = \frac{E}{t \cdot A} \Rightarrow 2 \times 10^{-8} = \frac{E}{6 \times 10^{-4}} \Rightarrow E = 120 \times 10^{-12} \text{ J} = 120 \text{ pJ}$$

۵۷- پاسخ: گزینه ۲

▲ مشخصات سؤال: متوسط * فیزیک ۳ (فصل ۳)



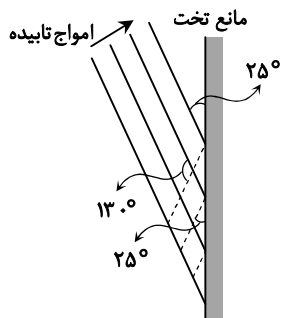
در اثر دوپلر وقتی ناظر یا چشمه (یا هر دو) به هم نزدیک شوند، بسامدی که ناظر می‌شنود، در مقایسه با وقتی که هر دو ساکن بوده‌اند (حالت «الف» بیشتر است. ولی طول موج چنانچه چشمه ساکن باشد، (خواه ناظر ساکن یا متحرک) تغییر نمی‌کند.

۵۸- پاسخ: گزینه ۲

▲ مشخصات سؤال: متوسط * فیزیک ۳ (فصل ۳)



زاویه بین جبهه‌ها با مانع برابر زاویه تابش (یا زاویه بازتابش) است.



$$180 - 130 = 50^\circ$$

$$50 \div 2 = 25^\circ$$

۵۹- پاسخ: گزینه ۱

▲ مشخصات سؤال: ساده * فیزیک ۳ (فصل ۳)



طبق متن کتاب درسی موارد «الف» و «ب» درست بیان شده‌اند.



پ) نادرست؛ باید اندازه جسم در حدود طول موج و یا بزرگ‌تر از طول موج باشد.
ت) نادرست؛ در هر بازتابی چه منظم و چه نامنظم، قانون بازتابش عمومی برقرار است.

۶۰- پاسخ: گزینه ۳

▲ مشخصات سؤال: متوسط * فیزیک ۳ (فصل ۳)



با توجه به شکل، تندی جبهه‌های شکسته از تندی جبهه‌های فرودی بیشتر است.

$$\frac{\sin \theta_1}{\sin \theta_2} = \frac{v_1}{v_2} \Rightarrow \frac{\sin 37^\circ}{\sin \theta_2} = \frac{v_1}{v_1 + \frac{20}{100} v_1} \Rightarrow \sin \theta_2 = 1/2 \times \sin 37^\circ \Rightarrow \sin \theta_2 = 0.72 \Rightarrow \theta_2 = 46^\circ$$

▲ مشخصات سؤال: متوسط * فیزیک ۳ (فصل ۳)

۶۱- پاسخ: گزینه ۴



با توجه به اینکه راستای پرتو فرودی و خروجی یکسان است، باید ضریب شکست محیط‌های n_1 و n_4 برابر باشند. از طرفی این دو محیط هوا (خلأ) نمی‌توانند باشند (چرا؟) از این رو گزینه‌های ۱ و ۲ نادرست‌اند. با توجه به مسیر نور ضریب شکست n_2 از n_1 کمتر است، چرا که زاویه شکست از زاویه تابش بزرگ‌تر شده است. ضریب شکست n_3 از n_2 بزرگ‌تر است و با توجه به اینکه نور به مسیر اولیه خود بازگشته است، باید ضریب شکست n_3 از n_4 (یا n_1) هم بیشتر باشد. به این ترتیب فقط گزینه ۴ می‌تواند پاسخ درست باشد.

▲ مشخصات سؤال: متوسط * فیزیک ۳ (فصل ۳)

۶۲- پاسخ: گزینه ۲



تندی موج‌های نوری (الکترومغناطیسی) در هوا (خلأ) با هم برابر ولی درون منشور نابرابر است؛ به طوری که تندی نور قرمز که طول موج بیشتری دارد، درون منشور از تندی نور آبی بیشتر است.

▲ مشخصات سؤال: ساده * فیزیک ۳ (فصل ۴)

۶۳- پاسخ: گزینه ۱



بسامد آستانه تنها به جنس فلزی که در اثر فوتوالکتریک به کار می‌رود، بستگی دارد.

▲ مشخصات سؤال: دشوار * فیزیک ۳ (فصل ۴)

۶۴- پاسخ: گزینه ۴



$$E_{\text{فوتونها}} = \frac{nhc}{\lambda} \Rightarrow E = \frac{1/6 \times 10^{20} \times 6 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8}{600 \times 10^{-9}} \Rightarrow E = 48 \text{ J}$$

$$P = \frac{E}{t} \Rightarrow P = \frac{48}{60} = 0.8 \text{ W}$$

$$R_{\text{ا}} = \frac{0.8 \text{ W}}{100 \times \frac{20}{100} \text{ W}} \times 100 = 4\%$$

▲ مشخصات سؤال: متوسط * فیزیک ۳ (فصل ۴)

۶۵- پاسخ: گزینه ۳



تمام خطوط مرئی مربوط به رشته بالمر است و اولین خط مربوط به جهش $n=3$ به $n'=2$ و آخرین خط (خط چهارم) مربوط به $n=6$ به $n'=2$ است.

$$\frac{1}{\lambda} = 0.1 \left(\frac{1}{2^2} - \frac{1}{3^2} \right) \Rightarrow \lambda = 720 \text{ nm}$$

$$\frac{1}{\lambda'} = 0.1 \left(\frac{1}{2^2} - \frac{1}{6^2} \right) \Rightarrow \lambda' = 450 \text{ nm}$$

$$\lambda - \lambda' = 720 - 450 \Rightarrow \lambda - \lambda' = 270 \text{ nm}$$

۶۶- پاسخ: گزینه ۱

▲ مشخصات سؤال: دشوار * فیزیک ۳ (فصل ۴)



می‌دانیم شعاع هر مدار الکترون در اتم هیدروژن برابر با $n^2 a_0$ است؛ به این ترتیب کاهش 1 nm برابر با $20 a_0$ است و برای این منظور باید الکترون از مدار مانای $n = 6$ به مدار مانای $n = 4$ جهش نماید؛ بنابراین داریم:

$$E = -\frac{E_R}{n^2}$$

$$\Delta E = E_U - E_L \Rightarrow \Delta E = -13/6 \left(\frac{1}{6^2} - \frac{1}{4^2} \right) \Rightarrow \Delta E = \frac{17}{36} \text{ eV}$$

▲ مشخصات سؤال: دشوار * فیزیک ۳ (فصل ۴)

۶۷- پاسخ: گزینه ۴



$$\Delta E_{\text{فوتون}} = E_U - E_L \Rightarrow \Delta E = -6/4 - (-54/4) = 48 \text{ eV}$$

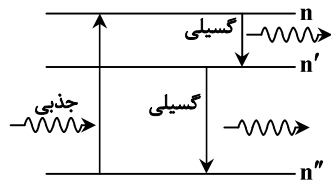
$$\Delta E_{\text{کل فوتونها}} = 10^{18} \times 48 \text{ eV} = 10^{18} \times 48 (\text{eV}) \times 1/6 \times 10^{-19} \left(\frac{\text{J}}{\text{eV}} \right) = 7/68 \text{ J}$$

$$P = \frac{\Delta E_{\text{کل فوتونها}}}{\Delta t} \Rightarrow P = \frac{7/68}{1} = 7/68 \text{ W}$$

$$I = \frac{P}{A} \Rightarrow I = \frac{7/68}{1/6 \times 10^{-6}} \Rightarrow I = 4/8 \times 10^6 \frac{\text{W}}{\text{m}^2}$$

▲ مشخصات سؤال: متوسط * فیزیک ۳ (فصل ۴)

۶۸- پاسخ: گزینه ۲



$$\Delta E_{n \rightarrow n'} + \Delta E_{n' \rightarrow n''} = \Delta E_{n \rightarrow n''}$$

$$hf_{n \rightarrow n'} + hf_{n' \rightarrow n''} = hf_{n \rightarrow n''}$$

$$4/5 \times 10^{14} + 2/55 \times 10^{15} = f_{n \rightarrow n''} \Rightarrow f_{n \rightarrow n''} = 3 \times 10^{15} \text{ Hz}$$

می‌دانیم انرژی فوتون گسیلی بین دو تراز معین در اتم هیدروژن با انرژی فوتون جذب بین همان دو تراز برابر است. از این رو بسامد فوتون جذبی را می‌توان با بسامد فوتون گسیلی برابر قرار داد.

$$\lambda = \frac{c}{f} \Rightarrow \lambda = \frac{3 \times 10^8}{3 \times 10^{15}} = 100 \times 10^{-9} \text{ m} = 100 \text{ nm}$$

▲ مشخصات سؤال: دشوار * فیزیک ۳ (فصل ۴)

۶۹- پاسخ: گزینه ۲



$$\Delta E = E_U - E_L$$

$$\frac{E = -\frac{E_R}{n^2}}{\lambda} \rightarrow \frac{hc}{\lambda} = 13/6 \left(\frac{1}{n_L^2} - \frac{1}{n_U^2} \right) \Rightarrow \frac{4/08 \times 10^{-15} \times 3 \times 10^8}{400 \times 10^{-9}} = 13/6 \left(\frac{1}{n_L^2} - \frac{1}{n_U^2} \right) \Rightarrow \frac{1}{n_L^2} - \frac{1}{n_U^2} = \frac{225}{10000}$$

$$\frac{1}{n_L^2} - \frac{1}{n_U^2} = \frac{9}{400} \Rightarrow \begin{cases} n' = 5 \rightarrow \text{چهارمین حالت برانگیخته} \\ n = 4 \rightarrow \text{سومین حالت برانگیخته} \end{cases}$$

▲ مشخصات سؤال: ساده * فیزیک ۳ (فصل ۴)

۷۰- پاسخ: گزینه ۱



نیروی هسته‌ای بسیار قوی است ولی کوتاه‌برد که بین نوکلئون‌هایی که در مجاورت هم هستند، ایجاد می‌شود.

▲ مشخصات سؤال: متوسط * فیزیک ۳ (فصل ۴)

۷۱- پاسخ: گزینه ۳



ایزوتوپ‌های این عناصر از سبک‌ترین به سنگین‌ترین عبارت‌اند از ${}_{8}^{199}X$ ، ${}_{8}^{200}X$ ، ${}_{8}^{201}X$ ، ${}_{8}^{202}X$ و ${}_{8}^{203}X$. سنگین‌ترین آن‌ها ${}_{8}^{203}X$ است:

$$N = 203 - 80 = 123 \Rightarrow N - Z = 123 - 80 = 43$$

▲ مشخصات سؤال: متوسط * فیزیک ۳ (فصل ۴)

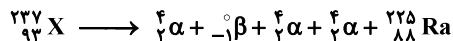
۷۲- پاسخ: گزینه ۴



$$E = hf = \frac{hc}{\lambda} \Rightarrow E = \frac{1240 \text{ (eV} \cdot \text{nm)}}{0.02 \text{ (nm)} \times \left(\frac{1 \text{ nm}}{1000 \text{ pm}}\right)} \Rightarrow E = 62 \times 10^6 \text{ eV} = 62 \text{ MeV}$$

▲ مشخصات سؤال: متوسط * فیزیک ۳ (فصل ۴)

۷۳- پاسخ: گزینه ۳



$$\begin{cases} N = 237 - 93 = 144 \\ Z = 93 \end{cases} \Rightarrow \begin{pmatrix} 144 \\ 93 \end{pmatrix}$$

▲ مشخصات سؤال: ساده * فیزیک ۳ (فصل ۴)

۷۴- پاسخ: گزینه ۱



در گسیل پوزیترون، یک پروتون هسته به یک نوترون و یک پوزیترون تبدیل می‌شود؛ به طوری که نوترون آن درون هسته باقی می‌ماند و به نوترون‌های هسته یک واحد می‌افزاید.

▲ مشخصات سؤال: متوسط * فیزیک ۳ (فصل ۴)

۷۵- پاسخ: گزینه ۴



$$n = \frac{t}{T_{1/2}} \Rightarrow n = \frac{24}{8} = 3$$

$$N = N_0 \left(\frac{1}{2}\right)^n \Rightarrow N = N_0 \times \left(\frac{1}{2}\right)^3 \Rightarrow N = \frac{N_0}{8}$$

$$N_0 - N = \frac{7}{8}N_0 \Rightarrow \frac{N_0 - N}{N_0} = \frac{7}{8} \times 100 = 87.5\%$$

شیمی

▲ مشخصات سؤال: متوسط * شیمی ۳ (فصل ۳)

۷۶- پاسخ: گزینه ۱



تنها مورد «پ» درست است. هر سه ترکیب از نوع جامد یونی هستند و ساختار ذره‌ای مشابهی دارند.

نباید سراغ اینا بری

الف) قسمت عمده خاک رس را سیلیس تشکیل می‌دهد که جامد کووالانسی بوده و حتی در حالت مذاب رسانای جریان برق نیست.
ب) سرخ فام بودن خاک رس به وجود آهن (III) اکسید (Fe_2O_3) مربوط است که نسبت شمار کاتیون به آنیون در آن برابر $\frac{2}{3}$ است.
ت) درصد جرمی سیلیسیم در ساختار فراوان‌ترین اکسید تشکیل‌دهنده خاک رس (SiO_2)، با درصد جرمی آن در یون سیلیکات (SiO_4^{4-}) متفاوت است.

۷۷- پاسخ: گزینه ۱ ▲ مشخصات سؤال: متوسط * شیمی ۳ (فصل ۳)

جوبش اینه

درصد جرمی کربن در هیدروکربنی بیشتر است که به‌ازای شمار اتم‌های H برابر دارای شمار اتم‌های کربن بیشتری باشد. از این رو با توجه به فرمول مولکولی چهار ترکیب شمار اتم‌های H در هر چهار ترکیب را به عدد یکسانی مانند ۸ می‌رسانیم.



پس درصد جرمی اتم کربن در C_6H_6 از سه ترکیب دیگر بیشتر است.

۷۸- پاسخ: گزینه ۲ ▲ مشخصات سؤال: متوسط * شیمی ۳ (فصل ۳)

نباید سراغ اینا بری

الف) فرمول شیمیایی کربن‌دی‌اکسید و سیلیس به‌صورت CO_2 و SiO_2 است که شمار اتم‌ها در یک مول از هر دو ماده برابر است.
ت) فراوانی در پوسته جامد زمین: اکسیژن < سیلیسیم

۷۹- پاسخ: گزینه ۲ ▲ مشخصات سؤال: متوسط * شیمی ۳ (فصل ۳)

نباید سراغ اینا بری

گزینه ۱: در ساختار جامدهای کووالانسی، شمار زیادی اتم با پیوندهای اشتراکی به یکدیگر متصل هستند.
گزینه ۳: جرم یک مول اتم کربن در ساختار الماس با جرم یک مول اتم کربن در ساختار گرافیت برابر است.
گزینه ۴: جرم نمونه‌ای از سیلیس (SiO_2) شامل یک مول اتم ($\frac{2}{3}$ مول اکسیژن و $\frac{1}{3}$ مول سیلیسیم، معادل ۲۰ گرم) بیشتر از جرم نمونه‌ای از الماس شامل یک مول اتم (معادل ۱۲ گرم) است.

۸۰- پاسخ: گزینه ۳ ▲ مشخصات سؤال: متوسط * شیمی ۳ (فصل ۳)

جوبش اینه

فرمول مولکولی، اصطلاح ویژه مواد مولکولی است.
پس برای آلومینیم اکسید، سیلیس و سیلیسیم کربید استفاده نمی‌شود.

خوبه اینو بدونی

سیلیسیم تتراکلرید با فرمول $SiCl_4$ یک ماده مولکولی است که در تمرین‌های دوره‌ای فصل (۱) شیمی یازدهم به آن اشاره شده است.

۸۱- پاسخ: گزینه ۴ ▲ مشخصات سؤال: متوسط * شیمی ۳ (فصل ۳)

نباید سراغ اینا بری

گزینه ۱: توزیع الکترون‌ها در مولکول متان و مولکول کربن تتراکلرید، متقارن است و هر دو ناقطبی هستند.
گزینه ۲: در پیوند اشتراکی کربن-هیدروژن، احتمال حضور الکترون‌های اشتراکی پیرامون هسته اتم کربن بیشتر است ولی در پیوند اشتراکی کربن-کلر، احتمال حضور الکترون‌های اشتراکی پیرامون هسته اتم کلر بیشتر است.
گزینه ۳: در نقشه پتانسیل الکتروستاتیکی متان تراکم بار الکتریکی روی اتم مرکزی (اتم کربن) ولی در کربن تتراکلرید تراکم بار الکتریکی روی اتم‌های جانبی (اتم‌های کلر) بیشتر است.

▲ مشخصات سؤال: متوسط * شیمی ۳ (فصل ۳)

۸۲- پاسخ: گزینه ۲



الف) درست؛ جاذبه بین مولکول‌ها در HF از نوع پیوند هیدروژنی ولی در N_۲ از نوع جاذبه ضعیف واندروالسی است.
پ) درست؛ گستره دمایی برای مواد مولکولی چندان بزرگ نیست؛ زیرا نیروهای بین مولکولی در مقایسه با جاذبه یون- یون به مراتب ضعیف‌تر هستند.



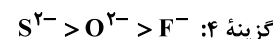
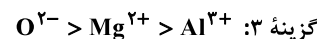
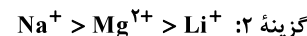
ب) NaCl یک جامد یونی است و نیروهای جاذبه بین یون‌ها از نوع یون- یون است. همچنین پیوند هیدروژنی میان مولکول‌های HF قوی‌تر از پیوند هیدروژنی میان مولکول‌های H_۲O است.
ت) وجود ترکیب‌های یونی در طبیعت نشان می‌دهد، در ساختار ترکیب‌های یونی، جاذبه‌های میان یون‌های ناهمنام بر دافعه‌های یون‌های همنام غلبه دارد.

▲ مشخصات سؤال: متوسط * شیمی ۳ (فصل ۳)

۸۳- پاسخ: گزینه ۱



در یون‌های هم‌الکترون هرچه بار یون منفی‌تر باشد، شعاع یون بزرگ‌تر است؛ از سویی هرچه بار یون مثبت بیشتر باشد، شعاع آن کوچک‌تر است. مقایسه درست شعاع در سه گزینه دیگر چنین است:



▲ مشخصات سؤال: ساده * شیمی ۳ (فصل ۳)

۸۴- پاسخ: گزینه ۲



هرچه بار یون بیشتر باشد، انرژی شبکه بلور نیز بیشتر است.

▲ مشخصات سؤال: دشوار * شیمی ۳ (فصل ۳)

۸۵- پاسخ: گزینه ۲



عنصر M کلسیم و عنصر X گوگرد است.
گزینه ۲: درست؛ در یون‌های هم‌الکترون شعاع کاتیون کوچک‌تر از شعاع آنیون است.



گزینه ۱: نیروی جاذبه میان یون‌ها در ترکیب MCl_۲ کمتر از نیروی جاذبه میان یون‌ها در ترکیب MgCl_۲ است؛ زیرا شعاع Ca^{۲+} بزرگ‌تر از شعاع Mg^{۲+} است.
گزینه ۳: ترکیب عنصر M و عنصر اکسیژن (کلسیم اکسید، ماده یونی) از نظر ساختار ذره‌ای با ترکیب عنصر X و عنصر اکسیژن (گوگرد تری‌اکسید یا گوگرد دی‌اکسید، مواد مولکولی) متفاوت است.
گزینه ۴: مقایسه MBr_۲ > MCl_۲ > MX > MO را می‌توان برای مقایسه آنتالپی فروپاشی شبکه بلور این ترکیب‌ها در نظر گرفت.

▲ مشخصات سؤال: متوسط * شیمی ۳ (فصل ۳)

۸۶- پاسخ: گزینه ۴



مولکول AB_۲ شکل خمیده دارد و اتم A به یقین دارای الکترون ناپیوندی است.

نباید سراغ اینا بری

گزینه ۱: در میدان الکتریکی، اتم A به سمت صفحه با بار منفی (SO_2) یا صفحه با بار مثبت (H_2O) جهت گیری می کند.
گزینه ۲: اتمها در مولکول AB_2 برخلاف اتمها در مولکول CO_2 در یک راستا قرار ندارند؛ زیرا AB_2 یک ماده قطبی است، پس ساختاری خمیده دارد؛ در نتیجه اتم مرکزی A به یقین الکترون ناپیوندی دارد.
گزینه ۳: در نقشه پتانسیل الکتروستاتیکی آن، ممکن است تراکم بار الکتریکی روی اتمهای B بیشتر از اتم A باشد و در این صورت اتمهای B به رنگ سرخ نشان داده خواهند شد و یا ممکن است تراکم بار روی اتمهای B کمتر باشد و به رنگ آبی نشان داده شوند.

۸۷- پاسخ: گزینه ۱ ▲ مشخصات سؤال: ساده * شیمی ۳ (فصل ۳)

جوبش اینه

براساس الگوی دریای الکترونی ساختار فلزها، آرایش منظمی از کاتیونها در سه بعد است که در فضای بین آنها الکترونهای ظرفیتی دریایی را ساخته اند که عامل پایداری این ساختار است.

۸۸- پاسخ: گزینه ۳ ▲ مشخصات سؤال: متوسط * شیمی ۳ (فصل ۳)

جوبش اینه

اگر در مولکول کربونیل سولفید (SCO) به جای اتم گوگرد، اتم اکسیژن قرار دهیم، مولکول CO_2 حاصل می شود.
الف) جرم مولی و نقطه جوش کاهش می یابد.
ب) گشتاور دوقطبی مولکول و تراکم الکترونها اطراف هسته اتم کربن کاهش می یابند.
پ) تقارن توزیع بار الکتریکی اطراف اتم مرکزی افزایش می یابد.

نباید سراغ اینا بری

ت) ساختار خطی مولکول تغییری نمی کند.

۸۹- پاسخ: گزینه ۱ ▲ مشخصات سؤال: ساده * شیمی ۳ (فصل ۱۳)

جوبش اینه

بررسی گزینه ها:

گزینه ۲: کلسیم سولفات: $CaSO_4$: ۱

گزینه ۱: سدیم سیلیکات: Na_4SiO_4 : ۴

گزینه ۴: روی کربنات: $ZnCO_3$: ۱

گزینه ۳: لیتیم فسفات: Li_3PO_4 : ۳

خوبه اینو بدونی

$$\frac{\text{شمار کاتیون}}{\text{شمار آنیون}} = \frac{\text{بار آنیون}}{\text{بار کاتیون}}$$

۹۰- پاسخ: گزینه ۴ ▲ مشخصات سؤال: دشوار * شیمی ۳ (فصل ۳)

جوبش اینه

روی می تواند محلولی از وانادیم (V) را تا رسیدن به محلولی از وانادیم (III) کاهش دهد و در صورت وجود مقدار بیشتری روی، محلول وانادیم (III) نیز می تواند به وانادیم (II) کاهش یابد و رنگ محلول نیز تغییر کند.

نباید سراغ اینا بری

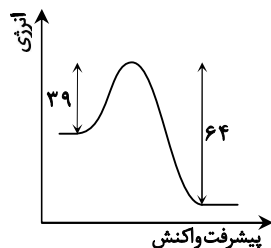
گزینه ۱: در محلول نهایی، نمکی از وانادیم در محلول وجود دارد که عدد اکسایش وانادیم در آن +۳ است.
گزینه ۲: روی به عنوان کاهنده باعث کاهش یافتن وانادیم موجود در محلول اولیه شده است.
گزینه ۳: آرایش الکترونی وانادیم موجود در ساختار نمک حل شده در محلول نهایی (با عدد اکسایش +۳) مربوط به این واکنش، $[Ar]3d^2$ است.

۹۵- پاسخ: گزینه ۱

▲ مشخصات سؤال: متوسط * شیمی ۳ (فصل ۴)



با توجه به اطلاعات داده شده در سؤال، نمودار انرژی - پیشرفت این واکنش به صورت زیر خواهد شد:



به این ترتیب ΔH این واکنش برابر است با:

$$\Delta H = 39 - 64 = -25 \text{ kJ}$$

این مقدار گرما به ازای تولید ۲ مول فرآورده به دست می آید؛ بنابراین گرمای حاصل از تولید ۲۶/۲ گرم NOCl به صورت زیر محاسبه می شود:

$$26/2 \text{ g NOCl} \times \frac{1 \text{ mol NOCl}}{65/5 \text{ g NOCl}} \times \frac{25 \text{ kJ}}{2 \text{ mol NOCl}} = 5 \text{ kJ}$$

▲ مشخصات سؤال: ساده * شیمی ۳ (فصل ۴)

۹۶- پاسخ: گزینه ۴



گرمای واکنش (ΔH) همواره مقداری ثابت بوده و به حضور یا عدم حضور کاتالیزگر ارتباطی ندارد. این گرما معادل با اختلاف سطح انرژی واکنش دهنده‌ها (A) و فرآورده‌ها (B) است که طبق نمودار داده شده برابر است با:

$$\Delta H = B - A = 30 - 20 = +10 \text{ kJ}$$

انرژی فعال‌سازی در حضور کاتالیزگر نیز بیانگر اختلاف سطح انرژی واکنش دهنده با قله نموداری است که کوتاه‌تر می‌باشد. به این ترتیب:

$$E_a (\text{در حضور کاتالیزگر}) = 40 - 20 = 20 \text{ kJ}$$

در نتیجه اختلاف انرژی این دو مقدار برابر است با:

$$20 - 10 = 10 \text{ kJ}$$

▲ مشخصات سؤال: دشوار * شیمی ۳ (فصل ۴)

۹۷- پاسخ: گزینه ۴



الف) نادرست؛ مبدل کاتالیستی نمی‌تواند آلاینده SO_2 را حذف کند و یا کاهش دهد.
ب) نادرست؛ هیچ‌کدام از سه فلز Pt، Pd و Rh به دوره چهارم جدول تناوبی تعلق ندارند.
پ) نادرست؛ ابعاد توده‌های فلزی در مبدل کاتالیستی ۲ تا ۱۰ نانومتر است.



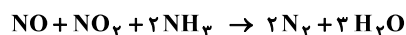
ت) این مورد درست است.

▲ مشخصات سؤال: متوسط * شیمی ۳ (فصل ۴)

۹۸- پاسخ: گزینه ۳



حذف اکسیدهای نیتروژنی حاصل از خودروهای دیزلی مطابق با واکنش زیر صورت می‌گیرد:



با توجه به حجم مخلوط گازهای تولیدشده، برای تعیین جرم آمونیاک ناخالص مورد نیاز خواهید داشت:

$$\text{ناخالص } 100 \text{ g NH}_3 \times \frac{17 \text{ g NH}_3}{1 \text{ mol NH}_3} \times \frac{2 \text{ mol NH}_3}{22/4 \text{ L (NO}_2, \text{NO) مخلوط}} \times \frac{1 \text{ mol (NO}_2, \text{NO) مخلوط}}{22/92 \text{ L (NO}_2, \text{NO) مخلوط}} = 20 \text{ g NH}_3 \text{ ناخالص}$$

▲ مشخصات سؤال: متوسط * شیمی ۳ (فصل ۴)

۹۹- پاسخ: گزینه ۱



با توجه به نمودار داده شده غلظت A و C با گذشت زمان کاهش می یابد پس، این دو ماه واکنش دهنده هستند و B و D که مقدار غلظت آن ها در حال افزایش یافتن است، فراورده خواهند بود.

از سویی با توجه به میزان تغییر غلظت این مواد، نسبت ضریب استوکیومتری آن ها در واکنش به دست می آید:

$$\left. \begin{aligned} \Delta[A] &= 3 - 6 = -3 \\ \Delta[C] &= 6 - 8 = -2 \\ \Delta[B] &= 3 - 0 = +3 \\ \Delta[D] &= 1 - 0 = +1 \end{aligned} \right\} 3A + 2C \rightleftharpoons 3B + D$$

معادله ثابت تعادل و یکی آن نیز عبارت اند از:

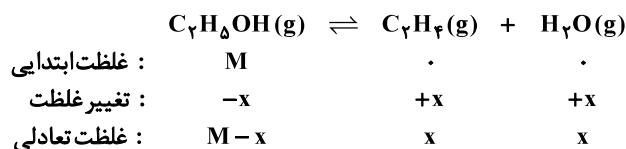
$$K = \frac{[B]^3 [D]}{[A]^3 [C]^2} = \frac{(\text{mol} \cdot \text{L}^{-1})^3 (\text{mol} \cdot \text{L}^{-1})}{(\text{mol} \cdot \text{L}^{-1})^3 (\text{mol} \cdot \text{L}^{-1})^2} = (\text{mol} \cdot \text{L}^{-1})^{-1} = \text{L} \cdot \text{mol}^{-1}$$

▲ مشخصات سؤال: دشوار * شیمی ۳ (فصل ۴)

۱۰۰- پاسخ: گزینه ۴



با گذشت زمان غلظت واکنش دهنده ها کاهش می یابد (منحنی نزولی) و غلظت فراورده ها افزایش پیدا می کند (منحنی صعودی)، پس می توان فهمید که غلظت اتانول در حالت تعادل برابر ۰/۴ مولار بوده است. اگر غلظت اولیه این گاز را M مولار در نظر بگیریم. با توجه به واکنش انجام شده خواهیم داشت:



به این ترتیب برای تعیین مقدار M می توان گفت:

$$K = \frac{[C_2H_4][H_2O]}{[C_2H_5OH]} \Rightarrow 40 = \frac{x \times x}{0.4} \Rightarrow x^2 = 16 \Rightarrow x = 4$$

$$[C_2H_5OH]_{\text{تعادلی}} = M - x = 0.4 \Rightarrow M - 4 = 0.4 \Rightarrow M = 4.4 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$$

از آنجاکه در صورت سؤال مقدار مول اولیه اتانول (و نه غلظت آن) خواسته شده است؛ بنابراین:

$$\text{مقدار مول اتانول} = \text{حجم} \times \text{غلظت} = 4.4 \frac{\text{mol}}{\text{L}} \times 5\text{L} = 22 \text{ mol}$$

▲ مشخصات سؤال: متوسط * شیمی ۳ (فصل ۴)

۱۰۱- پاسخ: گزینه ۳



با افزودن پتاسیم هیدروکسید جامد به محلول موجود در ظرف ها، غلظت یون های $K^+(aq)$ و $OH^-(aq)$ در هر دو ظرف افزایش می یابد. افزایش غلظت $K^+(aq)$ در ظرف محلول KNO_3 موجب جابه جایی تعادل آن در جهت برگشت شده و در نتیجه انحلال پذیری نمک کاهش خواهد یافت.

اما در ظرف محلول $Fe(NO_3)_3$ بین یون های OH^- اضافه شده به ظرف و یون های Fe^{3+} واکنش رخ می دهد و رسوب $Fe(OH)_3$ تولید می شود؛ به این ترتیب غلظت یون Fe^{3+} کاهش یافته و تعادل موجود در جهت رفت پیشرفت می کند. به این ترتیب مقدار بیشتری از $Fe(NO_3)_3$ در آب حل خواهد شد.

۱۰۲- پاسخ: گزینه ۳

▲ مشخصات سؤال: دشوار * شیمی ۳ (فصل ۴)



ابتدا باید برای هر نمودار، با توجه به میزان تغییر غلظت مواد موجود در واکنش، معادله آن را تعیین کنیم:

(الف) واکنش: $\Delta[A] = -0/2$, $\Delta[B] = -0/4$, $\Delta[C] = +0/2 \Rightarrow A + 2B \rightleftharpoons C$

(ب) واکنش: $\Delta[A] = -0/3$, $\Delta[B] = -0/1$, $\Delta[C] = +0/4 \Rightarrow 3A + B \rightleftharpoons 4C$

(پ) واکنش: $\Delta[A] = -0/3$, $\Delta[B] = +0/1$, $\Delta[C] = +0/2 \Rightarrow 3A \rightleftharpoons B + 2C$

(ت) واکنش: $\Delta[A] = -0/4$, $\Delta[B] = +0/4$, $\Delta[C] = +0/2 \Rightarrow 2A \rightleftharpoons 2B + C$

اگر مجموع ضرایب استوکیومتری واکنش دهنده‌ها در یک تعادل گازی با مجموع ضرایب استوکیومتری فرآورده‌ها یکسان نباشد، تغییر فشار (در دمای ثابت) موجب بر هم خوردن تعادل می‌شود. به این ترتیب واکنش‌های «الف» و «ت» چنین شرایطی دارند.

▲ مشخصات سؤال: دشوار * شیمی ۳ (فصل ۴)

۱۰۳- پاسخ: گزینه ۴



در ابتدا لازم است با توجه به نمودار غلظت- زمان داده شده و تغییر غلظت مواد موجود در واکنش، معادله واکنش انجام شده را به دست آوریم. برای این منظور از میزان تغییر غلظت مواد از لحظه شروع واکنش تا رسیدن به تعادل استفاده می‌کنیم:

$$\Delta[A] = 0/2 - 0/5 = -0/3, \Delta[B] = 0/4 - 0 = +0/4, \Delta[C] = 0/2 - 0 = +0/2$$

به این ترتیب معادله واکنش صورت گرفته به شکل $4B + 2C \rightleftharpoons 3A$ گرما خواهد بود.

از آنجاکه این واکنش گرماگیر است، افزایش دما موجب جابه‌جایی آن در جهت رفت می‌شود. به این ترتیب غلظت A کاهش می‌یابد و غلظت B و C افزایش خواهد یافت که در تمام نمودارها مشاهده می‌شود. اما باید توجه داشت که در تعادل اولیه غلظت A و C با هم برابر بوده و نصف غلظت B می‌باشد (بنابراین گزینه‌های ۱ و ۳ نادرست هستند). از طرفی میزان تغییرات غلظت گونه‌ها نیز مطابق با ضرایب استوکیومتری آن‌ها در معادله واکنش خواهد بود. به این ترتیب میزان تغییر غلظت C نصف B بوده و تغییر غلظت A نیز بیشتر از C و کمتر از B می‌باشد (در گزینه ۲، تغییر غلظت A و B یکسان در نظر گرفته شده است).

▲ مشخصات سؤال: دشوار * شیمی ۳ (فصل ۴)

۱۰۴- پاسخ: گزینه ۲



از آنجا که تعداد مول C و D تولیدشده تا رسیدن به حالت تعادل با یکدیگر برابر است، در طی این فرایند ۲ مول D نیز تولید شده است. به این ترتیب برای محاسبه مقدار K این واکنش می‌توان گفت:

$$K = \frac{[C][D]}{[A][B]} = \frac{\left(\frac{2 \text{ mol}}{1 \text{ L}}\right)\left(\frac{2 \text{ mol}}{1 \text{ L}}\right)}{\left(\frac{3 \text{ mol}}{1 \text{ L}}\right)\left(\frac{3 \text{ mol}}{1 \text{ L}}\right)} = \frac{4}{9}$$

حال از آنجا که با افزودن x مول B به این تعادل مقدار D به اندازه ۱/۲ مول افزایش یافته است، می‌توان نتیجه گرفت که مقدار C نیز ۱/۲ مول بیشتر شده و A و B به همین میزان کاهش یافته‌اند:

	A	+	B	\rightleftharpoons	C	+	D
تعداد اولیه:	۳		۳		۲		۲
میزان تغییرات:	-۱/۲		+x-۱/۲		+۱/۲		+۱/۲
تعداد جدید:	۳-۱/۲		۳+x-۱/۲		۲+۱/۲		۲+۱/۲

در نتیجه با توجه به عدم تغییر مقدار K در تعادل جدید خواهیم داشت:

$$K = \frac{4}{9} = \frac{3/2 \times 3/2}{1/8 \times (1/8 + x)} \Rightarrow \frac{4}{9} = \frac{10/24}{3/24 + 1/8x} \Rightarrow 12/96 + 7/24x = 92/16 \Rightarrow x = 11 \text{ mol}$$

▲ مشخصات سؤال: ساده * شیمی ۳ (فصل ۴)

۱۰۵- پاسخ: گزینه ۴



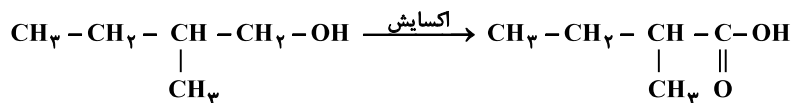
امروزه بسیاری از کشورهای جهان منبع خود را به شکل خام می‌فروشند.

▲ مشخصات سؤال: دشوار * شیمی ۳ (فصل ۴)

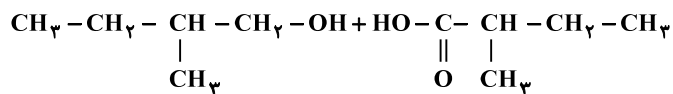
۱۰۶- پاسخ: گزینه ۳



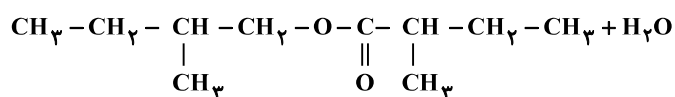
اگر الکل داده شده را با استفاده از اکسندهای مناسب اکسید کنیم، یک کربوکسیلیک اسید تولید می‌شود:



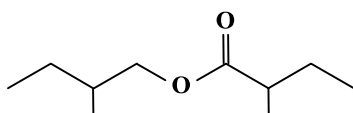
حال از واکنش الکل اولیه با کربوکسیلیک اسید تولیدشده، یک استر حاصل خواهد شد:



↓



ساختار پیوند- خط استر به دست آمده نیز به صورت زیر است:



▲ مشخصات سؤال: متوسط * شیمی ۳ (فصل ۴)

۱۰۷- پاسخ: گزینه ۴



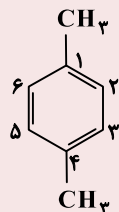
گزینه ۴: برای ساختن PET از اتیلن گلیکول (به عنوان دی الکل) استفاده می‌شود که در رادیاتور خودروها به عنوان ضدیخ به کار می‌رود.



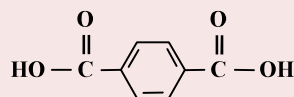
گزینه ۱: برای تعیین مجموع عدد اکسایش اتم‌های کربن در پارازایلن می‌توان به صورت زیر عمل کرد:

$$\text{C}_8\text{H}_{10} : 8C + 10(+1) = 0 \Rightarrow 8C = -10$$

گزینه ۲: با توجه به ساختار پارازایلن نام آن را می‌توان به صورت ۱، ۴- دی متیل بنزن نیز نوشت:

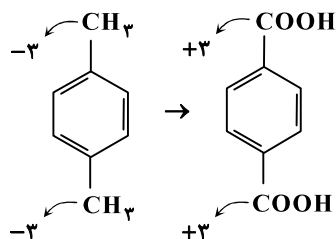


گزینه ۳: ترفتالیک اسید یک کربوکسیلیک اسید دو عاملی با ساختار زیر است؛ بنابراین ساده‌ترین دی اسید آروماتیک خواهد بود که هر مول از آن با ۱ مول $\text{Ba}(\text{OH})_2$ خنثی می‌شود.



▲ مشخصات سؤال: دشوار * شیمی ۳ (فصل ۴)

۱۰۸- پاسخ: گزینه ۳



با توجه به عدد اکسایش محاسبه شده تبدیل هر مول پارازایلن به ترفتالیک اسید با از دست دادن ۱۲ مول الکترون همراه است. عدد اکسایش اتم Mn در KMnO_4 برابر +۷ و در فرآورده MnO_2 برابر +۴ است، پس تغییر عدد اکسایش اتم Mn برابر +۳ است؛ بنابراین برای گرفتن ۱۲ مول الکترون به ۴ مول KMnO_4 نیاز است.

۱۰۹- پاسخ: گزینه ۳

▲ مشخصات سؤال: متوسط * شیمی ۳ (فصل ۴)



واکنش تولید استر از اسید و الکل از نوع اکسایش - کاهش نیست؛ زیرا عدد اکسایش اتم‌های کربن بدون تغییر می‌ماند.

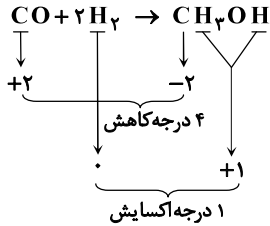
۱۱۰- پاسخ: گزینه ۱

▲ مشخصات سؤال: ساده * شیمی ۳ (فصل ۴)



الف) درست: پلاستیک‌های ساخته شده از PET امکان بازیافت را دارند.

پ) درست؛ با توجه به معادله واکنش تولید متانول از CO و H_۲، این مولکول‌ها به ترتیب اکسند و کاهنده به شمار می‌روند:



ب) نادرست: در روش مستقیم (و نه غیرمستقیم) تولید متانول از متان، باید از گاز O_۲ در مجاورت کاتالیزگر استفاده شود.

ت) نادرست: در میدان‌های نفتی، برای افزایش ایمنی، بخش قابل توجهی از گاز متان (و نه متانول) را می‌سوزانند.

ریاضی

۱۱۱- پاسخ: گزینه ۱

▲ مشخصات سؤال: ساده * ریاضی ۳ (فصل ۴، درس ۲)



- اگر تابع f در x = a پیوسته نباشد، آنگاه f در x = a مشتق پذیر هم نیست.
- مشتق تابع y = f(x) را با نماد y' = f'(x) نمایش می‌دهیم. به همین ترتیب اگر تابع مشتق، مشتق پذیر باشد، مشتق مرتبه دوم y = f(x) را با y'' = f''(x) نمایش می‌دهیم و برای محاسبه آن از تابع y' = f'(x) نسبت به x مشتق می‌گیریم.



ابتدا مشتق اول و مشتق دوم تابع f را به دست می‌آوریم:

$$f(x) = x^4 - 3x^2 + 2x \Rightarrow f'(x) = 4x^3 - 6x + 2 \Rightarrow f''(x) = 12x^2 - 6$$

بنابراین:

$$\begin{cases} f''(\sqrt{2}) = 12(\sqrt{2})^2 - 6 = 18 \\ f'(-1) = -4 + 6 + 2 = 4 \end{cases} \Rightarrow \frac{f''(\sqrt{2})}{f'(-1)} = \frac{18}{4} = 4.5$$

۱۱۲- پاسخ: گزینه ۴

▲ مشخصات سؤال: ساده * ریاضی ۳ (فصل ۵، درس ۱)



- مراحل یافتن اکسترم‌های مطلق تابع پیوسته f در بازه بسته [a, b] به شرح زیر است:
(۱) مشتق تابع را به دست آورده و نقاط بحرانی f را می‌یابیم.
(۲) مقدار تابع را در هر یک از نقاط بحرانی و همچنین در نقاط انتهایی بازه محاسبه می‌کنیم.
(۳) در مرحله ۲، بزرگ‌ترین عدد به دست آمده، مقدار ماکزیمم مطلق تابع و کوچک‌ترین آن‌ها مینیمم مطلق تابع در بازه [a, b] است.



ابتدا طول نقاط بحرانی تابع f را در بازه $[-2, 1]$ به دست می آوریم:

$$f(x) = x^3 - 3x^2 + 2 \Rightarrow f'(x) = 3x^2 - 6x$$

$$f'(x) = 0 \Rightarrow 3x(x-2) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 0 \checkmark \\ x = 2 \notin [-2, 1] \end{cases}$$

اکنون با محاسبه مقدار تابع در نقاط بحرانی، مقادیر ماکزیمم و مینیمم مطلق را به دست می آوریم:

$$\begin{cases} f(-2) = (-2)^3 - 3(-2)^2 + 2 = -18 \\ f(1) = (1)^3 - 3(1)^2 + 2 = 0 \\ f(0) = (0)^3 - 3(0)^2 + 2 = 2 \end{cases}$$

بنابراین $y = 2$ ماکزیمم مطلق و $y = -18$ مینیمم مطلق تابع هستند که اختلاف آن‌ها برابر $2 - (-18) = 20$ است.

۱۱۳- پاسخ: گزینه ۱ ▲ مشخصات سؤال: ساده * ریاضی ۳ (فصل ۵، درس ۱)



- فرض کنیم c طول نقطه بحرانی تابع f باشد که f در c پیوسته است و همچنین f در یک همسایگی محذوف c مشتق پذیر باشد.
الف) اگر علامت f' در $x = c$ از مثبت به منفی تغییر کند، آنگاه $x = c$ طول نقطه ماکزیمم نسبی تابع f است.
ب) اگر علامت f' در $x = c$ از منفی به مثبت تغییر کند، آنگاه $x = c$ طول نقطه مینیمم نسبی تابع f است.
پ) اگر f' در c تغییر علامت ندهد؛ به طوری که f' در یک همسایگی محذوف c همواره مثبت (یا همواره منفی) باشد، آنگاه f در c ماکزیمم یا مینیمم نسبی ندارد.



ابتدا نقطه یا نقاط بحرانی تابع f را به دست می آوریم و سپس جدول تغییرات f را رسم می کنیم:

$$f(x) = \frac{3}{x^2 + 2} \Rightarrow f'(x) = \frac{-2x(3)}{(x^2 + 2)^2} = \frac{-6x}{(x^2 + 2)^2} \Rightarrow f'(x) = 0 \Rightarrow -6x = 0 \Rightarrow x = 0$$

طول نقطه بحرانی $x = 0$

x	$-\infty$	0	$+\infty$
f'		+	-
f		↗	↘

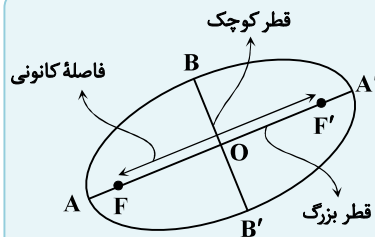
max
نسبی

بنابراین تابع f فقط یک ماکزیمم نسبی دارد.

۱۱۴- پاسخ: گزینه ۲ ▲ مشخصات سؤال: ساده * ریاضی ۳ (فصل ۶، درس ۱)



- بیضی مقابل را در نظر بگیرید.
در این بیضی کانون‌ها را F و F' نامیده‌ایم.
در هر بیضی اندازه FF' ، فاصله کانونی بیضی نامیده می‌شود.
نقطه میانی پاره خط FF' ، مرکز بیضی است که آن را نقطه O نامیده‌ایم.
پاره خطی که از کانون‌های بیضی می‌گذرد یعنی AA' ، قطر بزرگ یا قطر کانونی بیضی است. پاره خطی که در مرکز بیضی بر قطر بزرگ بیضی عمود است یعنی قطر BB' ، قطر کوچک بیضی نامیده می‌شود.
- اگر قطر بزرگ بیضی افقی باشد، آن بیضی را بیضی افقی و اگر قطر بزرگ عمودی باشد، بیضی را بیضی قائم می‌نامیم.
- مقدار $\frac{c}{a}$ را خروج از مرکز بیضی می‌نامند و معمولاً آن را با حرف e نمایش می‌دهند.





فاصله نقاط F و F'، برابر با 2c است؛ بنابراین:

$$FF' = 6 \Rightarrow 2c = 6 \Rightarrow c = 3$$

با توجه به مقدار خروج از مرکز، داریم:

$$e = \frac{c}{a} \Rightarrow \frac{2}{3} = \frac{3}{a} \Rightarrow a = \frac{9}{2}$$

پس طول قطر بزرگ بیضی برابر 9 = 2a است.

۱۱۵- پاسخ: گزینه ۳ ▲ مشخصات سؤال: ساده * ریاضی ۳ (فصل ۶، درس ۲)



- اگر $x^2 + y^2 + ax + by + c = 0$ معادله گسترده یک دایره باشد، مختصات مرکز این دایره $O(\frac{-a}{2}, \frac{-b}{2})$ است. شعاع این دایره برابر است با:

$$r = \frac{1}{2} \sqrt{a^2 + b^2 - 4c}$$



شعاع دایره را به دست می آوریم:

$$x^2 + y^2 - 2x + 2y - 3 = 0$$

$$\Rightarrow r = \frac{1}{2} \sqrt{(-2)^2 + (2)^2 - 4(-3)}$$

$$\Rightarrow r = \frac{1}{2} \sqrt{4 + 4 + 12} = \frac{1}{2} \sqrt{20} = \sqrt{5}$$

بنابراین مساحت دایره C برابر است با:

$$S = \pi r^2 \Rightarrow S = \pi(\sqrt{5})^2 = 5\pi$$

۱۱۶- پاسخ: گزینه ۴ ▲ مشخصات سؤال: ساده * ریاضی ۳ (فصل ۷)

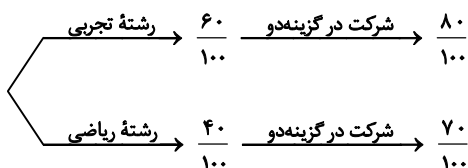


- اگر فرض کنیم در حالت کلی A_1, A_2, \dots, A_n پیشامدهایی باشند که بر روی فضای نمونه‌ای S یک افراز تشکیل داده‌اند و B یک پیشامد دلخواه باشد، رابطه زیر حاصل خواهد شد که به آن قانون احتمال کل می‌گوییم:

$$P(B) = \sum_{i=1}^n P(B \cap A_i) = \sum_{i=1}^n P(A_i)P(B | A_i)$$



اگر B پیشامد شرکت کردن دانش‌آموزی در آزمون گزینه‌دهی باشد، با توجه به نمودار درختی و قانون احتمال کل، داریم:



$$P(B) = \frac{60}{100} \times \frac{80}{100} + \frac{40}{100} \times \frac{70}{100} = \frac{48}{100} + \frac{28}{100} = \frac{76}{100}$$

۱۱۷- پاسخ: گزینه ۲ ▲ مشخصات سؤال: متوسط * ریاضی ۳ (فصل ۴، درس ۲)



- شیب خط مماس بر منحنی تابع f در نقطه $(\alpha, f(\alpha))$ ، برابر با $f'(\alpha)$ است.

- اگر $f(x) = \frac{1}{x}$ باشد، آنگاه $f'(x) = -\frac{1}{x^2}$ خواهد بود.



اگر نقطه A، نقطه تماس باشد، ابتدا عرض نقطه تماس را به دست می آوریم:

$$f(x) = 4 + \frac{2}{x} \xrightarrow{x=\alpha} f(\alpha) = 4 + \frac{2}{\alpha} \Rightarrow A(\alpha, 4 + \frac{2}{\alpha})$$

خط d بر تابع f در $x = \alpha$ مماس است، پس شیب آن با $f'(\alpha)$ برابر است. از طرفی خط d از نقطه $A(\alpha, 4 + \frac{2}{\alpha})$ و مبدأ مختصات می گذرد. بنابراین:

$$\begin{cases} A(\alpha, 4 + \frac{2}{\alpha}) \\ O(0, 0) \end{cases} \Rightarrow m_d = \frac{4 + \frac{2}{\alpha}}{\alpha} \xrightarrow{m_d=f'(\alpha)} \frac{4 + \frac{2}{\alpha}}{\alpha} = -\frac{2}{\alpha^2} \xrightarrow{\alpha \neq 0} 4 + \frac{2}{\alpha} = -\frac{2}{\alpha} \Rightarrow \frac{4}{\alpha} = -4 \Rightarrow \alpha = -1$$

$$f'(x) = -\frac{2}{x^2} \Rightarrow f'(\alpha) = -\frac{2}{\alpha^2}$$

۱۱۸- پاسخ: گزینه ۴ ▲ مشخصات سؤال: متوسط * ریاضی ۳ (فصل ۴، درس ۲)



- اگر x عضوی از دامنه تابع f باشد، تابع مشتق f در x را با $f'(x)$ نمایش می دهیم و آن را به صورت زیر تعریف می کنیم:

$$f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h}$$

مشروط بر آن که حد فوق موجود باشد، مجموعه تمام نقاطی از دامنه f که برای آن ها f موجود باشد را دامنه f می نامیم.

- اگر $f(x) = \sqrt{x}$ و $x > 0$ آنگاه $f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x}}$

- اگر توابع f و g در $x = a$ مشتق پذیر باشند، آنگاه توابع kf ($k \in \mathbb{R}$), $f \pm g$ و $\frac{f}{g}$ ($g(a) \neq 0$) نیز در $x = a$ مشتق پذیرند و داریم:

الف) $(f \pm g)'(a) = f'(a) \pm g'(a)$

ب) $(kf)'(a) = kf'(a)$

پ) $(fg)'(a) = f'(a)g(a) + f(a)g'(a)$

ت) $(\frac{f}{g})'(a) = \frac{f'(a)g(a) - g'(a)f(a)}{(g(a))^2}$

$y = f(u) \Rightarrow y' = u'f'(u)$

- اگر f تابعی بر حسب u و u تابعی از x باشد:



$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(-1+h) - f(-1)}{h} = f'(-1)$$

با توجه به نکته، داریم:

$$f(x) = x\sqrt{4 + \frac{10}{x^2 + 1}}$$

بنابراین مشتق تابع f را به دست می آوریم و سپس $f'(-1)$ را محاسبه می کنیم:

$$f'(x) = \sqrt{4 + \frac{10}{x^2 + 1}} + \frac{-2x(10)}{(x^2 + 1)^2} \cdot (x) \Rightarrow f'(-1) = \sqrt{9} + \frac{20}{2\sqrt{9}} \times (-1) \Rightarrow f'(-1) = 3 - \frac{5}{6} = \frac{13}{6}$$

۱۱۹- پاسخ: گزینه ۲ ▲ مشخصات سؤال: متوسط * ریاضی ۳ (فصل ۴، درس ۲)



- شیب خط مماس بر منحنی تابع f در نقطه $A(\alpha, f(\alpha))$ ، برابر با $f'(\alpha)$ است.

- اگر توابع f و g در $x = a$ مشتق پذیر باشند، آنگاه توابع kf ($k \in \mathbb{R}$), $f \pm g$ و $\frac{f}{g}$ ($g(a) \neq 0$) نیز در $x = a$ مشتق پذیرند و داریم:

الف) $(f \pm g)'(a) = f'(a) \pm g'(a)$

ب) $(kf)'(a) = kf'(a)$

پ) $(fg)'(a) = f'(a)g(a) + f(a)g'(a)$

ت) $(\frac{f}{g})'(a) = \frac{f'(a)g(a) - g'(a)f(a)}{(g(a))^2}$



ابتدا معادله خط گذرنده از نقاط $A(-2, 0)$ و $B(4, 2)$ را می‌نویسیم:

$$m = \frac{\Delta y}{\Delta x} \Rightarrow m = \frac{2-0}{4-(-2)} = \frac{1}{3}$$

$$y - y_0 = m(x - x_0) \xrightarrow{(-2, 0)} y - 0 = \frac{1}{3}(x + 2) \Rightarrow y = \frac{1}{3}x + \frac{2}{3}$$

خط $y = \frac{1}{3}x + \frac{2}{3}$ در $x = 1$ بر تابع f مماس است؛ بنابراین:

$$f(1) = y(1) \Rightarrow f(1) = \frac{1}{3}(1) + \frac{2}{3} \Rightarrow f(1) = 1$$

$$f'(1) = m \text{ (شیب خط مماس)} \Rightarrow f'(1) = \frac{1}{3}$$

حال داریم:

$$f(x) = \frac{ax}{bx+1} \xrightarrow{f(1)=1} \frac{a}{b+1} = 1 \Rightarrow a = b+1 \quad (*)$$

$$f'(x) = \frac{a(bx+1) - b(ax)}{(bx+1)^2} \xrightarrow{f'(1)=\frac{1}{3}} \frac{a(b+1) - ba}{(b+1)^2} = \frac{1}{3} \Rightarrow 3a = (b+1)^2 \quad (**)$$

$$\xrightarrow{a \neq 0} a = 3 \xrightarrow{(**)} b = 2$$

بنابراین مقدار خواسته شده سؤال، برابر $ab = 6$ است.



خط $y = \frac{1}{3}x + \frac{2}{3}$ بر تابع f در $x = 1$ مماس است. پس معادله $f(x) = y$ ، ریشه مضاعف $x = 1$ دارد:

$$\frac{ax}{bx+1} = \frac{1}{3}x + \frac{2}{3} \Rightarrow \frac{ax}{bx+1} = \frac{x+2}{3} \Rightarrow 3ax = bx^2 + 2bx + x + 2 \Rightarrow bx^2 + x(2b-3a+1) + 2 = 0$$

چون $x = 1$ ریشه مضاعف معادله است، معادله به صورت $b(x-1)^2$ است؛ بنابراین:

$$bx^2 + x(2b-3a+1) + 2 = b(x-1)^2 = bx^2 - 2bx + b \Rightarrow \begin{cases} b = 2 \\ 2b - 3a + 1 = -2b \xrightarrow{b=2} a = 3 \Rightarrow ab = 6 \end{cases}$$

۱۲- پاسخ: گزینه ۴ ▲ مشخصات سؤال: متوسط * ریاضی ۳ (فصل ۴، درس ۲)



- اگر تابع f در $x = a$ مشتق پذیر باشد، آنگاه f در a پیوسته است.

- اگر $f(x) = \sqrt{x}$ و $x > 0$ ، آنگاه $f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x}}$.



تابع $y = \frac{a}{x} + b\sqrt{x}$ در بازه $(1, +\infty)$ و تابع $y = 2ax^2 + 9$ در بازه $(-\infty, 1)$ مشتق پذیر هستند. پس کافی است تابع f در $x = 1$ مشتق پذیر باشد.

تابع f در $x = 1$ مشتق پذیر است، پس در $x = 1$ پیوسته است؛ بنابراین:

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = f(1) \Rightarrow a + b = 2a + 9 \Rightarrow b = a + 9 \quad (1)$$

اکنون مشتق راست و چپ تابع f را در $x = 1$ با هم برابر قرار می‌دهیم:

$$f'(x) = \begin{cases} -\frac{a}{x^2} + \frac{b}{2\sqrt{x}} & x \geq 1 \\ 2ax & x < 1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} f'_+(1) = -a + \frac{b}{2} \\ f'_-(1) = 2a \end{cases} \Rightarrow -a + \frac{b}{2} = 2a \Rightarrow b = 10a \quad (2)$$

حال با استفاده از روابط (۱) و (۲) داریم:

$$(1) \text{ و } (2) \Rightarrow a + 9 = 10a \Rightarrow a = 1 \xrightarrow{(2)} b = 10$$



اگر $f(x) = \sqrt{ax+b}$ و $ax+b > 0$ ، آنگاه $f'(x) = \frac{a}{2\sqrt{ax+b}}$.

اگر توابع f و g در $x = a$ مشتق پذیر باشند، آنگاه توابع kf ($k \in \mathbb{R}$)، $f \pm g$ ، fg و $\frac{f}{g}$ ($g(a) \neq 0$) نیز در $x = a$ مشتق پذیرند و داریم:

الف) $(f \pm g)'(a) = f'(a) \pm g'(a)$

ب) $(kf)'(a) = kf'(a)$

پ) $(fg)'(a) = f'(a)g(a) + f(a)g'(a)$

ت) $(\frac{f}{g})'(a) = \frac{f'(a)g(a) - g'(a)f(a)}{(g(a))^2}$



تابع $f(x) = |x-2|\sqrt{ax}$ در $x = 2$ پیوسته است، پس شیب نیم خطهای مماس بر تابع f را در نقطه $x = 2$ به دست می آوریم:

$$f(x) = \begin{cases} -(x-2)\sqrt{ax} & x < 2 \\ (x-2)\sqrt{ax} & x \geq 2 \end{cases}$$

واضح است که $f'_+(2)$ و $f'_-(2)$ قرینه یکدیگر هستند؛ بنابراین کافی است یکی از آنها را به دست آوریم:

$$y = (x-2)\sqrt{ax} \Rightarrow y' = \sqrt{ax} + \frac{a}{2\sqrt{ax}}(x-2) \Rightarrow f'_+(2) = \sqrt{2a}$$

بنابراین $f'_-(2) = -\sqrt{2a}$ است.

طبق فرض سؤال، این دو نیم مماس بر هم عمودند، بنابراین:

$$f'_+(2) \times f'_-(2) = -1 \Rightarrow (\sqrt{2a})(-\sqrt{2a}) = -1 \Rightarrow 2a = 1 \Rightarrow a = \frac{1}{2}$$

$$f(x) = |x-2|\sqrt{\frac{1}{2}x} \Rightarrow f(\frac{1}{2}) = \frac{3}{2} \times \sqrt{\frac{1}{4}} = \frac{3}{4}$$



به طور کلی آهنگ متوسط تغییر یک تابع را در بازه‌ای مانند $[a, a+h]$ به شکل زیر تعریف می کنیم:

$$[a, a+h] \text{ آهنگ متوسط تغییر تابع } f \text{ در بازه } = \frac{f(a+h) - f(a)}{h}$$

همچنین آهنگ تغییر لحظه‌ای تابع f را به صورت زیر تعریف می کنیم:

$$x = a \text{ آهنگ لحظه‌ای تغییر تابع } f \text{ در نقطه } = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(a+h) - f(a)}{h} = f'(a)$$

آهنگ متوسط تغییر با شیب خط قاطع و آهنگ لحظه‌ای تغییر با مقدار مشتق و شیب خط مماس در آن نقطه برابرند.



ابتدا آهنگ متوسط تغییر تابع f را در بازه $[-2, 2]$ به دست می آوریم:

$$f(x) = \sqrt[3]{4x} + x \Rightarrow \begin{cases} f(-2) = \sqrt[3]{-8} - 2 = -4 \\ f(2) = \sqrt[3]{8} + 2 = 4 \end{cases}$$

$$[-2, 2] \text{ آهنگ تغییر متوسط تابع } f \text{ در بازه } = \frac{f(2) - f(-2)}{2 - (-2)} = \frac{8}{4} = 2$$



www.SanjeshClouds.ir
T.me/SanjeshClouds

اکنون با محاسبه $f'(\alpha)$ ، آهنگ لحظه‌ای تغییر تابع f را در $x = \alpha$ به دست می‌آوریم:

$$f'(x) = \frac{4}{3\sqrt{(4x)^2}} + 1 \Rightarrow f'(\alpha) = \frac{4}{3\sqrt{16\alpha^2}} + 1$$

اکنون با توجه به فرض سؤال، داریم:

$$\frac{4}{3\sqrt{16\alpha^2}} + 1 = 2 \Rightarrow \frac{4}{3\sqrt{16\alpha^2}} = 1 \Rightarrow 3\sqrt{16\alpha^2} = 4 \Rightarrow \sqrt{16\alpha^2} = \frac{4}{3} \xrightarrow{\text{توان } 2} 16\alpha^2 = \frac{16}{9} \Rightarrow \alpha^2 = \frac{1}{9}$$

بنابراین مقدار خواسته شده سؤال برابر است با:

$$9\alpha^2 - 1 = \frac{4}{9} - 1 = -\frac{5}{9}$$

۱۲۳- پاسخ: گزینه ۳ ▲ مشخصات سؤال: متوسط * ریاضی ۳ (فصل ۵، درس ۱)



- اگر تابع f در نقطه به طول c ماکزیمم یا مینیمم نسبی داشته باشد و $f'(c)$ موجود باشد، آنگاه $f'(c) = 0$. به عبارت دیگر، هر نقطه اکسترمم نسبی تابع، یک نقطه بحرانی آن است.



با توجه به نمودار، مشخص است که نقطه $(0, 2)$ ، مینیمم نسبی تابع مشتق پذیر f است. بنابراین $f(0) = 2$ و $f'(0) = 0$ داریم:

$$f(x) = -x^3 + ax^2 + bx + c \Rightarrow f'(x) = -3x^2 + 2ax + b$$

$$f(0) = 2 \Rightarrow c = 2$$

$$f'(0) = 0 \Rightarrow b = 0$$

از طرفی عرض ماکزیمم نسبی تابع $y = 6$ است. پس کافی است با حل معادله $f'(x) = 0$ ، ریشه دیگر مشتق، یعنی طول ماکزیمم نسبی را به دست می‌آوریم:

$$b = 0 \Rightarrow f'(x) = -3x^2 + 2ax \xrightarrow{f'(x)=0} x(-3x + 2a) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = \frac{2a}{3} \end{cases}$$

پس $x = \frac{2a}{3}$ طول ماکزیمم نسبی تابع است و $f(\frac{2a}{3}) = 6$ بنابراین:

$$c = 2, b = 0 \Rightarrow f(x) = -x^3 + ax^2 + 2 \Rightarrow f(\frac{2a}{3}) = \frac{-8a^3}{27} + \frac{4a^3}{9} + 2 = 6 \Rightarrow \frac{4a^3}{27} = 4 \Rightarrow a^3 = 27 \Rightarrow a = 3$$

۱۲۴- پاسخ: گزینه ۴ ▲ مشخصات سؤال: متوسط * ریاضی ۳ (فصل ۵، درس ۱)



- نقطه به طول c از دامنه تابع f را یک نقطه بحرانی برای این تابع می‌نامیم، هرگاه $f'(c)$ برابر صفر باشد یا $f'(c)$ موجود نباشد.



ابتدا $f'(x)$ را به دست می‌آوریم:

$$f(x) = \sqrt[3]{x}(x-a) \Rightarrow f'(x) = \frac{1}{3\sqrt[3]{x^2}}(x-a) + \sqrt[3]{x} \Rightarrow f'(x) = \frac{x-a+3x^2}{3\sqrt[3]{x^2}} = \frac{4x-a}{3\sqrt[3]{x^2}}$$

تابع f در $x = 4$ مشتق پذیر است و چون $x = 3$ طول نقطه بحرانی f است، داریم:

$$f'(4) = 0 \Rightarrow 16 - a = 0 \Rightarrow a = 16$$

اکنون مقدار $f(\frac{a}{3})$ ، یعنی $f(16)$ را به دست می‌آوریم:

$$f(x) = \sqrt[3]{x}(x-16) \Rightarrow f(16) = \sqrt[3]{16}(16-16) = -16$$

▲ مشخصات سؤال: متوسط * ریاضی ۳ (فصل ۵، درس ۱)

۱۲۵- پاسخ: گزینه ۳



- فرض کنیم c طول نقطه بحرانی تابع f باشد که f در c پیوسته است و همچنین f در یک همسایگی محذوف c مشتق پذیر باشد.
 (الف) اگر علامت f' در $x = c$ از مثبت به منفی تغییر کند، آنگاه $x = c$ طول نقطه ماکزیمم نسبی تابع f است.
 (ب) اگر علامت f' در $x = c$ از منفی به مثبت تغییر کند، آنگاه $x = c$ طول نقطه مینیمم نسبی تابع f است.
 (پ) اگر f' در c تغییر علامت ندهد؛ به طوری که f' در یک همسایگی محذوف c همواره مثبت (یا همواره منفی) باشد، آنگاه f در c ماکزیمم یا مینیمم نسبی ندارد.



ابتدا از تابع f مشتق می گیریم و سپس با تعیین علامت f' ، جدول تغییرات تابع f را رسم می کنیم:

$$f(x) = 2x^3 + 3ax^2 - 12a^2x \Rightarrow f'(x) = 6x^2 + 6ax - 12a^2$$

$$f'(x) = 0 \Rightarrow 6(x^2 + ax - 2a^2) = 0 \Rightarrow 6(x + 2a)(x - a) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = -2a \\ x = a \end{cases}$$

چون $a > 0$ است، پس $-2a < a$ ؛ بنابراین:

x	$-\infty$	$-2a$	a	$+\infty$	
f'		+	-	+	$\xrightarrow{f \text{ اکیداً نزولی}} x \in (-2a, a)$ $f' < 0$
f		↗	↘	↗	
		max نسبی		min نسبی	

طبق فرض، طول این بازه برابر ۶ است؛ بنابراین:

$$a - (-2a) = 6 \Rightarrow 3a = 6 \Rightarrow a = 2$$

با توجه به جدول تغییرات، $x = -2a$ ، یعنی $x = -4$ طول ماکزیمم نسبی تابع f است.

▲ مشخصات سؤال: متوسط * ریاضی ۳ (فصل ۵، درس ۱)

۱۲۶- پاسخ: گزینه ۲



- اگر تابع f در نقطه c ماکزیمم یا مینیمم نسبی داشته باشد و $f'(c) = 0$ موجود باشد، آنگاه $f'(c) = 0$ به عبارت دیگر، هر نقطه اکسترمم نسبی تابع، یک نقطه بحرانی آن است.



نقطه $A(-1, 1)$ ، اکسترمم نسبی تابع $f(x) = \frac{x^2 + ax}{x - b}$ است. چون f در $\mathbb{R} - \{b\}$ مشتق پذیر است، داریم:

$$f(-1) = 1, \quad f'(-1) = 0$$

بنابراین:

$$f(-1) = 1 \Rightarrow \frac{1-a}{-1-b} = 1 \Rightarrow 1-a = -1-b \Rightarrow a = 2+b \quad (*)$$

$$f'(x) = \frac{(2x+a)(x-b) - (1)(x^2+ax)}{(x-b)^2} \xrightarrow{f'(-1)=0} \frac{(-2+a)(-1-b) - (1-a)}{(x-b)^2} = 0 \Rightarrow 2+2b-a-ab-1+a = 0$$

$$\Rightarrow 2b-ab+1=0 \xrightarrow{(*)} 2b-(2+b)b+1=0 \Rightarrow 2b-2b-b^2+1=0 \Rightarrow b^2=1$$

$$\Rightarrow \begin{cases} b=1 \xrightarrow{(*)} a=3 \Rightarrow ab=3 \\ b=-1 \quad * \end{cases}$$

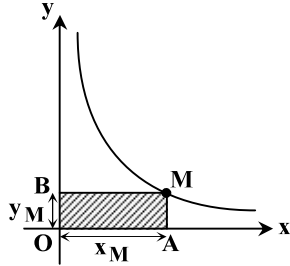
توجه: دقت کنید که اگر $b = -1$ باشد، مخرج $f(x)$ عبارت $x+1$ می شود که در این صورت نقطه $x = -1$ نمی تواند اکسترمم تابع باشد، زیرا $x = -1$ در دامنه تابع نیست.

▲ مشخصات سؤال: متوسط * ریاضی ۳ (فصل ۵، درس ۲)

۱۲۷- پاسخ: گزینه ۴



- در مسائل بهینه‌سازی برای ماکزیمم یا مینیمم کردن یک عبارت، ابتدا تابع آن عبارت را بر حسب یکی از متغیرهای مسئله می‌نویسیم و سپس با استفاده از مشتق‌گیری و پیدا کردن نقاط بحرانی، پاسخ مناسب مسئله را به دست می‌آوریم.



فرض می‌کنیم x و y ، طول و عرض نقطه M روی نمودار تابع $f(x) = \frac{1}{4x}$ باشند؛ بنابراین

مختصات نقطه M به صورت $M(x, \frac{1}{4x})$ است. از طرفی محیط مستطیل $OAMB$ برابر است با:

$$P = 2(x_M + y_M) = 2(x + \frac{1}{4x})$$

اکنون حداقل محیط مستطیل را به دست می‌آوریم:

$$P' = 2(1 + \frac{-4}{(4x)^2}) \xrightarrow{P'=0} 1 + \frac{-1}{4x^2} = 0 \Rightarrow 1 = \frac{1}{4x^2} \Rightarrow 4x^2 = 1 \Rightarrow x^2 = \frac{1}{4} \xrightarrow{x>0} x = \frac{1}{2} \Rightarrow y = \frac{1}{2}$$

x	\cdot	$\frac{1}{2}$
P'	-	+
P	\searrow	\nearrow

min

پس حداقل محیط مستطیل برابر است با:

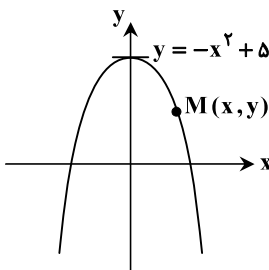
$$\min(P) = 2(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = 2$$

▲ مشخصات سؤال: متوسط * ریاضی ۳ (فصل ۵، درس ۲)

۱۲۸- پاسخ: گزینه ۲



- در مسائل بهینه‌سازی برای ماکزیمم یا مینیمم کردن یک عبارت، ابتدا تابع آن عبارت را بر حسب یکی از متغیرهای مسئله می‌نویسیم و سپس با استفاده از مشتق‌گیری و پیدا کردن نقاط بحرانی، پاسخ مناسب مسئله را به دست می‌آوریم.



فرض می‌کنیم نقطه‌ای مانند M روی سهمی، کمترین فاصله را تا نقطه $A(0, 1)$ داشته باشد؛ بنابراین داریم:

$$AM = d \Rightarrow \sqrt{(x_M - x_A)^2 + (y_M - y_A)^2} \Rightarrow d = \sqrt{(x-0)^2 + (y-1)^2}$$

M روی سهمی $y = -x^2 + 5$ است؛ بنابراین $x^2 = 5 - y$ ؛ حال داریم:

$$d = \sqrt{5 - y + y^2 - 2y + 1} = \sqrt{y^2 - 2y + 6}$$

با محاسبه مشتق تابع به دست آمده و حل معادله $d' = 0$ ، مقدار y را به دست می‌آوریم:

$$d' = \frac{2y - 2}{2\sqrt{y^2 - 2y + 6}} \xrightarrow{d'=0} 2y - 2 = 0 \Rightarrow y = \frac{2}{2} = 1$$

$$\min(d) = \sqrt{(\frac{2}{2})^2 - 2(\frac{2}{2}) + 6} = \sqrt{\frac{4}{4} - \frac{4}{2} + 6} = \sqrt{\frac{16}{4}} = \frac{4}{2} = 2$$

▲ مشخصات سؤال: متوسط * ریاضی ۳ (فصل ۶، درس ۱)

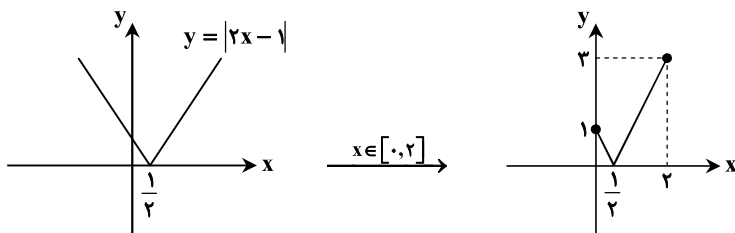
۱۲۹- پاسخ: گزینه ۱



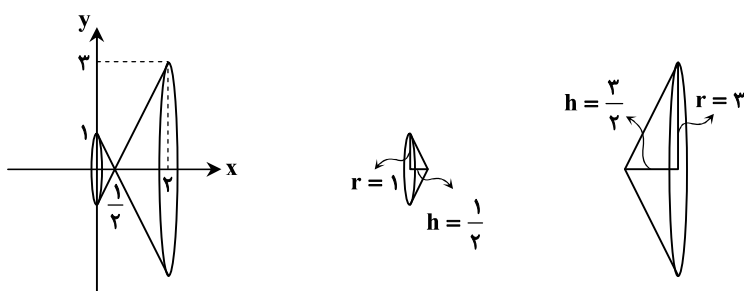
- شکل حاصل از دوران یک مثلث قائم‌الزاویه، حول یکی از اضلاع قائمه آن یک مخروط است.

ابتدا ضابطه تابع f را ساده و سپس آن را رسم می‌کنیم:

$$f(x) = \sqrt{4x^2 - 4x + 1} = \sqrt{(2x-1)^2} = |2x-1|, \quad x \in [0, 2]$$



مطابق شکل روبه‌رو، از دوران نمودار f ، دو مخروط که از رأس به هم چسبیده‌اند، پدید می‌آید. پس حجم حاصل برابر است با:



$$\text{مخروط کوچکتر: } h = \frac{1}{2}, \quad r = 1 \Rightarrow \text{حجم مخروط کوچکتر} = V_1 = \frac{1}{3} \pi (1)^2 \left(\frac{1}{2}\right) = \frac{\pi}{6}$$

$$\text{مخروط بزرگتر: } h = \frac{3}{2}, \quad r = 3 \Rightarrow \text{حجم مخروط بزرگتر} = V_2 = \frac{1}{3} \pi (3)^2 \left(\frac{3}{2}\right) = \frac{27\pi}{6}$$

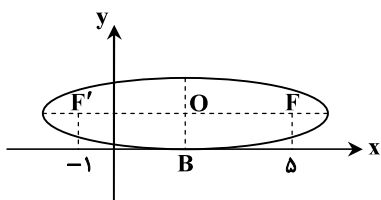
$$V_{\text{شکل}} = V_1 + V_2 = \frac{\pi}{6} + \frac{27\pi}{6} = \frac{28\pi}{6} = \frac{14\pi}{3}$$

▲ مشخصات سؤال: متوسط * ریاضی ۳ (فصل ۶، درس ۱)

۱۳۰- پاسخ: گزینه ۴

- اگر در یک بیضی، اندازه نیم قطر بزرگ را a ، اندازه نیم قطر کوچک را b و نصف فاصله کانونی بیضی را c بنامیم، آنگاه $a^2 = b^2 + c^2$.

- مقدار $\frac{c}{a}$ را خروج از مرکز بیضی می‌نامند و معمولاً آن را با حرف e نمایش می‌دهند.



با توجه به فرض سؤال، $F'(-1, 1)$ و $F(5, 1)$ کانون‌های این بیضی افقی هستند.

حال شکل این بیضی را رسم می‌کنیم و داریم:

$$FF' = 5 - (-1) = 6 \Rightarrow 2c = 6 \Rightarrow c = 3$$

چون بیضی بر محور x ها در نقطه B مماس است، بنابراین $OB = 1$ برابر با نصف

قطر کوچک بیضی است؛ پس $b = 1$.

حال داریم:

$$a^2 = b^2 + c^2 \Rightarrow a^2 = 1 + 9 = 10 \Rightarrow a = \sqrt{10}$$

بنابراین خروج از مرکز این بیضی برابر است با:

$$e = \frac{c}{a} \Rightarrow e = \frac{3}{\sqrt{10}}$$

▲ مشخصات سؤال: متوسط * ریاضی ۳ (فصل ۶، درس‌های ۱ و ۲)

۱۳۱- پاسخ: گزینه ۲



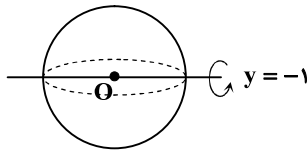
- شکل حاصل از دوران یک دایره، حول یکی از قطرهای آن یک کره است.
- اگر $x^2 + y^2 + ax + by + c = 0$ معادله گسترده یک دایره باشد، مختصات مرکز این دایره $O(\frac{-a}{2}, \frac{-b}{2})$ است. شعاع این دایره برابر است با: $r = \frac{1}{2}\sqrt{a^2 + b^2 - 4c}$



منحنی داده شده یک دایره است، پس مختصات مرکز و طول شعاع دایره را به دست می آوریم:

$$x^2 + y^2 - 4x + 2y - 4 = 0 \Rightarrow \begin{cases} O(2, -1) \\ r = \frac{1}{2}\sqrt{16 + 4 - 4(-4)} = 3 \end{cases}$$

مرکز دایره نقطه $O(2, -1)$ است، پس خط $y = -1$ یکی از قطرهای این دایره است. از دوران این دایره حول قطر آن یک کره به شعاع ۳ پدید می آید؛ بنابراین:



$$V_{\text{کره}} = \frac{4}{3}\pi r^3 = \frac{4}{3}\pi(3)^3 = 36\pi$$

▲ مشخصات سؤال: متوسط * ریاضی ۳ (فصل ۶، درس ۲)

۱۳۲- پاسخ: گزینه ۲

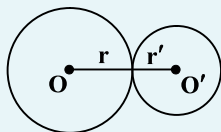


- رابطه $(x - \alpha)^2 + (y - \beta)^2 = r^2$ معادله دایره‌ای به مرکز $O(\alpha, \beta)$ و شعاع r در صفحه مختصات است که به آن معادله استاندارد دایره می گوئیم.

- اگر $x^2 + y^2 + ax + by + c = 0$ معادله گسترده یک دایره باشد، مختصات مرکز این دایره $O(\frac{-a}{2}, \frac{-b}{2})$ است. شعاع این دایره برابر

$$r = \frac{1}{2}\sqrt{a^2 + b^2 - 4c}$$

- اگر دو دایره O و O' ، مماس خارج باشند، آنگاه:



$$d = r + r' \text{ خط‌المركزين}$$



ابتدا مختصات مرکز و طول شعاع هر دو دایره را به دست می آوریم:

$$x^2 + y^2 + 4x - 2y - k = 0 \Rightarrow \begin{cases} O(-2, 1) \\ r = \frac{1}{2}\sqrt{16 + 4 - 4(-k)} = \frac{1}{2}\sqrt{20 + 4k} = \sqrt{5 + k} \end{cases}$$

$$(x - 1)^2 + (y + 3)^2 = 9 \Rightarrow \begin{cases} O'(1, -3) \\ r' = 3 \end{cases}$$

حال فاصله دو مرکز (طول خط‌المركزين) را به دست می آوریم:

$$OO' = \sqrt{(-2 - 1)^2 + (1 + 3)^2} = \sqrt{9 + 16} = \sqrt{25} = 5$$

دو دایره مماس خارج هستند؛ بنابراین:

$$OO' = r + r' \Rightarrow 5 = \sqrt{5 + k} + 3 \Rightarrow \sqrt{5 + k} = 2 \Rightarrow 5 + k = 4 \Rightarrow k = -1$$

▲ مشخصات سؤال: متوسط * ریاضی ۳ (فصل ۶، درس ۲)

۱۳۳- پاسخ: گزینه ۳



- اگر $x^2 + y^2 + ax + by + c = 0$ معادله گسترده یک دایره باشد، مختصات مرکز این دایره $O(\frac{-a}{2}, \frac{-b}{2})$ است. شعاع این دایره برابر

$$r = \frac{1}{2} \sqrt{a^2 + b^2 - 4c}$$

است با:



اگر معادله دایره C به صورت $x^2 + y^2 + ax + by + c = 0$ باشد، داریم:

$$(1) \quad 0 + 16 + 0 - 4b + c = 0 \Rightarrow -4b + c = -16$$

$$(2) \quad 25 + 1 + 5a + b + c = 0 \Rightarrow 5a + b + c = -26$$

$$(3) \quad 16 + 16 + 4a + 4b + c = 0 \Rightarrow 4a + 4b + c = -32$$

$$\begin{cases} (2)-(1) \Rightarrow \begin{cases} 5a + 5b = -10 \\ \Rightarrow a + b = -2 \end{cases} \\ (3)-(1) \Rightarrow \begin{cases} 4a + 4b = -16 \\ \Rightarrow a + b = -4 \end{cases} \end{cases} \Rightarrow b = -2, a = 0$$

$$\xrightarrow{(1)} a + c = -16 \Rightarrow c = -24$$

پس معادله دایره به صورت $x^2 + y^2 - 2y - 24 = 0$ است.
حال محل برخورد دایره با محور طول‌ها را به دست می‌آوریم:

$$y = 0 \Rightarrow x^2 - 24 = 0 \Rightarrow x^2 = 24 \Rightarrow x = \pm 2\sqrt{6}$$

با توجه به گزینه‌ها، گزینه ۳ پاسخ است.

▲ مشخصات سؤال: متوسط * ریاضی ۳ (فصل ۷)

۱۳۴- پاسخ: گزینه ۱



- اگر فرض کنیم در حالت کلی A_1, A_2, \dots, A_n پیشامدهایی باشند که بر روی فضای نمونه‌ای S یک افراز تشکیل داده‌اند و B یک پیشامد

دلخواه باشد، رابطه زیر حاصل خواهد شد که به آن قانون احتمال کل می‌گوییم:

$$P(B) = \sum_{i=1}^n P(B \cap A_i) = \sum_{i=1}^n P(A_i)P(B | A_i)$$



فرض می‌کنیم احتمال انتقال این بیماری از مادر به فرزند پسر برابر x باشد. پس احتمال انتقال این بیماری از مادر به فرزند دختر برابر 2x است.

احتمال سالم بودن فرزند به دنیا آمده برابر $\frac{17}{20}$ است. پس احتمال بیمار بودن این فرزند برابر $\frac{3}{20} = 1 - \frac{17}{20}$ است.

حال با رسم نمودار درختی و با استفاده از قانون احتمال کل، داریم:

$$\begin{array}{l} \text{فرزند پسر} \rightarrow \frac{1}{2} \xrightarrow{\text{انتقال بیماری به فرزند پسر}} x \\ \text{فرزند دختر} \rightarrow \frac{1}{2} \xrightarrow{\text{انتقال بیماری به فرزند دختر}} 2x \end{array}$$

$$P(\text{بیمار بودن فرزند}) = \frac{1}{2} \times x + \frac{1}{2} \times 2x = \frac{1}{2}x + x = \frac{3}{2}x = \frac{3}{20} \Rightarrow x = \frac{1}{10}$$

پس احتمال انتقال بیماری از مادر به فرزند پسر، برابر $0/1$ است.

▲ مشخصات سؤال: متوسط * ریاضی ۳ (فصل ۷)

۱۳۵- پاسخ: گزینه ۲

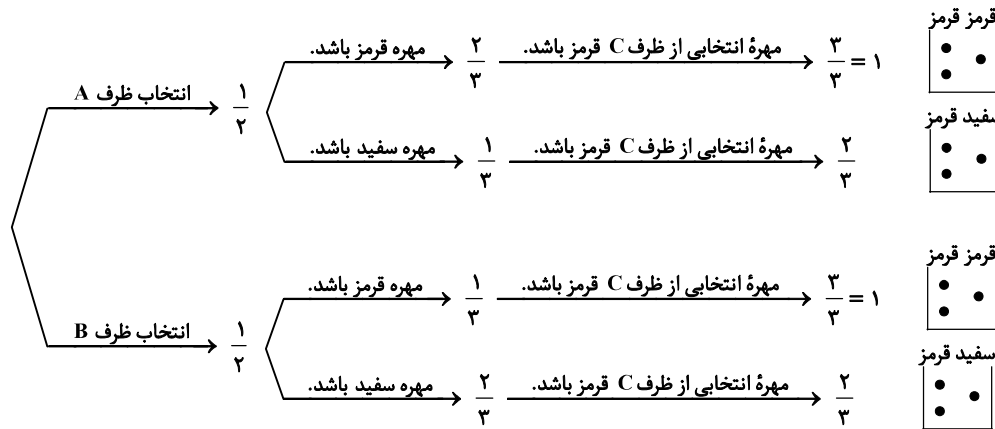


- اگر فرض کنیم در حالت کلی A_1, A_2, \dots, A_n پیشامدهایی باشند که بر روی فضای نمونه‌ای S یک افراز تشکیل داده‌اند و B یک پیشامد دلخواه باشد، رابطه زیر حاصل خواهد شد که به آن قانون احتمال کل می‌گوییم:

$$P(B) = \sum_{i=1}^n P(B \cap A_i) = \sum_{i=1}^n P(A_i)P(B | A_i)$$



با رسم نمودار درختی و با استفاده از قانون احتمال کل، داریم:



$$P(\text{قرمز بودن مهره انتخابی از ظرف C}) = \left(\frac{1}{2} \times \frac{2}{3} \times 1 + \frac{1}{2} \times \frac{1}{3} \times \frac{2}{3} + \frac{1}{2} \times \frac{1}{3} \times 1 + \frac{1}{2} \times \frac{2}{3} \times \frac{2}{3}\right) = \frac{1}{3} + \frac{1}{9} + \frac{1}{6} + \frac{2}{9} = \frac{5}{6}$$

۱۳۶- پاسخ: گزینه ۴ ▲ مشخصات سؤال: دشوار * ریاضی ۳ (فصل ۵، درس ۱)



- مراحل یافتن اکسترم‌های مطلق تابع پیوسته f در بازه بسته $[a, b]$ به شرح زیر است:
 (۱) مشتق تابع را به دست آورده و نقاط بحرانی f را می‌یابیم.
 (۲) مقدار تابع را در هر یک از نقاط بحرانی و همچنین در نقاط انتهایی بازه محاسبه می‌کنیم.
 (۳) در مرحله ۲، بزرگ‌ترین عدد به دست آمده، مقدار ماکزیمم مطلق تابع و کوچک‌ترین آن‌ها مینیمم مطلق تابع در بازه $[a, b]$ است.



ابتدا دامنه تابع $f(x) = x\sqrt{4-x^2} + a$ را مشخص می‌کنیم:

$$4-x^2 \geq 0 \Rightarrow x^2 \leq 4 \Rightarrow -2 \leq x \leq 2 \Rightarrow D_f = [-2, 2]$$

حال از تابع f مشتق می‌گیریم و نقاط بحرانی آن را مشخص می‌کنیم:

$$f'(x) = (1)(\sqrt{4-x^2}) + \left(\frac{-2x}{2\sqrt{4-x^2}}\right)(x) = \sqrt{4-x^2} + \frac{-x^2}{\sqrt{4-x^2}} \Rightarrow f'(x) = \frac{4-x^2-x^2}{\sqrt{4-x^2}} = \frac{4-2x^2}{\sqrt{4-x^2}}$$

$$4-2x^2 = 0 \Rightarrow x^2 = 2 \Rightarrow x = \pm\sqrt{2} \quad (f' = 0)$$

$$4-x^2 = 0 \Rightarrow x^2 = 4 \Rightarrow x = \pm 2 \quad (f' = \infty)$$

اکنون اکسترم‌های مطلق تابع f را به دست می‌آوریم:

$$f(-2) = a, \quad f(2) = a, \quad f(-\sqrt{2}) = -2 + a, \quad f(\sqrt{2}) = 2 + a$$

$$2 + a = 0 \Rightarrow a = -2 \Rightarrow -2 + a = -4$$

پس $2 + a$ ماکزیمم مطلق و $-2 + a$ مینیمم مطلق تابع است؛ بنابراین:

بنابراین مینیمم مطلق تابع برابر -4 است.

۱۳۷- پاسخ: گزینه ۱ ▲ مشخصات سؤال: دشوار * ریاضی ۳ (فصل ۵، درس ۱)



- فرض کنیم c طول نقطه بحرانی تابع f باشد که f در c پیوسته است و همچنین f در یک همسایگی محذوف c مشتق پذیر باشد.
 الف) اگر علامت f' در $x = c$ از مثبت به منفی تغییر کند، آنگاه $x = c$ طول نقطه ماکزیمم نسبی تابع f است.
 ب) اگر علامت f' در $x = c$ از منفی به مثبت تغییر کند، آنگاه $x = c$ طول نقطه مینیمم نسبی تابع f است.
 پ) اگر f' در c تغییر علامت ندهد؛ به طوری که f' در یک همسایگی محذوف c همواره مثبت (یا همواره منفی) باشد، آنگاه f در c ماکزیمم یا مینیمم نسبی ندارد.



ابتدا مشتق تابع f را به دست می آوریم:

$$f(x) = x^4 + ax^3 + bx^2 - 8x + 2 \Rightarrow f'(x) = 4x^3 + 3ax^2 + 2bx - 8$$

چون $x = -1$ طول نقطه بحرانی تابع f است، اما طول اکسترمم نسبی آن نیست، پس $f'(-1) = 0$ ، ولی در اطراف $x = -1$ تغییر علامت نداده است. یعنی $x = -1$ ریشه مضاعف معادله $f' = 0$ است. فرض می کنیم $x = c$ ریشه دیگر معادله $f' = 0$ باشد؛ بنابراین:

$$f'(x) = 4x^3 + 3ax^2 + 2bx - 8 = 4(x+1)^2(x-c) \Rightarrow 4x^3 + 3ax^2 + 2bx - 8 = 4(x^2 + 2x + 1)(x-c)$$

$$= 4x^3 + (\lambda - 4c)x^2 + (4 - 8c)x - 4c \Rightarrow \begin{cases} -4c = -8 \Rightarrow c = 2 (*) \\ \lambda - 4c = 3a \xrightarrow{(*)} a = 0 \\ 4 - 8c = 2b \xrightarrow{(*)} b = -6 \end{cases} \Rightarrow f(x) = x^4 - 6x^2 - 8x + 2$$

چون $x = c$ ، ریشه دیگر معادله $f' = 0$ است و $c = 2$ ، پس $x = 2$ طول اکسترمم نسبی تابع است و $f(2)$ مقدار این اکسترمم نسبی است؛ بنابراین:

$$f(2) = 16 - 24 - 16 + 2 = -22$$

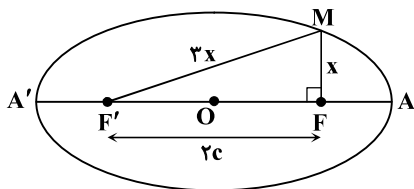
۱۳۸- پاسخ: گزینه ۳ ▲ مشخصات سؤال: دشوار * ریاضی ۳ (فصل ۶، درس ۱)



- مجموع فواصل هر نقطه از بیضی، از دو کانون آن، مقدار ثابتی است که برابر است با طول قطر بزرگ بیضی.
- اگر در یک بیضی، اندازه نیم قطر بزرگ را a ، اندازه نیم قطر کوچک را b و نصف فاصله کانونی بیضی را c بنامیم، آنگاه $a^2 = b^2 + c^2$.



فرض می کنیم $MF = x$ باشد، پس $MF' = 3x$. از طرفی نقطه M روی بیضی است؛ بنابراین:



$$MF + MF' = 2a \Rightarrow x + 3x = 2a \Rightarrow 2x = a \quad (1)$$

مثلث MFF' قائم الزاویه است؛ بنابراین:

$$(MF')^2 = (MF)^2 + (FF')^2 \Rightarrow (3x)^2 = x^2 + (2c)^2$$

$$\Rightarrow 9x^2 = x^2 + 4c^2 \Rightarrow 8x^2 = 4c^2 \Rightarrow 2x^2 = c^2$$

$$\xrightarrow{x, c > 0} \sqrt{2}x = c \quad (2)$$

اکنون داریم:

$$a^2 = b^2 + c^2 \xrightarrow{(1) \text{ و } (2)} 4x^2 = b^2 + 2x^2 \Rightarrow b^2 = 2x^2 \Rightarrow b = \sqrt{2}x$$

حال مقدار خواسته شده سؤال را به دست می آوریم:

$$\frac{\text{قطر بزرگ}}{\text{قطر کوچک}} = \frac{2a}{2b} = \frac{a}{b} = \frac{2x}{\sqrt{2}x} = \frac{2}{\sqrt{2}} = \sqrt{2}$$



- اگر از کانون F عمودی خارج کنیم تا بیضی را در M و M' قطع کند، آنگاه $MF = M'F = \frac{b^2}{a}$. MM' را وتر کانونی می گوئیم.



با توجه به نکته، داریم:

$$\begin{cases} MF = x = \frac{b^2}{a} & (1) \\ MF + MF' = 2a \Rightarrow x + 3x = 2a \Rightarrow x = \frac{a}{2} & (2) \end{cases} \xrightarrow{(1) \text{ و } (2)} \frac{b^2}{a} = \frac{a}{2} \Rightarrow 2b^2 = a^2 \Rightarrow \frac{a^2}{b^2} = 2 \Rightarrow \frac{a}{b} = \sqrt{2}$$

▲ مشخصات سؤال: دشوار * ریاضی ۳ (فصل ۶، درس ۲)

۱۳۹- پاسخ: گزینه ۳



- رابطه $(x - \alpha)^2 + (y - \beta)^2 = r^2$ معادله دایره‌ای به مرکز $O(\alpha, \beta)$ و شعاع r در صفحه مختصات است که به آن معادله استاندارد دایره می‌گوییم.



طبق فرض سؤال، طول مرکز دایره $\frac{1}{\sqrt{2}}$ است، پس $O(\frac{1}{\sqrt{2}}, \beta)$ است. چون دایره بر دو خط $y = x + 2$ و $y = x$ مماس است، پس $OH = OH' = r$ بنابراین:

$$\begin{cases} x - y = 0 \\ O(\frac{1}{\sqrt{2}}, \beta) \Rightarrow OH = \frac{|\frac{1}{\sqrt{2}} - \beta|}{\sqrt{2}} \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - y + 2 = 0 \\ O(\frac{1}{\sqrt{2}}, \beta) \Rightarrow OH' = \frac{|\frac{1}{\sqrt{2}} - \beta + 2|}{\sqrt{2}} \end{cases} \Rightarrow \left| \frac{1}{\sqrt{2}} - \beta \right| = \left| \frac{1}{\sqrt{2}} - \beta + 2 \right|$$

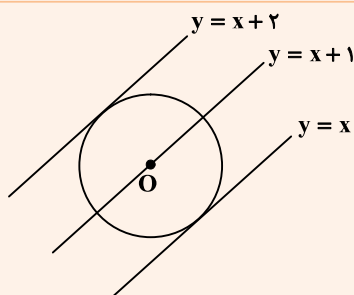
غیرممکن $0 = 2 \Rightarrow \frac{1}{\sqrt{2}} - \beta = \frac{1}{\sqrt{2}} - \beta + 2$

$$\Rightarrow \frac{1}{\sqrt{2}} - \beta = -\frac{1}{\sqrt{2}} + \beta - 2 \Rightarrow \beta = \frac{3}{\sqrt{2}} \Rightarrow r = OH = \frac{|\frac{1}{\sqrt{2}} - \frac{3}{\sqrt{2}}|}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

پس $O(\frac{1}{\sqrt{2}}, \frac{3}{\sqrt{2}})$ مرکز و $r = \frac{1}{\sqrt{2}}$ شعاع دایره است. حال معادله دایره را می‌نویسیم:
کافی است محل برخورد دایره با محور عرض‌ها را به دست آوریم:

$$x = 0 \Rightarrow (0 - \frac{1}{\sqrt{2}})^2 + (y - \frac{3}{\sqrt{2}})^2 = \frac{1}{2} \Rightarrow (y - \frac{3}{\sqrt{2}})^2 = \frac{1}{4} \Rightarrow \begin{cases} y - \frac{3}{\sqrt{2}} = \frac{1}{2} \Rightarrow y = 2 \\ y - \frac{3}{\sqrt{2}} = -\frac{1}{2} \Rightarrow y = 1 \end{cases}$$

بنابراین دایره محور عرض‌ها را در نقاط $A(0, 2)$ و $B(0, 1)$ قطع می‌کند. پس طول وتر جداشده روی محور عرض‌ها برابر $|AB| = 1$ است.



مختصات مرکز را می‌توان به صورت زیر نیز محاسبه کرد:
چون دو خط $y = x + 2$ و $y = x$ موازی هستند و دایره بر هر دو خط مماس است، پس مرکز دایره روی خط $y = x + 1$ است. از طرفی طول مرکز برابر $\frac{1}{\sqrt{2}}$ است؛ بنابراین:

$$O(\frac{1}{\sqrt{2}}, \beta) \xrightarrow{O \in y=x+1} \beta = \frac{1}{\sqrt{2}} + 1 = \frac{3}{\sqrt{2}} \Rightarrow O(\frac{1}{\sqrt{2}}, \frac{3}{\sqrt{2}})$$

▲ مشخصات سؤال: دشوار * ریاضی ۳ (فصل ۷)

۱۴۰- پاسخ: گزینه ۱



- اگر فرض کنیم در حالت کلی A_1, A_2, \dots, A_n پیشامدهایی باشند که بر روی فضای نمونه‌ای S یک افزایش تشکیل داده‌اند و B یک پیشامد دلخواه باشد، رابطه زیر حاصل خواهد شد که به آن قانون احتمال کل می‌گوییم:

$$P(B) = \sum_{i=1}^n P(B \cap A_i) = \sum_{i=1}^n P(A_i)P(B | A_i)$$



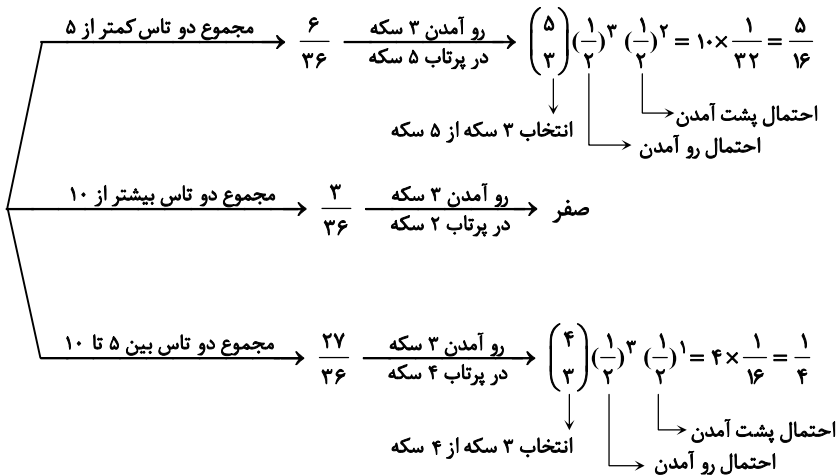
احتمال اینکه مجموع دو تاس کمتر از ۵ باشد، برابر است با:

$$A = \{(1,1), (1,2), (1,3), (2,1), (2,2), (3,1)\} \Rightarrow P(A) = \frac{6}{36}$$

احتمال اینکه مجموع دو تاس بیشتر از ۱۰ باشد، برابر است با:

$$B = \{(5,6), (6,5), (6,6)\} \Rightarrow P(B) = \frac{3}{36}$$

حال با رسم نمودار درختی و قانون احتمال کل، داریم:



بنابراین:

$$P(\text{رو آمدن دقیقاً ۳ سکه}) = \frac{1}{6} \times \frac{5}{16} + 0 + \frac{3}{4} \times \frac{1}{4} = \frac{23}{96}$$

زمین شناسی

▲ مشخصات سؤال: متوسط * زمین شناسی (فصل ۴)

۱۴۱- پاسخ: گزینه ۴



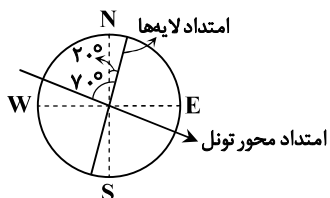
سنگ‌های آذرین می‌توانند پی‌سنگ و تکیه‌گاه مناسبی برای سازه‌ها باشند مانند پی‌سنگ سد امیرکبیر که از جنس گابرو است.



- گابرو یک سنگ آذرین درونی و درشت بلور است.
- بعضی سنگ‌های دگرگونی مانند شیست‌ها چون متورق و سست هستند برای پی سازه‌ها مناسب نیستند. (رد گزینه ۲)
- شیل نوعی سنگ رسوبی آواری ریزدانه است و به دلیل تورق و سست بودن در برابر تنش مقاوم نیست. (رد گزینه ۱)
- وجود حفرات انحلالی در سنگ‌ها مانند سنگ آهک کارستی، مشکلاتی نظیر فرار آب و نشست زمین را به دنبال دارد. (رد گزینه ۳)

▲ مشخصات سؤال: دشوار * زمین شناسی (فصل ۴)

۱۴۲- پاسخ: گزینه ۱



امتداد لایه‌های منطقه N۲۰E است و چون محور تونل بر آن عمود است پس امتداد آن ۷۰

درجه از شمال به سمت غرب است. یعنی N۷۰W

▲ مشخصات سؤال: متوسط * زمین‌شناسی (فصل ۴)

۱۴۳- پاسخ: گزینه ۴

نباید سراغ اینا بری

گزینه ۱: از آنجاکه در ساخت سدهای بتنی از سیمان، ماسه، شن و میل‌گرد در ساخت سدهای خاکی از خاک رس، ماسه، شن و قلوه‌سنگ استفاده می‌شود پس مصالح مشترک در سدهای بتنی و خاکی نیز، همان شن و ماسه هستند.

گزینه ۲: لایه آستر جاده از جنس آسفالت یعنی مخلوطی از شن، ماسه و قیر است. پس مصالح مشترک بخش زیراساس و آستر جاده، همان شن و ماسه است که از نظر طبقه‌بندی مهندسی خاک، جزء خاک‌های درشت‌دانه هستند که اندازه ذرات، بزرگ‌تر از ۰/۰۷۵ میلی‌متر است.

گزینه ۳: مصالح بخش زیراساس جاده، مخلوطی از شن و ماسه با سنگ شکسته است و به‌عنوان لایه زهکش عمل می‌کند یعنی آب را به راحتی از خود عبور می‌دهد.

خوبه اینو بدونی

- علت لغزش خاک‌ها در دامنه‌ها و ترانشه‌ها، در ماه‌های مرطوب سال، جذب رطوبت توسط خاک‌های ریزدانه و ایجاد حالت خمیری در آن‌ها است.

▲ مشخصات سؤال: ساده * زمین‌شناسی (فصل ۵)

۱۴۴- پاسخ: گزینه ۲

جوبش اینه

استفاده از کودهای روی که از سنگ‌معدن روی تولید می‌شود در مزارع می‌تواند باعث افزایش غلظت کادمیم در گیاهان و زنجیره غذایی شود. ورود کادمیم به مزارع برنج در ژاپن سبب شیوع بیماری ایتای ایتای شد.

▲ مشخصات سؤال: ساده * زمین‌شناسی (فصل ۵)

۱۴۵- پاسخ: گزینه ۳

جوبش اینه

عناصر موردنیاز برای عملکرد دستگاه‌های بدن، عناصر اساسی نامیده می‌شوند.

در تقسیم‌بندی عناصر از نظر غلظت در پوسته زمین (ژئوشیمیایی)، عناصر به سه دسته تقسیم می‌شوند:

۱. عناصر اصلی (با غلظت بیش از ۱ درصد در پوسته): شامل: اکسیژن، آهن، کلسیم، سدیم، پتاسیم و منیزیم
۲. عناصر فرعی (با غلظت بین ۱ تا ۰/۱ درصد در پوسته): شامل: تیتانیوم، منگنز و فسفر
۳. عناصر جزئی (با غلظت کمتر از ۰/۱ درصد در پوسته): مانند: مس، طلا، روی

■ کادمیم عنصری سمی و سرطان‌زا است و عنصر اساسی نیست. (رد گزینه ۲)

▲ مشخصات سؤال: متوسط * زمین‌شناسی (فصل ۵)

۱۴۶- پاسخ: گزینه ۱

جوبش اینه

تصویر مربوط به بیماری سیلیکوسیس است که حاصل استنشاق گرد و غبار دارای ذرات سیلیس (با ترکیب SiO_2) می‌باشد و عناصر سیلیسیم و اکسیژن از مهم‌ترین عناصر سازنده سنگ‌گرانیته هستند.

▲ مشخصات سؤال: ساده * زمین‌شناسی (فصل ۵)

۱۴۷- پاسخ: گزینه ۳

جوبش اینه

فقط یک جمله نادرست است (عبارت آخر). هنگامی که مصرف فلوراید بسیار افزایش یابد و به ۲۰ تا ۴۰ برابر حد مجاز برسد، خشکی استخوان‌ها و غضروف‌ها رخ می‌دهد.

▲ مشخصات سؤال: متوسط * زمین‌شناسی (فصل ۶)

۱۴۸- پاسخ: گزینه ۱

جوبش اینه

توف‌های آتش‌فشانی در اثر ته‌نشین شدن خاکستر آتش‌فشانی در محیط‌های دریایی کم‌عمق به وجود می‌آیند. اندازه ذرات خاکستر آتش‌فشانی کوچک‌تر از ۲ میلی‌متر است.

۱۴۹- پاسخ: گزینه ۲

▲ مشخصات سؤال: متوسط * زمین‌شناسی (فصل‌های ۴ و ۶)



تاقدیس نوعی چین خوردگی است که لایه‌های قدیمی‌تر در مرکز و لایه‌های جدیدتر در حاشیه آن قرار گرفته‌اند. چین‌ها در اثر رفتار خمیرسان (پلاستیک) در سنگ‌ها به وجود می‌آیند.

۱۵۰- پاسخ: گزینه ۴

▲ مشخصات سؤال: دشوار * زمین‌شناسی (فصل ۶)



موج P (موج اولیه یا طولی) از تمام حالات ماده یعنی جامد، مایع و گاز می‌گذرد اما سرعت موج در محیط‌های مختلف متفاوت است. هرچه تراکم مواد و سنگ بیشتر باشد، سرعت موج P بیشتر خواهد بود، پس سرعت موج P در محیط گازی کمتر از محیط مایع و نفتی می‌باشد. (درستی گزینه ۴)



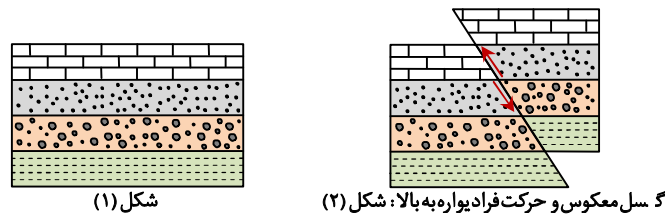
گزینه ۱: امواج سطحی (نظیر موج R یا ریلی) در کانون زمین‌لرزه تولید نمی‌شوند.
گزینه ۲: بعد از موج P، موج S به دستگاه لرزه‌نگار می‌رسد.
گزینه ۳: موج S فقط از محیط‌های جامد عبور می‌کند و از محیط مایع (مانند هسته خارجی زمین) نمی‌گذرد.

▲ مشخصات سؤال: دشوار * زمین‌شناسی (فصل ۶)

۱۵۱- پاسخ: گزینه ۱

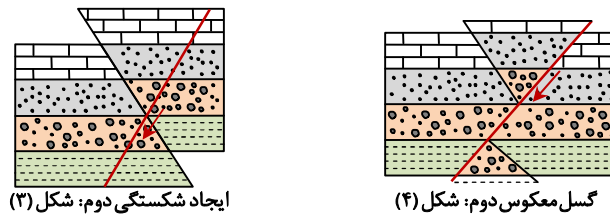


در ابتدا لایه‌های سنگی به ترتیب از پایین به بالا، شیل، کنگلومرا، ماسه‌سنگ و سنگ آهک مطابق شکل (۱) روی هم قرار داشته‌اند. سپس در اثر تنش فشاری، شکستگی ایجاد شده و قسمت فرادیواره نسبت به فرودیواره به سمت بالا حرکت کرده است (گسل معکوس در شکل (۲)) پس از مدتی دوباره تنش فشاری سبب شکستگی لایه‌ها و حرکت فرودیواره به سمت پایین شده است. (دومین گسل معکوس در شکل (۳))



شکل (۱)

گسل معکوس و حرکت فرادیواره به بالا: شکل (۲)



ایجاد شکستگی دوم: شکل (۳)

گسل معکوس دوم: شکل (۴)

▲ مشخصات سؤال: متوسط * زمین‌شناسی (فصل ۷)

۱۵۲- پاسخ: گزینه ۳



تتیس کهن بر اثر فرورانش به سمت جنوب کوچک‌تر می‌شد و حدود ۱۸۰ میلیون سال پیش تتیس کهن کاملاً بسته و رشته‌کوه البرز در ایران تشکیل شد.

▲ مشخصات سؤال: متوسط * زمین‌شناسی (فصل‌های ۴ و ۷)

۱۵۳- پاسخ: گزینه ۲



سنگ‌های میکاشیست، هورنفلس و کوارتزیت انواعی از سنگ‌های دگرگونی‌اند (صفحه ۶۲ کتاب درسی) و کانی‌گارت در سنگ‌های دگرگونی یافت می‌شود (صفحه ۳۵ کتاب درسی). انواع سنگ‌های دگرگونی از ویژگی‌های مهم پهنه‌سنج - سیرجان می‌باشد.

۱۵۴- پاسخ: گزینه ۳

▲ مشخصات سؤال: متوسط * زمین‌شناسی (فصل ۷)



آتش‌فشان (۱)، دماوند و آتش‌فشان (۲)، سیلان می‌باشد که هر دو در دوره کواترنری فعال بوده‌اند.



گزینه ۱: آتش‌فشان‌های پهنه سهند- بزمان در اثر فرورانش تنیس نوین به زیر ایران مرکزی به وجود آمده‌اند. (دماوند جزء این پهنه نیست)
گزینه ۲: جزیره قشم تنها ژئوپارک ایران است که به ثبت جهانی رسیده است.
گزینه ۴: آتش‌فشان دماوند در پهنه البرز قرار دارد در حالی که آتش‌فشان‌های سهند، سیلان، تفتان و بزمان در پهنه ارومیه- دختر (سهند- بزمان) واقع شده‌اند.

۱۵۵- پاسخ: گزینه ۲

▲ مشخصات سؤال: متوسط * زمین‌شناسی (فصل‌های ۴، ۵ و ۷)



ذخایر نفت ایران به‌طور عمده در لایه‌های سنگ آهک قرار دارند و از آنجا که انحلال‌پذیری سنگ‌های تبخیری بیشتر از سنگ‌های آهکی است. تنها گزینه نادرست، گزینه ۲ است.



- ذخایر سرب و روی در سنگ‌های آهکی وجود دارند.
- سنگ آهک ضخیم‌لایه که فاقد حفرات انحلالی باشد، پی و تکیه‌گاه خوبی برای احداث سازه می‌باشند.
- آب موجود در سنگ‌های کربناتی (مانند سنگ آهک) از نوع آب سخت است یعنی درصد یون‌های کلسیم و منیزیم بیشتری دارد و کیفیت نامطلوب دارد. وجود عناصر کلسیم و منیزیم که باعث سختی آب‌های زیرزمینی می‌شوند با انواع خاصی از بیماری‌های کلیوی رابطه دارد.