



۳۰ آبان ۱۴۰۳

دفترچه شماره ۲

دفترچه پاسخ آزمون الکترونیکی زیستاز

آزمون شماره ۱۰

ویژه دانش آموزان پایه دوازدهم

نام درس	فیزیک	شیمی
گزینشگر	مجید ساکی	محمد رضا طهرانچی
ناظر علمی	مجید ساکی	محمد رضا طهرانچی
مسئول آزمون	مجید ساکی	محمد رضا طهرانچی
پاسخنامه نویس	مجید ساکی	سروش عبادی
طراحان	مجید ساکی، محسن سلماسی، عطاالله شاد آباد، محمد صفایی، مهدی فتاحی، احسان محمدی	محمد رضا طهرانچی، حسین ابروانی، سپروس شهرجردی، سید صمد صفوی، سید علی ناظمی، میلاد قاسمی
ویراستاران	عطاالله شاد آباد	پارسا طاهری، سروش عبادی، امیر بصراوی

تولید فنی و گرافیک توسط نشر ویانو

چاپ، تکثیر، انتشار و یا استفاده از محتوای آزمون به هر نحوی و بدون اجازه (گروه آموزشی زیستاز) غیرقانونی، غیراخلاقی و خلاف شرع بوده و با متخلفان برابر مقررات رفتار خواهد شد.

• ویژه کنکور ۱۴۰۴ •



@MrKonkori

پاسخنامه فیزیک

آزمون مرحله ۱۰

۳۰ آبان ۱۴۰۳

پایه دوازدهم

۴۶. دو نیروی $\vec{F}_1 = (30\text{N})\vec{i} + (40\text{N})\vec{j}$ و \vec{F}_2 به جسمی به جرم 4kg اثر کرده و جسم شتاب $\vec{a} = 5\vec{i} + 12\vec{j}$ را در SI پیدا می‌کند. بزرگی نیروی \vec{F}_2 چند نیوتون است؟

$$8\sqrt{2} \quad (4)$$

$$2\sqrt{41} \quad (3)$$

$$16 \quad (2)$$

$$8 \quad (1)$$

پاسخ: گزینه ۳ ساده | محاسباتی

ابتدا رابطه برداری قانون دوم نیوتون را می‌نویسیم و بردار \vec{F}_2 را تعیین می‌کنیم:

$$\vec{F}_{\text{net}} = m\vec{a} \Rightarrow \vec{F}_1 + \vec{F}_2 = m\vec{a} \Rightarrow 30\vec{i} + 40\vec{j} + \vec{F}_2 = 4(5\vec{i} + 12\vec{j}) \Rightarrow \vec{F}_2 = -10\vec{i} + 8\vec{j}$$

حالا بزرگی بردار \vec{F}_2 را به دست می‌آوریم:

$$F_2 = \sqrt{10^2 + 8^2} = 2\sqrt{41}\text{N}$$

درسنامه

قانون دوم نیوتون: هرگاه بر جسمی نیروی خالصی وارد شود، آن جسم شتابی می‌گیرد هم جهت با نیرو که با اندازه نیرو رابطه مستقیم و با جرم رابطه وارون دارد:

$$\vec{a} = \frac{\vec{F}_{\text{net}}}{m}$$

تست در تست: دو نیروی $\vec{F}_1 = 2\vec{i} - 5\vec{j}$ و \vec{F}_2 به جسم $1/5$ کیلوگرمی اثر می‌کنند و معادله شتاب حاصل در SI به صورت

$$\vec{a} = 2\vec{i} - 4\vec{j} \quad \text{می‌شود، کدام است؟}$$

$$5\vec{i} + \vec{j} \quad (4)$$

$$5\vec{i} - \vec{j} \quad (3)$$

$$\vec{i} - \vec{j} \quad (2)$$

$$\vec{i} + \vec{j} \quad (1)$$

پاسخ: گزینه ۲

۴۷. اگر نیروهای وارد بر یک جسم در حال حرکت متوازن باشند، کدام گزینه الزاماً درست نیست؟

(۲) تندی جسم ثابت است.

(۱) مسیر حرکت جسم خط راست است.

(۴) جهت سرعت جسم ثابت می‌ماند.

(۳) جهت بردار مکان جسم ثابت است.

پاسخ: گزینه ۳ ساده | مفهومی

اگر نیروهای وارد بر یک جسم متوازن باشند (یعنی برآیند نیروها صفر باشد)، طبق قانون اول نیوتون، بردار سرعت جسم ثابت می‌ماند. بنابراین چون جسم در حال حرکت است با همان سرعت روی خط راست به حرکت خود ادامه می‌دهد. اما در مورد جهت بردار مکان نمی‌توان اظهار نظر قطعی کرد. جهت بردار مکان می‌تواند ثابت بماند یا تغییر کند.

درسنامه

قانون اول نیوتون: هنگامی که نیروهای وارد بر جسمی متوازن باشد (برآیند نیروها صفر باشد)، اگر جسم ساکن باشد، همچنان ساکن باقی می‌ماند و اگر در حالت حرکت باشد اندازه و جهت سرعت خود حفظ می‌کند.

لختی: به این خاصیت اجسام که میل دارند وضعیت حرکت خود را هنگامی که نیروی خالص وارد بر آنها صفر است حفظ کنند، لختی می‌گویند.

۴۸. با کشش سریع نخ متصل به وزنه در شکل (الف) کدام نخ پاره می‌شود و با ترمز گرفتن کامیون در حال حرکت شکل (ب) آونگ متصل به سقف به کدام سمت منحرف می‌شود؟



(الف)



(ب)

(۴) نخ بالا - چپ

(۳) نخ پایین - چپ

(۲) نخ بالا - راست

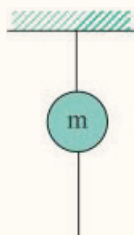
(۱) نخ پایین - راست

پاسخ: گزینه ۱ ساده | مفهومی آزمون وی ای پی

با کشش سریع نخ به دلیل لختی تمایل به حفظ وضعیت خود دارد، نخ پائینی پاره می‌شود. با ترمز گرفتن کامیون چون گلوله تمایل به حرکت خود دارد به سمت راست منحرف می‌شود.

تست در تست در شکل زیر، بار اول نخ را به آرامی پایین می‌کشیم و به تدریج این نیرو را افزایش می‌دهیم تا یکی از نخ‌ها پاره شود. بار دوم همین آزمایش را به این ترتیب تکرار می‌کنیم که نخ را به صورت ضربه‌ای در یک لحظه به پایین می‌کشیم تا یکی از نخ‌های دو طرف وزنه پاره شود. در مورد این آزمایش کدام است؟

(کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۳۹۱)



(۱) در هر دو آزمایش نخ از قسمت پایین وزنه پاره می‌شود.

(۲) در هر دو آزمایش نخ از قسمت بالای وزنه پاره می‌شود.

(۳) در آزمایش اول نخ از بالای وزنه پاره می‌شود و در آزمایش دوم از پایین وزنه.

(۴) در آزمایش اول نخ از پایین وزنه پاره می‌شود و در آزمایش دوم از بالای وزنه.

پاسخ: گزینه ۳

۴۹. دو شخص به جرم‌های $m_1 = 80 \text{ kg}$ و $m_2 < m_1$ با کفش‌های چرخ‌دار روی سطح افقی یک سالن مسطح و صاف رو به روی هم ایستاده‌اند. شخص (۱) با نیروی 100 N به مدت 2 s / ۲۰٪ شخص (۲) را هل می‌دهد. اگر ۴ ثانیه پس از جدا شدن دو شخص از هم فاصله بین آن‌ها به 3 m برسد، جرم شخص (۲) چند کیلوگرم است؟ (فاصله دو شخص هنگام جدا شدن صفر است.)



(۱) ۵۰

(۲) ۶۰

(۳) ۴۰

(۴) ۳۰

پاسخ: گزینه ۳ متوسط | مفهومی، محاسباتی

ابتدا شتاب هریک از دو شخص را در حین تماس آن‌ها با هم حساب می‌کنیم:

$$a = \frac{F}{m} \Rightarrow \begin{cases} a_1 = \frac{F}{m_1} = \frac{100}{80} = 1.25 \text{ m/s}^2 \\ a_2 = \frac{F}{m_2} = \frac{100}{40} \end{cases}$$

تندی هریک از دو شخص هنگام جدا شدن از یکدیگر را به دست می‌آوریم:

$$\begin{cases} v_1 = a_1 t = 1.25(0.2) = 0.25 \text{ m/s} \\ v_2 = a_2 t = \frac{100}{40}(0.2) = \frac{20}{40} \end{cases}$$

پس از جدا شدن دو شخص از هم، چون دیگر نیروی خالصی به آن‌ها وارد نمی‌شود. تندی آن‌ها ثابت می‌ماند. فاصله دو شخص ۴s پس از جدا شدن برابر است با:

$$l = |\Delta x_1| + |\Delta x_2| = |v_1 \Delta t| + |v_2 \Delta t| = (v_1 + v_2) \Delta t$$

$$l = \left(\frac{1}{4} + \frac{20}{40}\right) \times 4 \Rightarrow 3 = \left(\frac{1}{4} + \frac{20}{40}\right) \times 4 \Rightarrow \frac{3}{4} = \frac{1}{4} + \frac{20}{40} \Rightarrow m = 40 \text{ kg}$$

درسنامه

قانون سوم نیوتن: اگر A به B نیروی (F) را وارد کند، B نیز به A نیروی (-F) را وارد می‌کند.

نکته نیروهای کنش و واکنش هم‌نوع هستند و همواره به دو جسم وارد می‌شود، بنابراین نمی‌توان از آنها برآیند گرفت (یکدیگر را خنثی نمی‌کنند).

یادآوری:

$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$	سرعت متوسط:
$s_{av} = \frac{l}{\Delta t}$	تندی متوسط:
$a_{av} = \frac{\Delta v}{\Delta t}$	شتاب متوسط:

تست در تست دو شخص به جرم‌های m_1 و $m_2 > m_1$ با کفش‌های چرخ‌دار در یک سالن مسطح و صاف روبه‌روی هم ایستاده‌اند. شخص اول با نیروی \vec{F} ، شخص دوم را به طرف چپ هل می‌دهد و شخص دوم با نیروی \vec{F}' ، شخص اول را به طرف راست هل می‌دهد. اگر شتاب حرکت دو شخص \vec{a}_1 و \vec{a}_2 باشد، کدام رابطه درست است؟
 کنکور سراسری تجربی خارج از کشور ۱۴۰۱



$$a_1 < a_2 \text{ و } \vec{F} = \vec{F}' \quad (1)$$

$$\vec{a}_1 = \vec{a}_2 \text{ و } \vec{F} = \vec{F}' \quad (2)$$

$$\vec{F} = -\vec{F}' \quad (3)$$

$$a_1 > a_2 \text{ و } \vec{F} = -\vec{F}' \quad (4)$$

پاسخ: گزینه ۴

۵۰. شخصی به وزن 800 N درون یک آسانسور بر روی یک ترازو قرار دارد. اگر آسانسور در حال حرکت با شتاب پایین سو به بزرگی $2\frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ باشد، عدد ترازوی زیر پای شخص بر حسب نیوتون کدام است؟ $(g = 10\frac{\text{m}}{\text{s}^2})$

- (۱) ۹۶۰ (۲) ۶۴۰ (۳) ۸۰۰ (۴) گزینه‌های ۱ و ۲ می‌تواند درست باشد.

پاسخ: گزینه ۲ ساده | محاسباتی

چون شتاب آسانسور به سمت پایین است، برآیند نیروها نیز به سمت پایین است. پس وزن شخص بزرگتر از F_N می‌باشد و داریم:

$$F_{\text{net}} = ma \Rightarrow W - F_N = ma \Rightarrow 800 - F_N = 80 \times 2 \Rightarrow F_N = 640\text{ N}$$

حرکت آسانسور: بسته به اندازه شتاب و جهت حرکت آسانسور نیروی عمودی سطح به صورت زیر محاسبه می‌شود. **نکته**

کندشونده رو به پایین / تندشونده رو به بالا

$$F_N = m(g \pm a)$$

تندشونده رو به پایین / کندشونده رو به بالا

تست درست شخصی درون آسانسوری ساکن، روی یک ترازوی فنری ایستاده است و در این حالت ترازو عدد 600 N را

نشان می‌دهد. اگر آسانسور با شتاب رو به بالای $2\frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ در حال حرکت باشد و کابل آسانسور پاره شود و آسانسور سقوط آزاد کند،

عدد که ترازو نشان می‌دهد، چند نیوتون است؟ $(g = 10\frac{\text{m}}{\text{s}^2})$ **(کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۴۰۳)**

- (۱) صفر (۲) ۳۸۰ (۳) ۶۰۰ (۴) ۷۲۰

پاسخ: گزینه ۱

۵۱. جسمی به جرم 5 kg مطابق شکل بر روی یک سطح شیبدار بدون اصطکاک پایین می‌آید. اگر بردار شتاب جسم هنگام

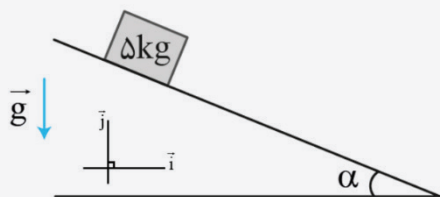
پایین آمدن در SI برابر $\vec{a} = 3/84\vec{i} - 7/12\vec{j}$ باشد، بزرگی نیروی عمودی سطح وارد بر جسم چند نیوتون است؟ $(g = 10\frac{\text{N}}{\text{kg}})$

(۱) ۳۲

(۲) ۲۴

(۳) ۴۸

(۴) ۱۶



پاسخ: گزینه ۲ متوسط | مفهومی

به جسم دو نیروی عمودی سطح و نیروی وزن وارد می‌شود. برآیند این دو نیرو را برابر $m\vec{a}$ قرار می‌دهیم:

$$\vec{F}_{\text{net}} = m\vec{a} \Rightarrow \vec{F}_N + m\vec{g} = m\vec{a} \Rightarrow \vec{F}_N - 50\vec{j} = 5(3/84\vec{i} - 7/12\vec{j})$$

$$\Rightarrow \vec{F}_N = 19/2\vec{i} - 14/4\vec{j}$$

حالا بزرگی نیروی F_N را به دست می‌آوریم:

$$F_N = \sqrt{(19/2)^2 + (14/4)^2} = \sqrt{4/8^2(4^2 + 3^2)} = 4/8 \times 5 = 24\text{ N}$$

درسنامه

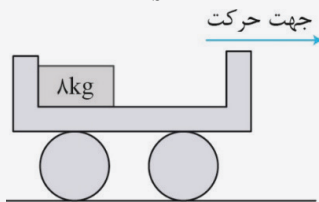
روش حل مسائل دینامیک:

- ۱) نیروهای وارد بر جسم را مشخص می‌کنیم.
 - ۲) محور مختصات را مناسب انتخاب می‌کنیم. (جهت حرکت جسم را مثبت محور فرض کنید).
 - ۳) قانون دوم نیوتون را بنویسید.
- نیروی عمودی سطح (F_N):** این نیرو به طور عمود از طرف سطح به جسمی که با آن تماس دارد وارد می‌شود. نیروی عمودی سطح ناشی از تغییر شکل سطح تماس دو جسم است.

نکته نیروی عمودی سطح فرمول ندارد و به کمک قوانین نیوتن محاسبه می‌شود.

نکته اگر جسم یا شخصی روی یک ترازو باشد، در سطح کنکور عددی که ترازو نشان می‌دهد هم اندازه با F_N است.

۵۲. مطابق شکل یک جسم به جرم 8 kg بر روی یک گاری قرار دارد. اگر گاری با شتاب $2/5 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ از حال سکون شروع به حرکت روی سطح افقی کند، بزرگی نیرویی که گاری به جسم وارد می‌کند، چند نیوتون است؟ (از اصطکاک صرف نظر شود و $g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ است).



(۱) ۲۰

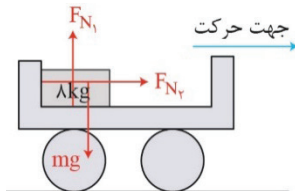
(۲) ۸۰

(۳) ۱۰۰

(۴) $20\sqrt{17}$

پاسخ: گزینه ۴ متوسط | مفهومی و محاسباتی

به جسم دو نیروی عمومی سطح توسط گاری وارد می‌شود. نیروی وزن هم توسط زمین به جسم وارد می‌شود. بنابراین نیروهای وارد بر گاری به صورت زیر است:



$$a_y = 0 \Rightarrow F_{N_v} = mg = 8 \times 10 = 80 \text{ N}$$

$$a_x = 2/5 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \Rightarrow F_{N_h} = ma = 8 \times 2/5 = 20 \text{ N}$$

برایند دو نیرو برابر نیرویی است که گاری به جسم وارد می‌کند. پس:

$$F = \sqrt{F_{N_v}^2 + F_{N_h}^2} = \sqrt{80^2 + 20^2} = 20\sqrt{4^2 + 1^2} = 20\sqrt{17} \text{ N}$$

درسنامه

نیروی وزن (\vec{W}): نیروی گرانشی‌ای است که از طرف زمین بر اجسام رو به پایین (به سمت مرکز زمین) وارد می‌شود:

$$\vec{W} = m \cdot \vec{g}$$

نکته جرم جسم همواره ثابت است، اما با تغییر مکان و تغییر \vec{g} ، وزن نیز تغییر می‌کند. آزمون وی ای پی

نکته واکنش نیروی وزن از طرف جسم بر زمین وارد می‌شود.

۵۳. چتربازی از یک بالگرد ساکن بیرون می‌پرد و پس از اینکه به تندی ثابت رسید، چترش را باز می‌کند. کدام موارد زیر درباره حرکت چترباز از لحظه پریدن از بالگرد تا رسیدن به سطح زمین درست است؟
- الف: بردار شتاب چترباز یک بار تغییر جهت می‌دهد.
 ب: بردار سرعت چترباز دوبار بار تغییر جهت می‌دهد.
 پ: در مدتی که تندی چترباز در حال کم شدن است، اندازه برآیند نیروهای وارد بر آن در حال افزایش است.
 ت: در مدتی که بردار شتاب پایین‌سو است، تندی در حال افزایش است.
- (۱) الف و ب (۲) پ و ت (۳) الف و ت (۴) ب و پ

پاسخ: گزینه ۳ متوسط | مفهومی

از لحظه پریدن تا رسیدن به تندی حدی بدون چتر، نیروی وزن بزرگتر از نیروی مقاومت هوا است و برآیند نیروها و در نتیجه شتاب به سمت پائین است. در این مدت بزرگی شتاب کاهش و تندی افزایش می‌یابد. (مورد (ت) درست است.)

با باز شدن چتر، نیروی مقاومت هوا افزایش می‌یابد و مانند ترمز گرفتن اتومبیل، تندی چترباز را کم می‌کند. در این بازه تندی و در نتیجه مقاومت هوا کاهش می‌یابد و برآیند نیروها به سمت صفر شدن می‌رود. (مورد پ نادرست است.) در این وضعیت بردار شتاب بالاسو است. پس شتاب یک مرتبه تغییر جهت می‌دهد. (مورد (الف) درست است.)

بردار سرعت چترباز همواره به سمت پایین است. (مورد (ب) نادرست است.)

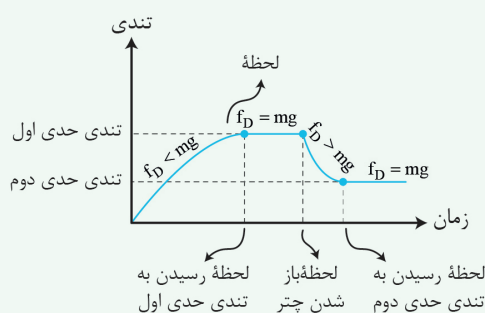
درسنامه

نیروی مقاومت هوا (\vec{f}_D): وقتی جسمی درون هوا قرار دارد و نسبت به آن حرکت می‌کند از طرف هوا نیرویی در خلاف جهت حرکت جسم به آن وارد می‌شود که به آن نیروی مقاومت هوا (f_D) می‌گویند.

نکته نیروی مقاومت هوا وابسته به تندی و اندازه جسم است.

تندی حدی: وقتی جسمی در هوا در حال سقوط در راستای قائم است اگر نیروی مقاومت هوا برابر با وزن جسم شود، جسم با تندی ثابتی موسوم با تندی حدی به طرف پایین حرکت می‌کند.

نکته نمودار تندی - زمان چتربازی که چترش را بین راه باز می‌کند به صورت زیر است:



۵۴. گلوله‌ای به جرم ۴۰۰ گرم از سطح زمین با سرعت اولیه v_0 پرتاب می‌شود و مسیری مطابق شکل را طی می‌کند. اگر بزرگی نیروی مقاومت هوای وارد بر گلوله در نقطه اوج برابر ۳ N باشد، بزرگی و جهت شتاب گلوله در نقطه اوج کدام است؟ ($g = 10 \frac{m}{s^2}$)



$$\rightarrow, 15 \frac{m}{s^2} \quad (۴)$$

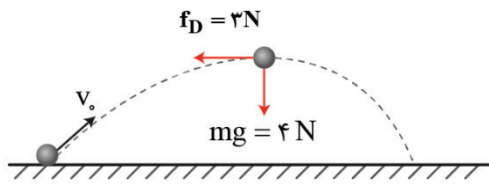
$$\swarrow, 5 \frac{m}{s^2} \quad (۳)$$

$$\rightarrow, 12 / 5 \frac{m}{s^2} \quad (۲)$$

$$\swarrow, 12 / 5 \frac{m}{s^2} \quad (۱)$$

پاسخ: گزینه ۱ متوسط | محاسباتی

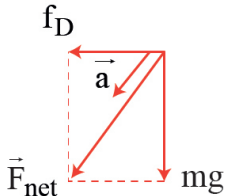
دو نیروی عمود بر هم وزن و مقاومت هوا در نقطه اوج به گلوله وارد می شود. بر این دو نیرو و شتاب را به دست می آوریم:



$$F_{\text{net}} = \sqrt{(mg)^2 + f_D^2} = \sqrt{4^2 + 3^2} = 5 \text{ N}$$

$$a = \frac{F_{\text{net}}}{m} = \frac{5}{0.4} = 12.5 \text{ m/s}^2$$

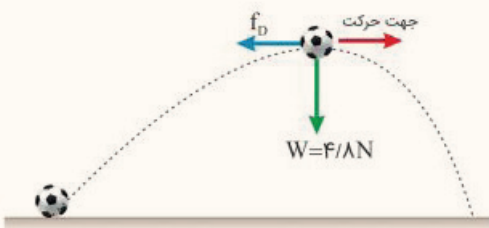
جهت شتاب در جهت بر این دو نیروها و مطابق شکل مقابل است.



تست در تست شکل زیر، نیروهای وارد بر توپی در بالاترین نقطه مسیرش نشان می دهد که در آن \vec{f}_D نیروی مقاومت هوا

و \vec{W} وزن توپ است. اگر بزرگی شتاب در این لحظه $\frac{65}{6} \text{ m/s}^2$ باشد، f_D چند نیوتون است؟ (از نیروهای دیگر وارد بر توپ صرف نظر کنید و $g = 10 \text{ m/s}^2$)

(کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۳۹۹)



- ۱ (۱)
- ۱/۵ (۲)
- ۲ (۳)
- ۲/۵ (۴)

پاسخ: گزینه ۳

۵۵. گلوله ای به جرم 200 g با سرعت اولیه $30 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ در راستای قائم به سمت بالا پرتاب می شود. اگر بزرگی نیروی مقاومت هوای وارد بر گلوله هنگام بالا رفتن و پایین آمدن ثابت و یکسان فرض شود و مدت زمان بالا رفتن گلوله 2 s باشد، تندی متوسط گلوله در رفت و برگشت چند متر بر ثانیه است؟ ($g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$)

- ۱) $15(\sqrt{3}-1)$
- ۲) $5(\sqrt{3}+1)$
- ۳) $5(\sqrt{3}-1)$
- ۴) $15(\sqrt{3}+1)$

پاسخ: گزینه ۱ محاسباتی | سخت

بزرگی شتاب هنگام بالا رفتن را حساب می کنیم:

$$a_1 = \frac{|\Delta v|}{\Delta t} = \frac{|0 - 30|}{2} = 15 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

$$mg + f_D = ma_1 \Rightarrow 2 + f_D = 0.2 \times 15 \Rightarrow f_D = 1 \text{ N}$$

بزرگی نیروی مقاومت هوای وارد بر گلوله را حساب می کنیم:

$$mg - f_D = ma_2 \Rightarrow 2 - 1 = 0.2 \times a_2 \Rightarrow a_2 = 5 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

بزرگی شتاب هنگام پائین آمدن را حساب می کنیم:

$$h = \frac{1}{2} a_1 t^2 + v_0 t = \frac{1}{2} \times (-15)(2)^2 + 30(2) = 30 \text{ m}$$

ارتفاع اوج گلوله را با اطلاعات بالا رفتن حساب می کنیم:

مدت زمان پائین آمدن گلوله و در نهایت تندی متوسط در رفت و برگشت را حساب می‌کنیم:

$$\Delta x = \frac{1}{2}at^2 \Rightarrow 30 = \frac{1}{2}(\Delta)t_1^2 \Rightarrow t_1 = 2\sqrt{3} \text{ s}$$

$$s_{av} = \frac{2h}{t_1 + t_2} = \frac{2 \times 30}{2 + 2\sqrt{3}} = \frac{30}{1 + \sqrt{3}} = \frac{30(\sqrt{3} - 1)}{2} = 15(\sqrt{3} - 1) \frac{m}{s}$$

۵۶. حاصلضرب فشار در تغییرات حجم از جنس چه کمیتی می‌باشد؟

- (۱) نیرو (۲) کار (۳) توان (۴) گرمای ویژه

پاسخ: گزینه ۲ متوسط | مفهومی

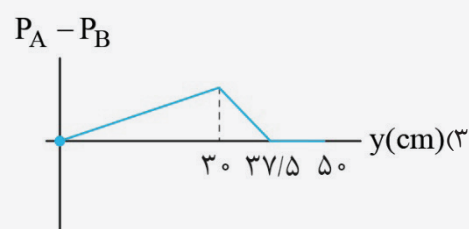
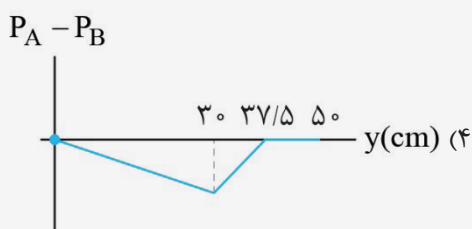
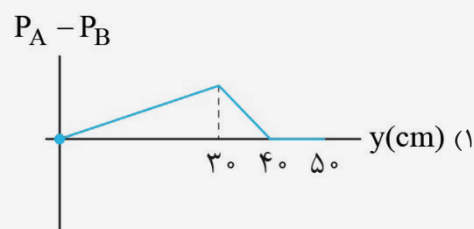
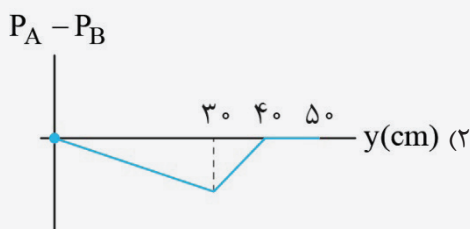
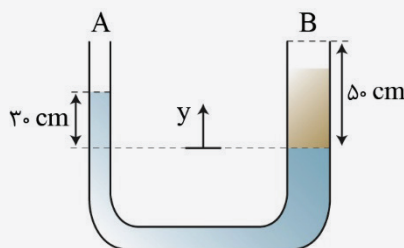
یکای حاصلضرب فشار در تغییرات حجم را به دست می‌آوریم:

$$[P] \times [\Delta V] = \frac{N}{m^2} \times m^3 = N \cdot m$$

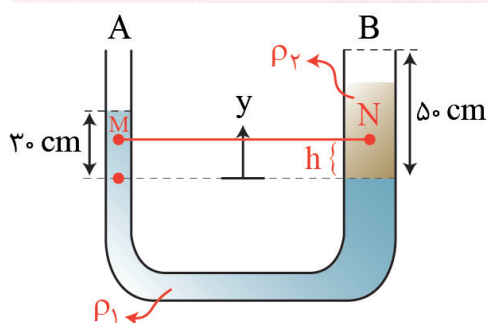
طبق تعریف کار که برابر $W = F \cdot d \cdot \cos \theta$ است، یکای کار برابر $N \times m$ است. پس گزینه ۲ پاسخ درست است.

۵۷. مطابق شکل آب و روغن در یک لوله U شکل در حال تعادل اند. نمودار اختلاف فشار دو نقطه هم‌تراز در دو شاخه بر حسب

ارتفاع از خط هم‌تراز (y) کدام است؟ (چگالی مایع‌های درون لوله $\frac{8}{10} \frac{g}{cm^3}$ و $1 \frac{g}{cm^3}$ است.)



پاسخ: گزینه ۴ متوسط | مفهومی



دو نقطه هم‌تراز درون دو مایع و بالای خط هم‌تراز $y = 0$ در نظر می‌گیریم و اختلاف فشار دو نقطه را به دست می‌آوریم:

$$P_M + \rho_1 gh = P_N + \rho_2 gh \Rightarrow P_M - P_N = (\rho_2 - \rho_1) gh \xrightarrow{\rho_2 < \rho_1} P_M - P_N < 0$$

باتوجه به رابطه بالا، اختلاف فشار ستون A و B منفی است.

با عبور خط هم تراز از ارتفاع 30 cm ، اختلاف فشار بین فشار هوا در ستون A و فشار نقطه‌ای در مایع در ستون B می‌شود. با توجه به این موارد گزینه‌های ۱ و ۳ حذف می‌شوند. حالا ارتفاع مایع در ستون B را حساب می‌کنیم.

$$\rho_1 g h_1 = \rho_2 g h_2 \Rightarrow 1 \times 30 = 0.8 \times h \Rightarrow h = 37.5\text{ cm}$$

بنابراین گزینه ۴ پاسخ درست است.

درسنامه

فشار: نسبت اندازه نیروی عمودی سطح به مساحت سطحی که به آن نیرو وارد می‌شود را فشار در محل می‌گویند.

$$P = \frac{F}{A} \xrightarrow{\text{فشار اجسام جامد منشوری توپر}} P = \frac{mg}{A} = \rho gh$$

$$1\text{ pa} = 1 \frac{\text{N}}{\text{m}^2} \quad \text{نکته}$$

فشار در شاره‌ها: فشار در عمق h از سطح آزاد شاره:

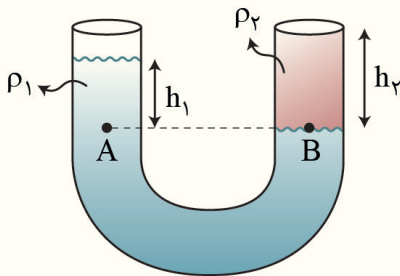
$$p = p_0 + \rho gh \Rightarrow \Delta p = \rho g \Delta h$$

نکته فشار در نقاط هم تراز درون یک مایع برابر است.

نیروی وارد بر کف ظرف ناشی از مایع (F): $F = \rho ghA$

نکته از دیگر یکاهای فشار سانتی‌متر جیوه (cmHg) است. برای تبدیل پاسکال به سانتی‌متر جیوه از رابطه زیر کمک می‌گیریم:

$$p = \rho g \frac{h(\text{cmHg})}{100}$$



$$P_A = P_B \Rightarrow \rho_A g h_A + p_0 = \rho_B g h_B + p_0 \Rightarrow \rho_A h_A = \rho_B h_B$$

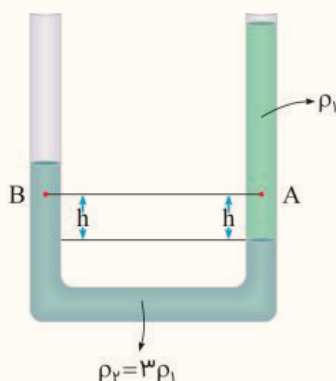
حل سوالات مربوط به لوله U:

نقاط A و B هم‌تراز هستند.

فشار پیمانه‌ای: $p_g = p - p_0$

نکته اغلب فشارسنج‌ها، فشار پیمانه‌ای را اندازه می‌گیرند.

تست در تست در شکل زیر، دو مایع مختلف درون لوله U شکل قرار دارند. اختلاف فشار دو نقطه A و B کدام است؟



کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۴۰۳

$$2\rho_1 g h \quad (1)$$

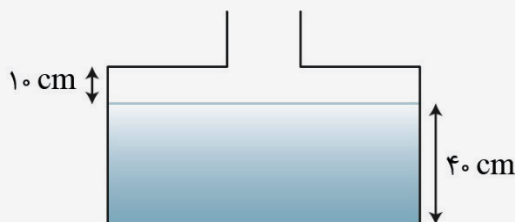
$$\frac{2}{3}\rho_1 g h \quad (2)$$

$$\frac{1}{3}\rho_1 g h \quad (3)$$

$$\text{صفر} \quad (4)$$

پاسخ: گزینه ۱

۵۸. در شکل زیر فشار در ته ظرف ۱۰۸ کیلوپاسکال است. اگر ۲ kg از همین مایع به مایع درون ظرف اضافه شود، بزرگی نیروی وارد بر ته ظرف توسط آب (ناشی از آب و هوا) چند نیوتون می‌شود؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$ و مساحت مقطع بزرگ و کوچک ظرف 50 cm^2 و 10 cm^2 و فشار هوا 10^5 Pa است).



(۱) ۶۰۰

(۲) ۶۴۰

(۳) ۵۶۰

(۴) ۵۸۰

پاسخ: گزینه ۱ محاسباتی | متوسط

ابتدا چگالی مایع درون ظرف را به دست می‌آوریم. فشار در ته ظرف برابر مجموع فشار مایع و هوا است. چون ظرف تا بخشی که مایع درون آن است، استوانه‌ای است، فشار ناشی از مایع را می‌توان از $\frac{mg}{A}$ به دست آورد:

$$P_1 = \frac{mg}{A_1} + P_0 \Rightarrow 108 \times 10^3 = \frac{m \times 10}{50 \times 10^{-3}} + 10^5 \Rightarrow 8000 = \frac{m}{5} \times 10^4$$

$$\Rightarrow m = 4 \text{ kg}$$

با اضافه کردن ۲ kg از این مایع با توجه به اینکه ۴ kg قبلی ارتفاع ۴۰ cm از ظرف را اشغال کرده بود، $m_1 = 1 \text{ kg}$ از مایع جدید اضافه شده در قسمت پهن ظرف قرار می‌گیرد و $m_2 = 1 \text{ kg}$ دیگر قسمت بالا قرار می‌گیرد. حالا فشار در کف ظرف را به دست می‌آوریم:

$$P_2 = P_1 + \Delta P = 108 \times 10^3 + \frac{m_1 g}{A_2} + \frac{m_2 g}{A_2}$$

$$P_2 = 108 \times 10^3 + \frac{10}{50 \times 10^{-3}} + \frac{10}{10^{-3}} = 108 \times 10^3 + 2 \times 10^3 + 10^4 = 120 \times 10^3 \text{ Pa}$$

حالا نیروی وارد بر کف ظرف را به دست می‌آوریم: آزمون وی ای پی

$$F = P_2 \times A = 120 \times 10^3 \times 50 \times 10^{-3} = 6000 \text{ N}$$

تذکر نیرویی که مایع بر ته ظرف وارد می‌کند ناشی از فشار هوا و فشار مایع است. در صورتی که سوال نیروی ناشی از مایع بر کف ظرف را می‌خواست دیگر فشار هوا را لحاظ نمی‌کردیم.

تست در تست در شکل زیر، ظرف مکعب شکلی به ابعاد ۱۰ cm روی سطح افقی قرار دارد و به سطح بالایی ظرف، لوله قائمی به سطح مقطع 2 cm^2 وصل است و درون آن تا اندازه‌ی نشان داده شده آب قرار دارد. در این حالت به ازای هر قطره آبی به وزن W_1 که به آب درون لوله اضافه شود، به ترتیب نیرویی که آب به کف ظرف وارد می‌کند و نیرویی که ظرف به سطح افقی وارد می‌کند، چقدر افزایش می‌یابد؟

 (۱) W_1 و $50 W_1$

 (۲) W_1 و $100 W_1$

 (۳) $50 W_1$ و $50 W_1$

 (۴) $100 W_1$ و $100 W_1$


پاسخ: گزینه ۱

۵۹. اگر متحرکی تندی خود را $2 \frac{m}{s}$ افزایش دهد، انرژی جنبشی آن $7 J$ افزایش و اگر تندی خود را $2 \frac{m}{s}$ کاهش دهد، انرژی جنبشی آن $5 J$ کاهش می‌یابد. انرژی جنبشی اولیه گلوله چند ژول است؟

۱۸ (۴)

۱۶ (۳)

۱۲ (۲)

۹ (۱)

پاسخ: گزینه ۱ متوسط | محاسباتی

رابطه تغییرات انرژی جنبشی را برای هر دو حالت می‌نویسیم:

$$\Delta K = \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2) \Rightarrow \begin{cases} 7 = \frac{1}{2}m((v+2)^2 - v^2) \\ -5 = \frac{1}{2}m((v-2)^2 - v^2) \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 7 = \frac{1}{2}m(4v+4) \\ -5 = \frac{1}{2}m(-4v+4) \end{cases}$$

$$\frac{7}{-5} = \frac{4(v+1)}{-4(v-1)} \Rightarrow 7v - 7 = 5v + 5 \Rightarrow v = 6 \frac{m}{s}$$

$$7 = \frac{1}{2}m(4 \times 6 + 4) \Rightarrow 14 = m \times 28 \Rightarrow m = \frac{1}{2} \text{ kg}$$

دو رابطه را بر هم تقسیم می‌کنیم تا v به دست بیاید:

با جایگذاری v در یکی از رابطه‌ها جرم را به دست می‌آوریم:

حالا انرژی جنبشی اولیه جسم را حساب می‌کنیم:

$$K = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times 6^2 = 9 J$$

درسنامه

انرژی: توانایی انجام کار یکای انرژی ژول است.

انرژی جنبشی (k): انرژی که جسم به دلیل داشتن تندی دارد. $K = \frac{1}{2}mv^2$

نکته انرژی جنبشی کمیتی نرده‌ای و فرعی است.

نکته مقایسه انرژی جنبشی دو جسم با جرم‌ها و تندهای متفاوت: $\frac{K_2}{K_1} = \frac{m_2}{m_1} \times \left(\frac{v_2}{v_1}\right)^2$

نکته محاسبه تغییرات انرژی جنبشی جسمی با جرم ثابت: $\Delta K = \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2)$

تست در تست جرم خودرویی به همراه راننده‌اش 100 kg است. تندی خودرو در دو نقطه از مسیرش از 18 m/s به 25 m/s می‌رسد. تغییرات انرژی جنبشی خودرو در این جابه‌جایی، چند مگاژول است؟

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۴۰۲

 ۱/۵۰۵ × ۱۰^۵ (۴)

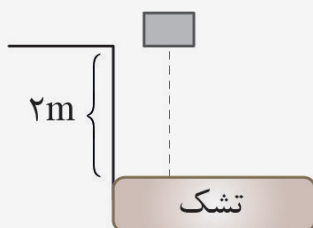
 ۱/۵۰۵ × ۱۰^{-۱} (۳)

 ۳/۰۱ × ۱۰^۵ (۲)

 ۳/۰۱ × ۱۰^{-۲} (۱)

پاسخ: گزینه ۳

۶۰. شخصی از ارتفاع ۲ متری سطح یک تشک، جعبه‌ای به جرم ۱۰ kg را مطابق شکل رها می‌کند. اگر حداکثر فشردگی تشک حین تماس جعبه با آن ۵/۰ m باشد، بزرگی نیروی متوسطی که تشک به جعبه وارد می‌کند، چند نیوتون است؟ ($g = ۱۰ \frac{m}{s^2}$) و از مقاومت هوا صرف نظر شود.



- (۱) ۲۰۰
(۲) ۲۵۰
(۳) ۴۰۰
(۴) ۵۰۰

پاسخ: گزینه ۴ متوسط | محاسباتی

دو نیروی وزن و نیروی متوسط تشک روی جعبه کار انجام می‌دهند. طبق قضیه کار - انرژی جنبشی بین لحظه‌ای که جسم رها شده است تا لحظه‌ای که جسم متوقف می‌شود، کار نیروی تشک را به دست می‌آوریم:

$$W_{\text{وزن}} + W_{\text{تشک}} = \overbrace{K_2 - K_1}^0 \Rightarrow W_{\text{تشک}} = -W_{\text{وزن}} = -(mgh) = -10 \times 10 \times 2/5 = -250 \text{ J}$$

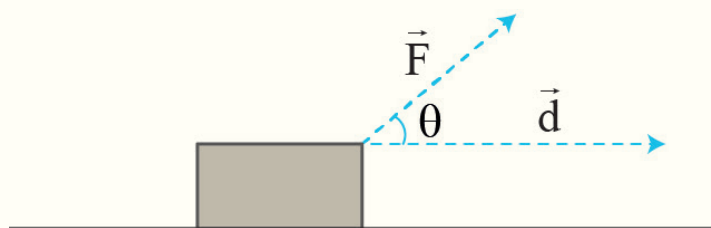
کار نیروی تشک برابر حاصلضرب نیروی متوسط تشک در اندازه جابه‌جایی در مدتی که نیروی تشک بر جعبه وارد می‌شود است. پس:

$$W_{\text{تشک}} = F_{\text{av(تشک)}} \times d \times \cos 180^\circ \Rightarrow -250 = F_{\text{av}} \times 0/5 \times (-1) \Rightarrow F_{\text{av}} = 500 \text{ N}$$

درسنامه

کار: حاصلضرب اندازه نیرو در اندازه جابه‌جایی در $\cos \theta$ (θ زاویه بین نیرو و جابه‌جایی است).

$$W = F \cdot d \cdot \cos \theta$$



نکته کار کمیتی نرده‌ای و فرعی می‌باشد.

نکته یکای کار در SI ژول (J) است.

نکته علامت کار باتوجه به زاویه بین نیرو و جابه‌جایی سه حالت زیر را دارد:

$90^\circ < \theta \leq 180^\circ$	$\theta = 90^\circ$	$0 \leq \theta < 90^\circ$
$W < 0$	$W = 0$	$W > 0$

نکته کار نیروی وزن:

$$W_{\text{mg}} = -mg\Delta h \text{ (فقط تغییر ارتفاع مهم است.)}$$

قضیه کار و انرژی جنبشی: کار نیروی خالص یا کار کل برابر تغییرات انرژی جنبشی جسم است.

$$W_T = F_T d = W_1 + W_2 + \dots = \Delta K = \frac{1}{2} m (v_2^2 - v_1^2)$$

نکته ۱) اگر تندی جسم زیاد شود $v_2 > v_1$ پس $K_2 > K_1$ و کار کل مثبت است.

۲) اگر تندی جسم ثابت بماند $v_2 = v_1$ پس $\Delta K = 0$ و کار کل صفر است.

۳) اگر تندی جسم کاهش یابد $v_2 < v_1$ پس $K_2 < K_1$ و کار کل منفی است.

۶۱. دمای جسمی با ضریب انبساط طولی 2×10^{-4} در SI را چند درجه فارنهایت افزایش دهیم تا حجم آن $3/0$ درصد افزایش یابد؟

۹۰ (۴)

۵۰ (۳)

۹ (۲)

۵ (۱)

پاسخ: گزینه ۲ متوسط | محاسباتی

کافی است رابطه درصدی تغییرات حجم را بنویسیم:

$$\frac{\Delta V}{V_1} \times 100 = (3\alpha) \Delta\theta \times 100 \Rightarrow 3/0 = (3 \times 2 \times 10^{-4}) \times \Delta\theta \times 100 \Rightarrow \Delta\theta = 5^\circ \text{C}$$

حالا تغییرات دما را بر حسب درجه فارنهایت به دست می آوریم:

$$\Delta F = \frac{9}{5} \Delta\theta = \frac{9}{5} (5) = 9^\circ \text{F}$$

درسنامه

انبساط گرمایی:

انبساط حجمی	انبساط سطحی	انبساط طولی
$\Delta V = V_1 3\alpha \Delta T$, $\Delta V = V_1 \beta \Delta T$	$\Delta A = A_1 2\alpha \Delta T$	$\Delta l = l_1 \alpha \Delta T$

نکته ۱) با افزایش دما جسم جامد تمام ابعاد آن چه حفره و چه فضای توپر بزرگتر می شوند.

یکاهای مختلف دما: ۱) درجه سلسیوس (سانتی گراد) $\theta (^\circ \text{C})$

۲) کلوین $T(\text{k})$

۳) فارنهایت $F (^\circ \text{F})$

$$T = \theta + 273$$

$$F = \frac{9}{5} \theta + 32$$

$$\Delta T = \Delta\theta, \Delta F = \frac{9}{5} \Delta\theta$$

۶۲. به یک جسم با گرمای ویژه $300 \frac{\text{J}}{\text{kg.k}}$ و چگالی $6 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ مقدار 1200 J گرما داده می شود. اگر ضریب انبساط طولی جسم در SI برابر 2×10^{-4} باشد، حجم جسم چند سانتی متر مکعب افزایش می یابد؟

۰/۸ (۴)

۰/۶ (۳)

۰/۴ (۲)

۰/۲ (۱)

پاسخ: گزینه ۲ متوسط | محاسباتی

$$\begin{cases} Q = mc\Delta\theta \\ \Delta V = V_1 (3 \times \Delta\theta) \end{cases}$$

روابط گرما و تغییر حجم را برای جسم می نویسیم:

دو رابطه را به هم تقسیم می کنیم:

$$\frac{Q}{\Delta V} = \frac{m}{V_1} \times \frac{c}{3\alpha} \xrightarrow{\rho = \frac{m}{V_1}} = \frac{1200}{\Delta V} = (6 \times 10^3) \times \frac{300}{3 \times 2 \times 10^{-4}} \Rightarrow \frac{1200}{\Delta V} = 3 \times 10^9 \Rightarrow \Delta V = 4 \times 10^{-7} \text{ m}^3 = 0/4 \text{ cm}^3$$

درسنامه

گرما: انرژی در حال انتقال بین دو جسم که به دلیل اختلاف دما بین دو جسم مبادله می‌شود.
 $Q = mc\Delta\theta = C\Delta\theta$
 گرمای ویژه: مقدار گرمای ویژه برابر با مقدار گرمایی که باید به یک کیلوگرم جسم داده شود تا دمای آن 1°C (یا 1K) افزایش یابد. یکای SI آن $\frac{\text{J}}{\text{kg}\cdot\text{K}}$ است.

۶۳. یک کتری برقی با توان 2100W که 80% درصد گرمای تولیدی به آب درون آن داده می‌شود، دمای 2kg آب را در چه مدتی

برحسب ثانیه از 20°C به 70°C می‌رساند؟ $(c_{\text{آب}} = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg}\cdot\text{K}})$

- (۱) ۱۲۵ (۲) ۲۵۰ (۳) ۵۰۰ (۴) ۱۰۰۰

پاسخ: گزینه ۲ متوسط | محاسباتی

ابتدا گرمای موردنیاز برای تغییر دمای آب را به دست می‌آوریم:

$$Q = mc\Delta\theta = 2 \times 4200 \times (70 - 20) = 420000\text{J} = 4/2 \times 10^5\text{J}$$

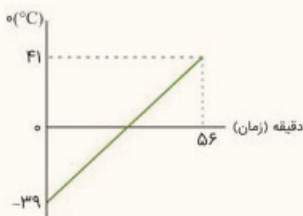
حالا زمان موردنیاز برای تغییر دمای آب را حساب می‌کنیم:

$$P \times R \times t = Q \Rightarrow 2100 \times \frac{1}{10} \times t = 4/2 \times 10^5 \Rightarrow t = 250\text{s}$$

تست درتست به مایعی به جرم 500g گرم در هر دقیقه 100J گرما می‌دهیم. اگر نمودار تغییرات دما برحسب زمان به صورت

شکل زیر باشد، گرمای ویژه مایع در SI، کدام است؟

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۹۹



- (۱) ۱۴۰
 (۲) ۱۶۰
 (۳) ۲۸۰
 (۴) ۳۲۰

پاسخ: گزینه ۱

۶۴. جسمی درون آب 2°C غوطه‌ور است. اگر دمای آب را به 4°C برسانیم، کدام یک رخ خواهد داد؟

- (۱) جسم غوطه‌ور باقی می‌ماند.
 (۲) جسم بالا آمده و شناور می‌شود.
 (۳) جسم پایین رفته و در ته ظرف قرار می‌گیرد.
 (۴) جسم کمی بالاتر می‌آید ولی باز هم غوطه‌ور باقی می‌ماند.

پاسخ: گزینه ۲ متوسط | مفهومی آزمون وی ای پی

در ابتدا که جسم غوطه‌ور است می‌توان فهمید که چگالی جسم با چگالی آب برابر است. با افزایش دمای آب از 2°C به 4°C ، چگالی آب افزایش می‌یابد. بنابراین چگالی آب بیشتر از چگالی جسم می‌شود و جسم بالا رفته و شناور می‌شود.

درسنامه

انبساط غیرعادی آب: با افزایش دمای آب از صفر تا 4°C ، حجم آن کاهش می‌یابد. (چگالی آن افزایش می‌یابد.) در واقع می‌توان نتیجه گرفت آب در دمای 4°C کمترین حجم و بیشترین چگالی را دارد.

نکته دلیل اینکه آب هنگام یخ زدن از سطح بالایی خود شروع به یخ زدن می‌کند مورد بالا می‌باشد.

۶۵. مقدار ۱kg آب 20°C را درون یک گرماسنج با دمای 10°C می‌ریزیم. پس از تعادل یک فلز به جرم ۳۰۰g و گرمای ویژه $400 \frac{\text{J}}{\text{kg}\cdot\text{K}}$ با دمای 66°C به مجموعه اضافه می‌کنیم. اگر دمای تعادل در نهایت به 16°C برسد، ظرفیت گرمایی گرماسنج در SI کدام است؟ $(c_{\text{آب}} = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg}\cdot\text{K}})$

۱۹۰۰ (۴)

۳۸۰۰ (۳)

۳۶۰۰ (۲)

۱۸۰۰ (۱)

پاسخ: گزینه ۳ متوسط | محاسباتی

مجموع گرماهای مبادله شده اجسام تا رسیدن به دمای تعادل نهایی را برابر صفر قرار می‌دهیم:

$$Q_{\text{آب}} + Q_{\text{گرماسنج}} + Q_{\text{فلز}} = 0 \Rightarrow m_1 c_1 \Delta\theta_1 + C_p \Delta\theta_p + m_2 c_2 \Delta\theta_2 = 0$$

$$\Rightarrow 1 \times 4200 \times (16 - 20) + C_p (16 - 10) + 0.3 \times 400 \times (16 - 66) = 0$$

$$\Rightarrow -4200 \times 4 + 6C_p - 6000 = 0 \Rightarrow 6C_p = 6000 + 4200 \times 4 \Rightarrow C_p = 1000 + 2800 = 3800 \frac{\text{J}}{\text{K}}$$

درسنامه

ظرفیت گرمایی (C): حاصل ضرب جرم جسم در گرمای ویژه جسم با یکای $\frac{\text{J}}{\text{K}}$.

$$C = mc$$

تعادل گرمایی: (۱) در صورتی که تغییر حالت نداشته باشیم:

$$Q_1 + Q_2 + \dots = 0$$

$$\Rightarrow m_1 c_1 (\theta_c - \theta_1) + m_2 c_2 (\theta_c - \theta_2) + \dots = 0$$

(۲) در صورتی که تغییر حالت داشته باشیم باز هم از رابطه $\sum Q = 0$ استفاده می‌کنیم. اما جملات $\pm mL_V, \pm mL_F$ نیز در روابط ظاهر می‌شوند. در این حالت بایستی به علامت روابط $Q = \pm mL_F$ و $Q = mL_V$ دقت کنیم.

نکته (۱) اگر جسم گرما بگیرد: $Q > 0$

(۲) اگر جسم گرما از دست بدهد: $Q < 0$

تست در تست ۶۰۰ گرم آب 20°C درون گرماسنجی قرار دارد. درون آن ۴۰۰ گرم آب 80°C می‌ریزیم. اگر دمای تعادل به 36°C برسد و از مبادله گرما با خارج مجموعه صرف نظر شود، ظرفیت گرمایی گرماسنج در SI چقدر است؟ $(c_{\text{آب}} = 4200 \text{ J / kg}\cdot\text{K})$

(سراسری ریاضی خارج کشور ۱۴۰۲)

۴۲۰۰ (۴)

۳۶۰۰ (۳)

۲۱۰۰ (۲)

۱۸۰۰ (۱)

پاسخ: گزینه ۲

پاسخنامه شیمی

آزمون مرحله ۱۰ پایه دوازدهم ۳۰ آبان ۱۴۰۳

۶۶. کدام مطلب در ارتباط با یون‌های چنداتی، نادرست است؟

- جمع بار الکتریکی یون‌های سولفات و نیترات، با بار الکتریکی یون فسفید برابر است.
- شمار جفت الکترون‌های ناپیوندی در یون‌های سولفات و فسفات با هم برابر است.
- نسبت شمار کاتیون به شمار آنیون در ترکیب‌های آمونیوم نیترات و آلومینیم نیتريد، یکسان است.
- CaCN_2 یک ترکیب یونی و نام آن کلسیم سیانید است.

پاسخ: گزینه ۴ ساده | حفظی، مفهومی

درسنامه

آشنایی با یون‌های چنداتی:

- انواع یون از نظر تعداد اتم:
 - یون تک اتمی: یونی که فقط از یک اتم (نه عنصر!) تشکیل شده است، مانند: Na^+ ، Ca^{2+} و ...
 - یون چنداتی: یونی که از اتصال دو یا چند اتم تشکیل شده است، مانند: OH^- ، NO_3^- ، NH_4^+ و ...
- در ساختار یون‌های چند اتمی، اتم‌ها با یکدیگر پیوند اشتراکی (کووالانسی) دارند.

نکته مهم:

- در یک یون چنداتی، بار یون نه به اتم خاصی بلکه به کل یون تعلق دارد.
- دقت کنید که یون‌هایی مانند N_3^- (آزید)، O_3^{2-} (پراکسید) و ... اگرچه از یک عنصر تشکیل شده‌اند ولی چون بیش از یک اتم دارند، جزء یون‌های چند اتمی هستند.

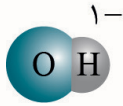
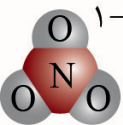
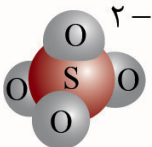
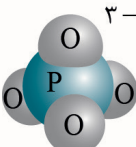
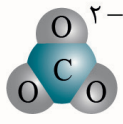
۳) همه یون‌های چنداتی که برای کنکور باید بلد باشید:

نام یون	فرمول یون	نام یون	فرمول یون
هیدروژن کربنات	HCO_3^-	اتانوات (استات)	CH_3COO^-
سیانید	CN^-	سیلیکات	SiO_4^{4-}
متانوات (فورمات)	HCOO^-	پرمنگنات	MnO_4^-

نام یون	فرمول یون	نام یون	فرمول یون
آمونیم	NH_4^+	سولفات	SO_4^{2-}
هیدروکسید	OH^-	فسفات	PO_4^{3-}
نیترات	NO_3^-	کربنات	CO_3^{2-}
پرکلرات	ClO_4^-		

۴) ساختار لوویس و مدل فضاپرکن یون‌های چنداتی موجود در شیمی دهم در جدول زیر آورده شده است:

ردیف	نام یون	فرمول شیمیایی	مدل فضاپرکن	ساختار لوویس
۱	آمونیم	NH_4^+		

$[\text{:}\ddot{\text{O}}-\text{H}]^{-}$		OH^{-}	هیدروکسید	۲
$[\text{:}\ddot{\text{O}}\text{:N}=\ddot{\text{O}}\text{:}]^{-}$		NO_3^{-}	نیترات	۳
$[\text{:}\ddot{\text{O}}\text{:S}(\ddot{\text{O}})_2\text{:}]^{2-}$		SO_4^{2-}	سولفات	۴
$[\text{:}\ddot{\text{O}}\text{:P}(\ddot{\text{O}})_3\text{:}]^{3-}$		PO_4^{3-}	فسفات	۵
$[\text{:}\ddot{\text{O}}\text{:C}(\ddot{\text{O}})=\ddot{\text{O}}\text{:}]^{2-}$		CO_3^{2-}	کربنات	۶

فرمول شیمیایی یون سیانید به صورت CN^{-} است؛ بنابراین فرمول شیمیایی ترکیب یونی کلسیم سیانید به صورت $\text{Ca}(\text{CN})_2$ می‌باشد؛ نه CaCN_2 !

پروسی سایر گزینه‌ها:

۱ بار الکترونیکی یون‌های سولفات (SO_4^{2-}) و نیترات (NO_3^{-}) به ترتیب برابر ۲- و ۱- است، در نتیجه مجموع بارهای الکترونیکی این دو یون، برابر با بار الکترونیکی یون فسفید (P^{3-}) است.

۲ باتوجه به جدول بالا، مشخص است که در ساختار لوویس هر کدام از یون‌های یون سولفات (SO_4^{2-}) و فسفات (PO_4^{3-})، تعداد ۱۲ جفت الکترون ناپیوندی وجود دارد.

۳

$$\text{NH}_4\text{NO}_3 \rightarrow \frac{\text{شمار کاتیون}}{\text{شمار آنیون}} = \frac{1}{1} = 1$$

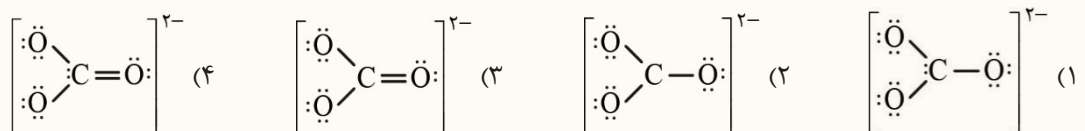
$$\text{AlN} \rightarrow \frac{\text{شمار کاتیون}}{\text{شمار آنیون}} = \frac{1}{1} = 1$$

در نتیجه نسبت شمار کاتیون به آنیون در این دو ترکیب یونی با هم برابر است.

مشاوره آشنایی با یون‌های چند اتمی و نحوه نام‌گذاری درست ترکیبات یونی یکی از مواردی است که بارها و بارها در کنکور مورد پرسش واقع شده! پس لازمه که به خوبی به این مباحث مسلط بشیر!

(تجربی - دی ۱۴۰۱)

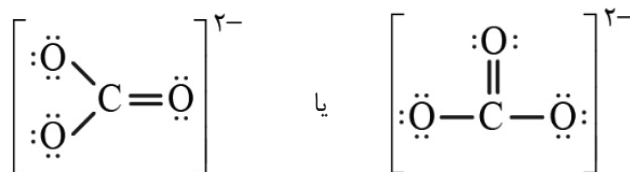
تست درتست ساختار یون کربنات به کدام صورت است؟



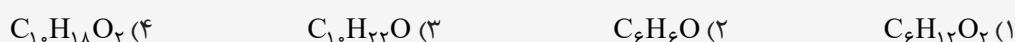
پاسخ: گزینه ۳

فرمول شیمیایی یون کربنات به صورت CO_3^{2-} است، بنابراین ساختار لوویس یون کربنات به صورت زیر است:

$$24 = (-2) - (6 \times 3) + 4 = \text{مجموع شمار الکترون‌های به کار رفته در ساختار لوویس } \text{CO}_3^{2-}$$

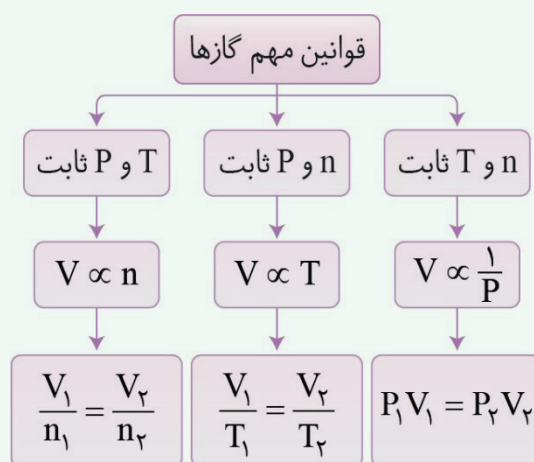


۶۷. اگر بر اثر سوختن کامل نمونه‌ای از یک ترکیب آلی اکسیژن‌دار، ۲۵/۲ لیتر گاز CO_2 و ۴۰/۵ گرم H_2O در دمای $136/5^\circ\text{C}$ و فشار ۳ atm تولید شود، کدام یک از فرمول‌های زیر را می‌توان به این ترکیب نسبت داد؟ ($\text{H} = 1, \text{C} = 12, \text{O} = 16 : \text{g.mol}^{-1}$)



پاسخ: گزینه ۱ متوسط | مفهومی، محاسباتی

نکته جمع‌بندی روابط کمی گازها



$$\text{در نهایت داریم: } \frac{P_1 V_1}{n_1 T_1} = \frac{P_2 V_2}{n_2 T_2}$$

• برای توصیف یک نمونه گاز، افزون بر مقدار، باید دما و فشار آن نیز مشخص باشد. به طوری که حجم گاز با مقدار و دمای آن رابطه مستقیم و با فشار آن رابطه وارونه دارد.

• در رابطه‌های بالا برای کمیت‌های یکسان، باید از یکاهای مشابهی استفاده کنیم؛ یعنی اگر مثلاً V_1 برحسب میلی‌لیتر باشد، V_2 نیز باید برحسب میلی‌لیتر در رابطه قرار گیرد. همچنین حواس‌توان باشد که در این رابطه‌ها، دما حتماً باید برحسب کلوین باشد.

• رابطه برای تبدیل دما برحسب درجه سلسیوس به دما برحسب کلوین: $T = 273 + \theta$

باید شمار مول‌های CO_2 و H_2O تولید شده را حساب کنیم. برای این کار، ابتدا باید حجم مولی گازها را در شرایط داده شده به دست آوریم:

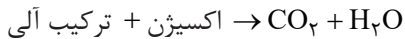
$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \Rightarrow \frac{1 \times 22 / 4}{273} = \frac{3 \times V_2}{(273 + 136 / 5)} \rightarrow V_2 = 11 / 2 \text{ L}$$

در نتیجه حجم مولی گازها در شرایط گفته شده، برابر ۱۱/۲ لیتر است. حال باید مقدار مول فراورده‌های تولیدی را حساب کنیم:

$$? \text{ mol CO}_2 = 25 / 2 \text{ L CO}_2 \times \frac{1 \text{ mol CO}_2}{11 / 2 \text{ L CO}_2} = 2 / 25 \text{ mol CO}_2$$

$$? \text{ mol H}_2\text{O} = 40 / 5 \text{ g H}_2\text{O} \times \frac{1 \text{ mol H}_2\text{O}}{18 \text{ g H}_2\text{O}} = 2 / 25 \text{ mol H}_2\text{O}$$

با سوختن ترکیبات آلی، اتم‌های هیدروژن موجود در آن‌ها به شکل مولکول‌های آب و اتم‌های کربن موجود در آن‌ها نیز به شکل مولکول‌های کربن‌دی‌اکسید وارد هوا می‌شوند: آزمون وی ای پی

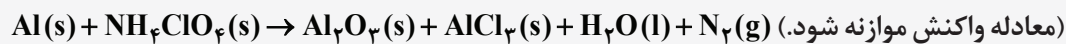
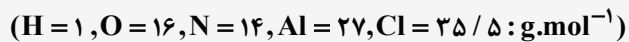


بنابراین اگر فرمول مولکولی ترکیب مورد نظر را به صورت $\text{C}_x\text{H}_y\text{O}_z$ در نظر بگیریم، از سوختن کامل هر مول از این ترکیب، x مول CO_2 و $\frac{y}{2}$ مول H_2O تولید می‌شود و از آنجا که طبق محاسبات انجام شده، شمار مول‌های CO_2 و H_2O تولیدی در این دو واکنش، با هم برابر است؛ می‌توان گفت که:

$$x = \frac{y}{2} \rightarrow y = 2x$$

پس در فرمول شیمیایی این ترکیب آلی، نسبت میان زیروند هیدروژن (y) به زیروند کربن (x)، برابر با ۲ است. از میان ترکیبات داده شده در گزینه‌ها، فقط در ترکیب $\text{C}_6\text{H}_{12}\text{O}_6$ این نسبت برقرار است.

۶۸. اگر واکنش فلز آلومینیم با آمونیوم پرکلرات در ظرفی سرباز، انجام شود و پس از پایان واکنش، جرم مخلوط واکنش، $8/4 \text{ g}$ کاهش یابد، حجم آب تولید شده چند میلی‌لیتر بوده و تفاوت جرم فراورده‌های آلومینیم‌دار چند گرم است؟ (واکنش در شرایط STP انجام می‌شود و گزینه‌ها را به ترتیب از راست به چپ بخوانید.)



$$14/1, 7/2 \quad (4)$$

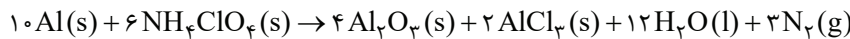
$$4/7, 7/2 \quad (3)$$

$$14/1, 21/6 \quad (2)$$

$$4/7, 21/6 \quad (1)$$

پاسخ: گزینه ۲ متوسط | محاسباتی

ابتدا باید معادله واکنش انجام شده را موازنه کنیم:



نکته در واکنش‌هایی که واکنش‌دهنده(ها) در آن به حالت جامد هستند، کاهش جرم مواد جامد موجود در ظرف، ناشی از خروج گازهای تولیدی است.

در این واکنش کاهش جرم مخلوط، ناشی از تولید گاز N_2 است؛ لذا در این واکنش $8/4$ گرم گاز نیتروژن تولید شده است. بدین ترتیب می‌توانیم حجم آب تولیدی و تفاوت جرم فراورده‌های آلومینیم‌دار را حساب کنیم:

$$\frac{8/4 \text{ g N}_2}{\text{جرم مولی} \times \text{ضریب}} = \frac{x \text{ mL آب} \times 1 \frac{\text{g}}{\text{mL}}}{\text{جرم مولی} \times \text{ضریب}} \rightarrow \frac{8/4}{3 \times 28} = \frac{x}{12 \times 18} \rightarrow x = 21/6 \text{ mL آب}$$

$$\frac{8/4 \text{ g N}_2}{\text{جرم مولی} \times \text{ضریب}} = \frac{\text{تفاوت جرم } y \text{ g}}{(\text{جرم مولی} \times \text{ضریب})_{\text{Al}_2\text{O}_3} - (\text{جرم مولی} \times \text{ضریب})_{\text{AlCl}_3}} \rightarrow \frac{8/4}{3 \times 28} = \frac{y}{(4 \times 102) - (2 \times 133/5)}$$

$$\rightarrow y = 14/1 \text{ g تفاوت جرم}$$

۶۹. اگر هر واحد فرمولی از نمک سولفات فلز X شامل ۶ اتم باشد، هر واحد فرمولی از نمک فسفات فلز X شامل چند اتم است؟ (فلز X فقط یک نوع کاتیون تک اتمی تشکیل می‌دهد.)

$$11 \quad (4)$$

$$5 \quad (3)$$

$$13 \quad (2)$$

$$6 \quad (1)$$

پاسخ: گزینه ۲ ساده | مفهومی

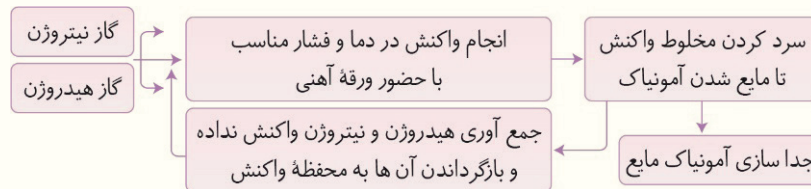
چالش دوم چگونه می‌توان آمونیاک را از مخلوط گازی واکنش جدا کرد؟

برگشت‌پذیر بودن واکنش سبب می‌شود که در ظرف واکنش مخلوطی از سه گاز هیدروژن، نیتروژن و آمونیاک وجود داشته باشد. هابر با بررسی نقطه جوش این سه گاز توانست راه‌حلی برای جداسازی آمونیاک بیابد.

راه‌حل هابر این بود که پس از تولید آمونیاک در دمای 450°C ، فشار 200 atm و در حضور کاتالیزگر آهن، مخلوط واکنش را به ظرف دیگری منتقل کند و دما را تا حدی سرد کند که فقط آمونیاک به مایع تبدیل شود و گازهای H_2 و N_2 همچنان به همان حالت گازی باقی بمانند. از این رو دمای مخلوط را تا دماهای پایین‌تر از 34°C (حدود 4°C) سرد کرد و آمونیاک مایع را از ظرف جمع‌آوری کرد و سپس گازهای هیدروژن و نیتروژن موجود در مخلوط را دوباره به ظرف اصلی واکنش برگرداند.

نقطه جوش ($^{\circ}\text{C}$)	گاز
-253	هیدروژن
-196	نیتروژن
-34	آمونیاک

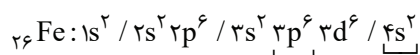
۴) طرح زیر، راه‌حل هابر را نشان می‌دهد:



بررسی عبارت‌ها:

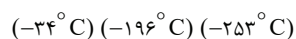
عبارت اول کشاورزان کودهای شیمیایی نیتروژن‌دار را به خاک می‌افزایند. یکی از این کودها آمونیاک است که به طور مستقیم به خاک تزریق می‌شود.

عبارت دوم ورقه آهنی به عنوان کاتالیزگر در فرایند هابر کاربرد دارد. در آرایش الکترونی اتم عنصر آهن (Fe ، ۲۶)، زیرلایه‌های $4s$ و $3p$ دارای $n+l=4$ هستند



۸ الکترون با $n+l=4$

عبارت سوم مقایسه نقطه جوش مواد شرکت‌کننده در واکنش تولید آمونیاک به این صورت است:



نقطه جوش آمونیاک به عنوان فراورده این واکنش، بیشتر از هر کدام از واکنش‌دهنده‌ها است.

عبارت چهارم حواستان باشد که در فرایند هابر، باید دما تا حدی سرد شود که فقط آمونیاک به حالت مایع تبدیل شود و گازهای N_2 و H_2 همچنان به همان حالت گازی باقی بمانند!

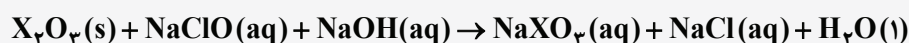
تذکره دما را به هیچ وجه نباید پایین‌تر از دمای جوش نیتروژن و هیدروژن آورد؛ چون در این صورت این دو گاز نیز مایع شده و با آمونیاک مایع، مخلوط می‌شوند.

نکته همه چیز درباره آمونیاک (NH_3): (یک سری از مطالب مربوط به پایه دوازدهم و بزودی باهاشون آشنا خواهید شد.)

آمونیاک (NH₃)

نقشه پتانسیل الکترواستاتیکی: آمونیاک (NH ₃)	ساختار لوویس: 	۱
یکی از کودهای شیمیایی نیتروژن دار که کشاورزان آن را به طور مستقیم به خاک تزریق می کنند.	۲	
از جمله بازهای ضعیف است، به طوری که در محلول آن علاوه بر مقدار کمی از یون های آب پوشیده، شمار بسیاری از مولکول های آمونیاک یافت می شود.	۳	
در شیشه پاک کن کاربرد دارد.	۴	
فریتس هابر در سال ۱۹۱۸ میلادی این ماده را از گازهای نیتروژن و هیدروژن (در شرایط بهینه) تهیه کرد و برنده جایزه نوبل شیمی شد.	۵	
$N_2(g) + 3H_2(g) \xrightleftharpoons[Fe(s)]{200\text{ atm}, 450^\circ C} 2NH_3(g)$	۶	
یک مولکول قطبی است ($\mu > 0$) و در میدان الکتریکی جهت گیری می کند.	۷	
به دلیل H متصل به N (پیوند N-H) می تواند با مولکول های خود، پیوند هیدروژنی برقرار کند؛ از این رو نقطه جوش آن از ترکیب های هیدروژن دار دو عنصر هم گروه خود (PH ₃ و AsH ₃) بالاتر است.		

۷۱. مطابق واکنش موازنه نشده زیر، اگر تفاوت جرم واکنش دهنده های سدیم دار برابر با ۱۳/۸ گرم باشد و ۱۱۲ گرم NaXO₃ تولید شود، جرم مولی عنصر X چند گرم است؟ (H = ۱, O = ۱۶, Na = ۲۳, Cl = ۳۵ / ۵ : g.mol⁻¹)



۱۶۴ (۴)

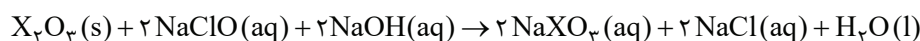
۲۸۰ (۳)

۱۸۳ (۲)

۲۰۹ (۱)

پاسخ: گزینه ۱ سخت | محاسباتی

ابتدا باید معادله واکنش انجام شده را موازنه کنیم:



مشاوره

موازنه و تسلط به موازنه را از یاد نبرید! حواستون باشه در حل سوالات استوکیومتری، در همه سوالات، اولین گام موازنه است. فراموشتون نشه! به ضرایبش نیاز داریم.

همچنین باید در سریع ترین زمان و با تسلط، موازنه کنید که وقتتان را نگیرد. بعلاوه باید روش های مختلف وارسی، ضریب مجهول و اکسایش - کاهش را برای موازنه کردن بیاموزید.
طبق گفته سوال، اگر در این واکنش، تفاوت جرم واکنش دهنده های سدیم دار (NaOH و NaClO)، برابر با ۱۳/۸ گرم باشد، ۱۱۲ گرم NaXO₃ تولید می شود؛ در نتیجه می توان نوشت:

$$\frac{\text{تفاوت جرم } 13/8 \text{ g}}{\underbrace{\text{جرم مولی } \times \text{ضریب}}_{NaClO} - \underbrace{\text{جرم مولی } \times \text{ضریب}}_{NaOH}} = \frac{112 \text{ g NaXO}_3}{\text{جرم مولی } \times \text{ضریب}} \rightarrow \frac{13/8}{(2 \times 74/5) - (2 \times 40)} = \frac{112}{(2 \times (23 + M_X + 48))}$$

$$\rightarrow \frac{13/8}{34/5} = \frac{112}{(M_X + 71)} \rightarrow (M_X + 71) = \frac{34/5 \times 112}{13/8} = 280$$

$$\rightarrow M_X = 209 \text{ g.mol}^{-1}$$

۷۲. اگر در ۲۰۰ گرم محلول کلسیم کلرید با غلظت ۱۱۱ ppm، مقدار ۱۴/۶ میلی گرم گاز هیدروژن کلرید به طور کامل حل شود، غلظت یون کلرید در محلول نهایی بر حسب ppm کدام است؟ (از وقوع واکنش شیمیایی میان حل شونده‌ها چشم‌پوشی شود،

$$(H = 1, Cl = 35/5 : \text{g.mol}^{-1})$$

۲۱۳ (۴)

۷۸۱ (۳)

۱۴۲ (۲)

۷۸/۱ (۱)

پاسخ: گزینه ۲ سخت | محاسباتی

درسنامه

قسمت در میلیون (ppm)

(۱) تعریف: به جرم ماده حل شده در یک میلیون واحد (۱۰^۶) از جرم محلول، قسمت در میلیون (ppm) می‌گویند.

(۲) رابطه اصلی برای محاسبه غلظت محلول‌ها بر حسب ppm:

$$\text{ppm} = \frac{\text{جرم حل شونده}}{\text{جرم محلول}} \times 10^6$$

فرمول‌های ppm

- (۱) $\rightarrow \text{ppm} = \frac{\text{جرم حل شونده}}{\text{جرم محلول}} \times 10^6$ (برای همه محلول‌ها)
- (۲) $\rightarrow \text{ppm} = \frac{\text{جرم حل شونده (mg)}}{\text{جرم محلول (kg)}}$ (برای همه محلول‌ها)
- (۳) $\rightarrow \text{ppm} = \frac{\text{جرم حل شونده (mg)}}{\text{جرم حلال (kg)}}$ (برای محلول‌های بسیار رقیق)
- (۴) $\rightarrow \text{ppm} = \frac{\text{جرم حل شونده (mg)}}{\text{حجم محلول (L)}}$ (برای محلول‌های بسیار رقیق که حلال آن‌ها آب است)

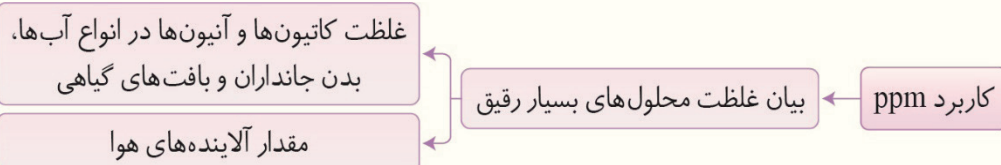
اگر جرم محلول آبی مشخص باشد، از روابط (۱) و (۲) استفاده می‌کنیم ولی اگر حجم محلول آبی رقیق معلوم باشد، رابطه (۴) مناسب‌تر است؛ توجه داشته باشید که رابطه‌های (۱) و (۲) برای همه محلول‌ها ولی رابطه (۴) فقط برای محلول‌های آبی بسیار رقیق کاربرد دارد.

تذکره یکای صورت و مخرج در رابطه ppm باید یکسان باشد. مثلاً هر دو میلی‌گرم (mg)، گرم (g) یا هر دو کیلوگرم (kg) و ... باشد؛ بنابراین ppm یکا ندارد!

(۳) در بسیاری از سؤالات مربوط به بحث محلول‌ها، دو یا چند محلول با غلظت ppm مشخص با هم مخلوط شده و غلظت محلول حاصل از این فرایند از ما خواسته می‌شود. در چنین شرایطی، از روابط زیر استفاده کنیم:

$$\text{غلظت ppm محلول نهایی} = \frac{\dots + (\text{جرم محلول دوم} \times \text{غلظت ppm محلول دوم}) + (\text{جرم محلول اول} \times \text{غلظت ppm محلول اول})}{\dots + \text{جرم محلول دوم} + \text{جرم محلول اول}}$$

(۴)



نکته طبق قانون پایستگی جرم، در محلول یک ترکیب یونی، مجموع غلظت ppm کاتیون و آنیون سازنده ترکیب با غلظت ppm خود ترکیب یونی برابر است:

$$\text{غلظت ppm آنیون} + \text{غلظت ppm کاتیون} = \text{غلظت ppm ترکیب یونی}$$

نکته برای محاسبه نسبت غلظت ppm یون‌های سازنده یک ترکیب یونی، یا محاسبه نسبت غلظت ppm یک یون به خود ترکیب یونی، کافی است نسبت جرم آن‌ها را به دست آوریم:

$$\frac{\text{جرم مولی A} \times \text{جرم A}}{\text{جرم مولی B} \times \text{جرم B}} = \frac{\text{جرم A}}{\text{جرم B}} = \frac{\text{جرم مولی A}}{\text{جرم مولی B}}$$

تست در تست اگر غلظت یون سولفید در محلولی از آمونیوم سولفید، ۱۷۶ ppm باشد، غلظت یون آمونیوم این محلول، چند ppm است؟ ($S = ۳۲, N = ۱۴, H = ۱: \text{g.mol}^{-1}$)

۱) ۱۷۶ ۲) ۲۶۴ ۳) ۱۹۸ ۴) ۷۰۴

پاسخ: گزینه ۳

جرم محلول برای یون‌های موجود در آن برابر است؛ پس نسبت ppm دو جزء از محلول با نسبت جرم آن‌ها برابر است؛ بنابراین می‌توان نوشت:

$$\frac{\text{جرم مولی } \text{NH}_4^+ \times \text{جرم } \text{NH}_4^+}{\text{جرم مولی } \text{S}^{2-} \times \text{جرم } \text{S}^{2-}} = \frac{\text{جرم } \text{NH}_4^+}{\text{جرم } \text{S}^{2-}} = \frac{\text{جرم مولی } \text{NH}_4^+}{\text{جرم مولی } \text{S}^{2-}}$$

شمار مول‌های NH_4^+ در $(\text{NH}_4)_2\text{S}$ ، دو برابر شمار مول‌های S^{2-} است:

$$\frac{\text{جرم مولی } \text{NH}_4^+}{۱۷۶} = ۲ \times \frac{۱۸}{۳۲} \Rightarrow \text{جرم مولی } \text{NH}_4^+ = \frac{۱۷۶ \times ۳۶}{۳۲} = ۱۹۸$$

ابتدا جرم یون کلرید (Cl^-) موجود در محلول اولیه را محاسبه می‌کنیم:

$$\text{جرم } \text{CaCl}_2 = \frac{\text{جرم } \text{CaCl}_2}{\text{جرم محلول}} \times ۱۰^۶ \rightarrow ۱۱۱ = \frac{x}{۲۰۰} \times ۱۰^۶ \rightarrow x = ۲۲۲ \times ۱۰^{-۴} \text{ gCaCl}_2$$

$$۲۲۲ \times ۱۰^{-۴} \text{ gCaCl}_2 \times \frac{۱ \text{ mol CaCl}_2}{۱۱۱ \text{ gCaCl}_2} \times \frac{۲ \text{ mol Cl}^-}{۱ \text{ mol CaCl}_2} \times \frac{۳۵.۵ \text{ gCl}^-}{۱ \text{ mol Cl}^-} = ۱۴۲ \times ۱۰^{-۴} \text{ gCl}^-$$

تذکر اگر شما هم برای تان سوال پیش آمده که گاز هیدروژن کلرید (HCl(g)) و محلول هیدروکلریک اسید (HCl(aq))، چه فرقی

با هم دارند که نحوه نامگذاری‌شان متفاوت است، باید بدانید که:

گاز بی‌رنگ هیدروژن کلرید (HCl(g)) از مولکول‌های دو اتمی H-Cl تشکیل شده است (اتم‌های H و Cl با پیوند کووالانسی به هم متصل هستند). هنگامی که گاز هیدروژن کلرید در آب حل می‌شود، یون‌های $\text{H}^+(\text{aq})$ و $\text{Cl}^-(\text{aq})$ تولید می‌شوند؛ به محلول آبی حاصل که دارای این یون‌ها است، هیدروکلریک اسید (HCl(aq)) می‌گویند. به بیان دیگر هیدروکلریک اسید (HCl(aq)) محلولی از گاز هیدروژن کلرید (HCl(g)) در آب است:

HCl(g) گاز هیدروژن کلرید	HCl(aq) محلول هیدروکلریک اسید
HF(g) گاز هیدروژن فلوئورید	HF(aq) محلول هیدروفلوئوریک اسید
HBr(g) گاز هیدروژن برمید	HBr(aq) محلول هیدروبرمیک اسید
HI(g) گاز هیدروژن یدید	HI(aq) محلول هیدرویدیک اسید

این نکته برای بقیه هیدروژن‌ها هم درست است: آزمون وی ای پی

در اثر انحلال گاز هیدروژن کلرید در آب و محلول‌های آبی، هیدروکلریک اسید حاصل می‌شود که به عنوان یک اسید قوی، به طور کامل به یون‌های H^+ و Cl^- یونش می‌یابد؛ حال باید محاسبه کنیم چند گرم یون Cl^- از این یونش حاصل می‌شود:

$$14/6 \text{ mg HCl} \times \frac{1 \text{ g}}{10^3 \text{ mg}} \times \frac{1 \text{ mol HCl}}{36/5 \text{ g HCl}} \times \frac{1 \text{ mol Cl}^-}{1 \text{ mol HCl}} \times \frac{35/5 \text{ g Cl}^-}{1 \text{ mol Cl}^-} = 142 \times 10^{-4} \text{ g Cl}^-$$

در نهایت کافیسست غلظت یون Cl^- را در محلول نهایی حساب کنیم. حواستان باشد با توجه به این که جرم گاز هیدروژن کلرید اضافه در مقابل جرم محلول اولیه ناچیز است؛ می‌توانیم از آن صرف‌نظر کنیم و جرم محلول نهایی را برابر با جرم محلول اولیه در نظر بگیریم. قسمتی از یون Cl^- موجود در محلول نهایی، حاصل یونش و قسمتی دیگر حاصل تفکیک $CaCl_2$ موجود در محلول اولیه است؛ در نتیجه برای محاسبه جرم این یون در محلول نهایی، باید هر دو را با هم در نظر گرفته و جمع کنیم. بدین ترتیب نحوه محاسبه غلظت یون Cl^- در محلول نهایی به صورت زیر است:

$$\text{ppm}(Cl^-) = \frac{\text{محلول جرم یون } Cl^-}{\text{جرم محلول}} = \frac{(142 \times 10^{-4}) + (142 \times 10^{-4}) \text{ g Cl}^-}{200 \text{ g}} \times 10^6 = 142$$

۷۳. اگر به ۸ میلی لیتر از محلول ۲۷ درصد جرمی منیزیم سولفات با چگالی $1/25 \text{ g mL}^{-1}$ ، مقدار زیادی آب اضافه کنیم به طوری که حجم محلول به ۲۷ لیتر برسد، غلظت یون منیزیم در این محلول به چند ppm می‌رسد؟ ($O = 16, Mg = 24, S = 32; \text{g mol}^{-1}$)

۴۰۰ (۴)
۲۰۰ (۳)
۴۰ (۲)
۲۰ (۱)

پاسخ: گزینه ۱ ساده | محاسباتی

با افزودن آب به محلول و رقیق کردن آن، جرم یون منیزیم موجود در محلول ثابت می‌ماند؛ بنابراین ابتدا جرم Mg^{2+} موجود در محلول را باید حساب کنیم:

$$8 \text{ mL محلول} \times \frac{1/25 \text{ g محلول}}{1 \text{ mL محلول}} \times \frac{27 \text{ g MgSO}_4}{100 \text{ g محلول}} \times \frac{1 \text{ mol MgSO}_4}{120 \text{ g MgSO}_4} \times \frac{1 \text{ mol Mg}^{2+}}{1 \text{ mol MgSO}_4} \times \frac{24 \text{ g Mg}^{2+}}{1 \text{ mol Mg}^{2+}} = 0/54 \text{ g Mg}^{2+}$$

در نهایت با یک محلول آبی بسیار رقیق سر و کار داریم؛ لذا غلظت ppm یون Mg^{2+} در آن را می‌توانیم به صورت زیر محاسبه کنیم:

$$\text{ppm}(Mg^{2+}) = \frac{\text{جرم یون } Mg^{2+} \text{ (برحسب میلی گرم)}}{\text{حجم محلول (برحسب لیتر)}} = \frac{0/54 \text{ g} \times 10^3 \text{ mg}}{27} = \frac{540}{27} = 20$$

حالا برای تسلط بیشتر روی مسائل رقیق سازی در مسائل درصد جرمی، تست پایین رو خوب بررسی کنید:

تست درتست برای تهیه ۴۰۰ گرم محلول ۵۰ درصد جرمی لیتیم کلرید از محلول ۸۰ درصد جرمی آن، می‌توان گرم محلول غلیظ را با گرم آب مخلوط کرد.

۲۵۰ - ۱۵۰ (۴)
۳۰۰ - ۱۰۰ (۳)
۱۰۰ - ۳۰۰ (۲)
۱۵۰ - ۲۵۰ (۱)

پاسخ: گزینه ۱

با اضافه کردن آب، جرم محلول افزایش می‌یابد، ولی جرم حل‌شونده تغییری نمی‌کند؛ بنابراین باید جرم حل‌شونده در محلول رقیق را حساب کنیم و ببینیم در چه حجمی از محلول غلیظ، جرم حل‌شونده با آن برابر می‌شود:

$$\text{جرم } LiCl \text{ موجود در محلول } 50\% \text{ درصد جرمی} = 400 \times \frac{50}{100} = 200 \text{ g}$$

$$\Rightarrow \text{جرم } LiCl \text{ در محلول } 80\% \text{ درصد جرمی} = 200 \text{ g}$$

$$\Rightarrow \text{گزینه (۱)} \Rightarrow 250 \text{ g} = \frac{2000}{8} = \text{جرم محلول غلیظ} \Rightarrow \frac{80}{100} \times \text{جرم محلول غلیظ} = 200$$

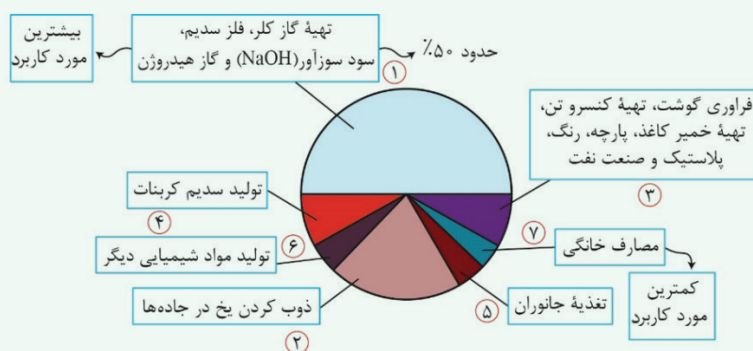
۷۴. کدام یک از مطالب زیر درست است؟

- (۱) سالانه میلیون‌ها تن سدیم کلرید با روش شیمیایی تبلور از آب دریا جداسازی و استخراج می‌شود.
- (۲) برای استخراج منیزیم از آب دریا، در مرحله نخست منیزیم را به صورت ماده جامد و نامحلول منیزیم اکسید رسوب می‌دهند.
- (۳) سود سوزآور و سدیم کربنات، پرمصرف‌ترین ترکیب‌های یونی هستند که از سدیم کلرید تولید می‌شوند.
- (۴) ضدیخ، محلول اتین‌گلیکول در آب و گلاب، مخلوطی همگن از چند ماده آلی در آب است.

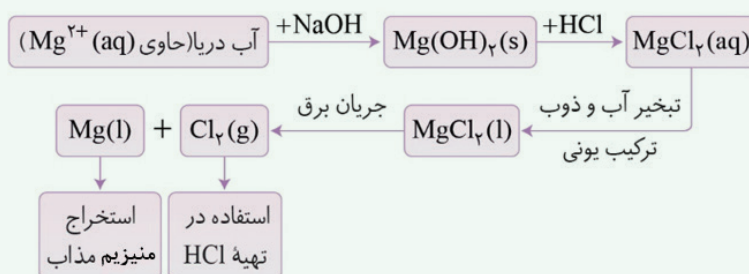
پاسخ: گزینه ۳ ساده | حفظی

سود سوزآور (NaOH) و سدیم کربنات (Na_2CO_3)، پرمصرف‌ترین ترکیب‌های یونی هستند که می‌توان آن‌ها را از سدیم کلرید تهیه کرد.

نکته با توجه به نمودار زیر کاملاً مشخص است که بیشترین کاربرد NaCl در تهیه گاز کلر، فلز سدیم، سود سوزآور (NaOH) و گاز هیدروژن و در رتبه دوم و سوم، به ترتیب ذوب کردن یخ در جاده‌ها و تولید سدیم کربنات است. کم‌ترین کاربرد آن هم در مصارف خانگی است.


بررسی سایر گزینه‌ها:

۱. مواد شیمیایی موجود در آب دریا را می‌توان به روش‌های فیزیکی و شیمیایی از آن جدا کرد. تبلور یکی از روش‌های فیزیکی برای جداسازی مواد موجود در یک مخلوط همگن است. برای مثال سالانه میلیون‌ها تن سدیم کلرید (نمک خوراکی) با روش فیزیکی تبلور از آب دریا جداسازی و استخراج می‌شود.
۲. برای استخراج و جداسازی منیزیم از آب دریا، در مرحله نخست منیزیم را به صورت ماده جامد و نامحلول منیزیم هیدروکسید رسوب می‌دهند؛ نه منیزیم اکسید (MgO)!

نکته مراحل تهیه فلز منیزیم از آب دریا:


۴. هواستون کجاست؟ ضدیخ، محلول اتیلن گلیکول در آب است؛ نه محلول دی اتین گلیکول در آب!

۷۵. در یک نمونه ۳۸۴۰ لیتری از هوای شهر تهران در فشار ۱atm و دمای ۲۰°C، تعداد $7/224 \times 10^{17}$ مولکول گوگرد دی اکسید وجود دارد. با توجه به جدول شاخص‌های طبقه‌بندی میزان آلاینده‌های هوای شهر تهران در طول ۲۴ ساعت، وضعیت هوای تهران در این بازه چگونه ارزیابی می‌شود؟ ($1/2 \text{ kg.m}^{-3}$ = چگالی هوا، $S = 32, O = 16: \text{g.mol}^{-1}$)

وضعیت هوا	پاک	سالم	ناسالم برای گروه حساس	ناسالم
SO ₂ (ppm)	۰-۰/۰۳۴	۰/۰۳۵-۰/۱۴۴	۰/۱۴۵-۰/۲۲۴	۰/۲۲۵-۰/۳۰۴

(۲) ناسالم

(۱) ناسالم برای گروه‌های حساس

(۴) پاک

(۳) سالم

پاسخ: گزینه ۴ متوسط | محاسباتی

استراتژی برای حل این سوال، کفایت ابتدا جرم کل گاز SO₂ موجود در نمونه و نیز جرم نمونه را حساب کنیم، سپس با استفاده از رابطه ppm، غلظت این گاز را برحسب ppm به دست آوریم. در نهایت با توجه به جدول باید ببینیم وضعیت هوا چگونه بوده است. به همین سادگی!

تذکر حواستان باشد که ppm فقط برای بیان غلظت محلول‌های آبی استفاده نمی‌شود. این نوع بیان غلظت، می‌تواند برای انواع و اقسام محلول‌ها (محلول‌های غیرآبی، محلول‌های گازی و ...) یا حتی در مواردی برای مخلوط‌های ناهمگن نیز مورد استفاده قرار گیرد.

نخست جرم گاز SO₂ موجود در نمونه ۳۸۴۰ لیتری از هوای تهران را حساب می‌کنیم:

$$7/224 \times 10^{17} \text{ مولکول SO}_2 \times \frac{1 \text{ mol SO}_2}{6/02 \times 10^{23} \text{ مولکول SO}_2} \times \frac{64 \text{ g SO}_2}{1 \text{ mol SO}_2} = 76/8 \times 10^{-6} \text{ g SO}_2$$

در ادامه سپس باید جرم نمونه هوا را به دست آوریم:

$$3840 \text{ L هوا} \times \frac{1 \text{ m}^3}{10^3 \text{ L}} \times \frac{1/2 \text{ kg هوا}}{1 \text{ m}^3 \text{ هوا}} \times \frac{10^3 \text{ g}}{1 \text{ kg}} = 4608 \text{ g هوا}$$

در نهایت غلظت گاز SO₂ موجود در هوا را برحسب ppm حساب می‌کنیم:

$$\text{ppm}(\text{SO}_2) = \frac{\text{جرم گاز SO}_2}{\text{جرم نمونه هوا}} \times 10^6 = \frac{76/8 \times 10^{-6}}{4608} \times 10^6 = 0/016$$

تذکر در صورت و مخرج رابطه ppm، باید از یکای جرمی یکسانی استفاده شود.

با توجه به جدول مشخص است که وضعیت هوای تهران با توجه به غلظت گاز SO₂ برحسب ppm در آن، در بازه «پاک» قرار دارد.

۷۶. چه تعداد از عبارتهای زیر در ارتباط با واکنش $\text{Cu}^{2+}(\text{aq}) + \text{Al}(\text{s}) \rightarrow \text{Al}^{3+}(\text{aq}) + \text{Cu}(\text{s})$ درست است؟ ($\text{Al} = 27, \text{Cu} = 64: \text{g.mol}^{-1}$)

- در معادله موازنه شده واکنش، ۵ مول الکترون بین گونه‌های اکسند و کاهنده مبادله می‌شود.
- با انجام این واکنش، جرم مواد جامد موجود در ظرف کاهش می‌یابد.
- مجموع ضرایب همه گونه‌های موجود در نیم واکنش موازنه شده اکسایش برابر با ۴ است.
- شمار الکترون‌های مبادله شده در نیم واکنش موازنه شده اکسایش، ۱/۵ برابر شمار الکترون‌های مبادله شده در نیم واکنش موازنه شده کاهش است.

۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۱ (۱)

پاسخ: گزینه ۲ متوسط | مفهومی

فقط عبارت آخر به درستی بیان شده است.

درسنامه

در ارتباط با واکنش‌های اکسایش - کاهش و نیم‌واکنش‌های اکسایش و کاهش به درسنامه زیر توجه کنید. واکنش‌های شیمیایی را می‌توان به دو دسته کلی واکنش‌های اکسایش - کاهش و واکنش‌های غیراکسایش - کاهش، تقسیم کرد. واکنش‌های شیمیایی را که در آنها الکترون‌ها از یک گونه (اتم، مولکول یا یون) به گونه دیگر انتقال می‌یابد، واکنش‌های اکسایش - کاهش می‌گویند.

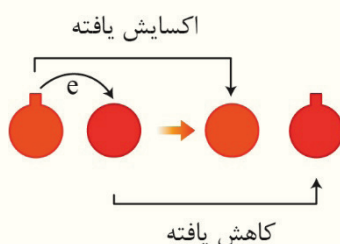
در این واکنش‌ها گونه‌ای (اتم، مولکول یا یون) که یک یا چند الکترون خود را از دست می‌دهد، اکسایش می‌یابد و گونه‌ای که همان الکترون‌ها را می‌گیرد، کاهش می‌یابد. همچنین می‌توان گفت گونه‌ای که با گرفتن الکترون‌ها از گونه دیگر، کاهش می‌یابد، باعث اکسایش گونه مقابل شده و به اصطلاح اکسنده است و از طرف دیگر گونه‌ای که الکترون‌های خود را از دست می‌دهد و اکسایش می‌یابد، باعث کاهش گونه مقابل شده و به اصطلاح کاهنده است.

در مورد واکنش‌های اکسایش - کاهش به موارد زیر باید توجه کرد:

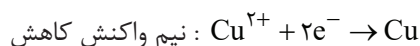
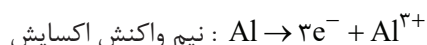
اغلب فلزها، در واکنش با نافلزها، تمایل دارند یک یا چند الکترون خود را به نافلزها داده و ضمن اکسایش، به کاتیون تبدیل شوند. نافلزها نیز با گرفتن یک یا چند الکترون، کاهش یافته و به آنیون تبدیل می‌شوند. از این رو فلزها اغلب کاهنده و نافلزها اغلب اکسنده‌اند.

شیمی‌دان‌ها هریک از فرایندهای گرفتن و از دست دادن الکترون را با یک نیم واکنش، نمایش می‌دهند. نیم واکنشی که با گرفتن الکترون همراه است، نیم واکنش کاهش، و نیم واکنشی که با از دست دادن الکترون همراه است، نیم واکنش اکسایش نام دارد. با تشخیص و نوشتن نیم واکنش اکسایش و نیم واکنش کاهش، می‌توان موازنه واکنش کلی اکسایش - کاهش را راحت‌تر انجام داد.

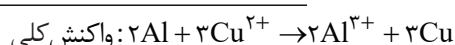
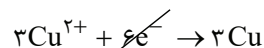
باتوجه به الگوی ساده زیر که یک واکنش اکسایش - کاهش را نشان می‌دهد. می‌توان دو نیم واکنش اکسایش و کاهش را به صورت زیر بیان کرد:



با توجه به درسنامه بالا، نیم واکنش‌های اکسایش و کاهش مورد نظر را می‌نویسیم:



توجه کنید که برای نوشتن و موازنه کردن واکنش کلی حاصل از نیم واکنش‌های اکسایش و کاهش، حتماً باید ضریب الکترون در دو نیم واکنش را یکسان کرد. پس داریم:



عبارت اول) همانطور که مشاهده کردید، طی انجام این واکنش ۶ مول الکترون بین گونه‌های اکسنده (Cu^{2+}) و کاهنده (Al) مبادله می‌شود.

عبارت دوم) مطابق با معادله کلی واکنش موازنه شده، به ازای مصرف ۲ مول فلز Al ، ۳ مول فلز Cu تولید می‌شود. پس جرم مواد جامد موجود در ظرف واکنش افزایش می‌یابد.

$$2 \text{ mol Al} \times \frac{27 \text{ g Al}}{1 \text{ mol Al}} = 54 \text{ g Al} \text{ مصرف شده}$$

جرم مواد جامد موجود در ظرف واکنش به اندازه ۱۳۸ گرم افزایش می‌یابد. $\Rightarrow 192 - 54 = 138$

$$2 \text{ mol Cu} \times \frac{64 \text{ g Cu}}{1 \text{ mol Cu}} = 192 \text{ g Cu} \text{ تولید شده}$$

عبارت سوم) نیم‌واکنش موازنه شده اکسایش این واکنش به صورت $\text{Al(s)} \rightarrow \text{Al}^{3+}(\text{aq}) + 3\text{e}^{-}$ می‌باشد که مجموع ضرایب همه گونه‌ها در این نیم‌واکنش برابر با ۵ است.

عبارت چهارم) با توجه به نیم‌واکنش اکسایش $\text{Al(s)} \rightarrow \text{Al}^{3+}(\text{aq}) + 3\text{e}^{-}$ و نیم‌واکنش کاهش $\text{Cu}^{2+}(\text{aq}) + 2\text{e}^{-} \rightarrow \text{Cu(s)}$ شمار الکترون‌های مبادله شده در نیم واکنش $\frac{3}{2}$ یا $\frac{1}{5}$ برابر شمار الکترون‌های مبادله شده در نیم‌واکنش کاهش است.

۷۷. چه تعداد از عبارتهای زیر درست است؟

- در برخی از واکنش‌های شیمیایی، اتم‌های نافلزی با گرفتن یک یا چند الکترون، کاهش یافته و به آنیون تبدیل می‌شوند.
- در نیم واکنش موازنه شده اکسایش اتم‌های اسکاندیم، الکترون ضریب ۳ داشته و در سمت راست معادله قرار دارد.
- حضور هم‌زمان گونه‌های اکسند و کاهنده برای انجام یک واکنش اکسایش - کاهش لازم است.
- در واکنش میان فلز روی و گاز اکسیژن، اتم‌های روی به عنوان عامل اکسند ایفای نقش می‌کنند.

۱ (۴)

۲ (۳)

۳ (۲)

۴ (۱)

پاسخ: گزینه ۲ متوسط | مفهومی

به جز عبارت آخر، سایر عبارتهای دیگر به درستی بیان شده‌اند.

عبارت اول) در برخی از واکنش‌های شیمیایی، اتم‌های نافلزی با گرفتن یک یا چند الکترون کاهش یافته و به آنیون تبدیل می‌شوند.

عبارت دوم) نیم واکنش موازنه شده اکسایش اتم‌های اسکاندیم به صورت $\text{Sc} \rightarrow \text{Sc}^{3+} + 3\text{e}^{-}$ می‌باشد، که در آن الکترون ضریب ۳ داشته و در سمت راست معادله قرار می‌گیرد.

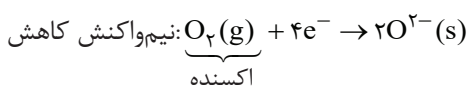
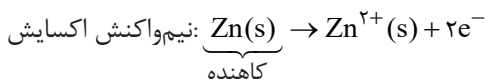
توجه! به طور کلی می‌توان گفت در نیم واکنش اکسایش، e^{-} سمت راست معادله و در نیم واکنش کاهش، e^{-} در سمت چپ معادله قرار دارد.

e^{-} + گونه اکسند → گونه کاهنده : نیم واکنش اکسایش

گونه کاهنده → e^{-} + گونه اکسند : نیم واکنش کاهش

عبارت سوم) حضور هم‌زمان گونه‌های اکسند و کاهنده برای انجام یک واکنش اکسایش - کاهش لازم است، چرا که الکترون‌هایی که طی نیم واکنش اکسایش تولید می‌شوند باید در نیم واکنش کاهش مصرف شوند.

عبارت چهارم) در واکنش میان فلز روی و گاز اکسیژن، اتم‌های روی به عنوان عامل کاهنده و گاز اکسیژن به عنوان عامل اکسند ایفای نقش می‌کنند.



۷۸. جدول زیر داده‌هایی را از قرار دادن چهار تیغه فلزی درون محلول $\text{Au}(\text{NO}_3)_3$ در دمای 25°C نشان می‌دهد. با توجه به آن، کدام مطالب درست است؟ (A؛ B، C و D نمادهای فرضی هستند)

نماد فلز	شماره گروه	شماره دوره	دمای مخلوط واکنش پس از مدتی ($^\circ\text{C}$)
A	۸	۴	۲۷
B	۱۲	۴	۲۸
C	۱۳	۳	۰
D	۱۱	۵	۲۶

(آ) دمای 0°C بالاتر از 28°C است.

(ب) قدرت اکسندگی کاتیون Au^{3+} بیشتر از قدرت اکسندگی کاتیون‌های چهار فلز A، B، C و D است.

(پ) بیشترین شمار الکترون‌های مبادله شده میان تیغه و محلول Au^{3+} ، مربوط به تیغه C است.

(ت) اگر تیغه D را درون محلول هر کدام از کاتیون‌های A، B، C قرار دهیم، واکنشی رخ نمی‌دهد.

(۱) آ، پ، ت (۲) ب، ت (۳) آ، ب، پ (۴) آ، ب، ت

پاسخ: گزینه ۴ متوسط | مفهومی

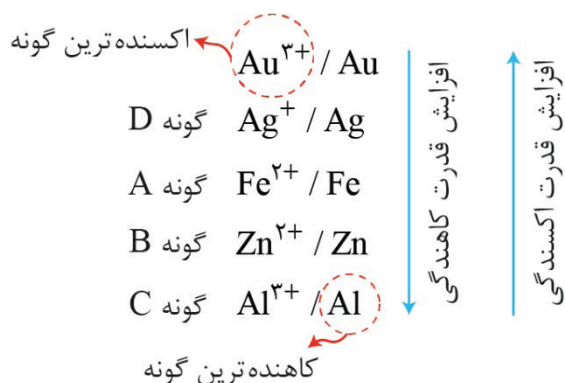
ابتدا در ارتباط با انجام واکنش اکسایش - کاهش به درسنامه زیر توجه کنید.

درسنامه

تولید گرما، نشانه‌ای از انجام واکنش اکسایش - کاهش

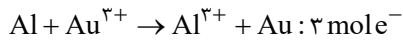
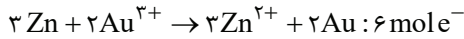
در برخی از واکنش‌های اکسایش - کاهش، افزون بر انتقال الکترون، انرژی نیز آزاد می‌شود. زیرا سامانه واکنش بخشی از انرژی خود را به محیط می‌دهد. برای مثال در سوختن فلزاتی مانند سدیم و پتاسیم، بخشی از انرژی به صورت نور و گرما آزاد می‌شود. در محلول‌های آبی تمایل فلزها برای از دست دادن الکترون، متفاوت است. به عبارت دیگر فلزها قدرت کاهندگی متفاوتی دارند. فلزی که قدرت کاهندگی بیشتری دارد، می‌تواند با برخی کاتیون‌های فلزی واکنش دهد و آن‌ها را به اتم‌های فلزی بکاهد. از واکنش اکسایش - کاهش بین یک فلز و یک کاتیون فلزی، بخشی از انرژی سامانه واکنش به شکل گرما آزاد شده و مخلوط واکنش گرم می‌شود. این افزایش دما، نشانه‌ای از انجام واکنش اکسایش - کاهش می‌باشد، به طوری که هرچه قدرت کاهندگی یک فلز بیشتر باشد، این افزایش دما بیشتر خواهد بود.

مطابق با جدول مطرح شده در صورت سؤال، فلزهای A، B، C و D به ترتیب فلزهای Fe، Zn، Al و Ag می‌باشند و با توجه به دماهای مطرح شده در جدول و مقایسه قدرت کاهندگی به جمع‌بندی زیر می‌رسیم:



عبارت اول) در بین عناصر مطرح شده، Al قدرت کاهندگی بیشتری داشته پس دمای محلول پس از واکنش آلومینیم با Au^{3+} به یقین از دماهای مطرح شده برای سایر فلزات بیشتر است (بیشتر از 28°C).

عبارت دوم) باتوجه به جدول مطرح شده و جمع بندی بالا، Au^{3+} بیشترین قدرت اکسندگی را در مقایسه با کاتیون های چهار فلز دیگر دارد. عبارت سوم) باتوجه به واکنش های انجام شده میان تیغه های فلزات مطرح شده با محلول Au^{3+} ، درمی یابیم که بیشترین شمار الکترون مبادله شده مربوط به واکنش بین تیغه های Fe و Zn با این محلول است.



عبارت چهارم) یک کاتیون و اتم خنثی (فلز) به شرطی با هم واکنش می دهند که اتم خنثی کاهنده تر باشد. پس اگر تیغه فلزی D یا همان نقره را درون محلولی از جنس کاتیون های A، B، و C قرار دهیم واکنشی انجام نمی شود. به عبارت دیگر می توان محلولی از جنس کاتیون های A, B, C را درون ظرفی از جنس فلز D نگهداری کرد.

۷۹. چه تعداد از عبارات های زیر درست است؟

- با دو تیغه مسی و میوه ای مانند لیمو می توان نوعی باتری ساخت و با آن یک لامپ LED را روشن کرد.
- هر نیم واکنش اکسایش، هم از نظر جرم و هم از نظر بار الکتریکی باید موازنه باشد.
- اگر مجموع l, n تمام الکترون های اتم عنصری از دوره سوم جدول برابر ۳۴ باشد، اتم این عنصر در واکنش های اکسایش - کاهش اغلب کاهنده است.
- معادله نیم واکنش کاهش در واکنش میان فلز پتاسیم و گاز کلر به صورت $Cl_2(g) + 2e^- \rightarrow 2Cl^-(g)$ است.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

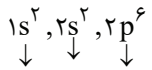
پاسخ: گزینه ۲ متوسط | حفظی، مفهومی

عبارت های دوم و سوم به درستی بیان شده اند.

عبارت اول) مطابق با متن کتاب درسی شیمی ۳، یکی از راه های بهره گیری از انرژی ذخیره شده در فلزها، اتصال آن ها در شرایط مناسب به یکدیگر است. برای نمونه با یک تیغه مسی و تیغه ای دیگر مثل روی و با میوه ای مانند لیمو می توان نوعی باتری ساخت و با آن یک لامپ LED را روشن کرد.

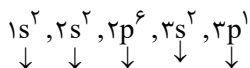
عبارت دوم) هر نیم واکنش، (چه اکسایش و چه کاهش)، هم از نظر بار الکتریکی و هم از نظر جرم باید موازنه باشد.

عبارت سوم) در عناصر دوره سوم جدول تناوبی زیر لایه های $3s$ و $3p$ از الکترون اشغال می شوند. پس می توان نتیجه گرفت که تمام زیر لایه های موجود در لایه های اول و دوم از الکترون پر شده اند.



$$2(1+0) + 2(2+0) + 6(2+1) = 24$$

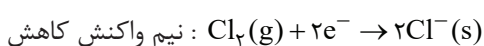
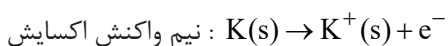
حال اگر عنصر مورد نظر جزو عناصر دسته s دوره سوم باشد، زیر لایه $3s$ در حال پر شدن است که جمع $n+1$ تمام الکترون ها در این حالت برابر با ۲۷ یا ۳۰ می باشد. پس عنصر مورد نظر قطعاً مربوط به دسته p در تناوب سوم بوده است.



$$2(1+0) + 2(2+0) + 6(2+1) + 2(3+0) + 1(3+1) = 34$$

عنصر مورد نظر آلومینیم است و مانند اتم های سایر فلزها، اغلب در نقش کاهنده ظاهر می شود. آزمون وی ای پی

عبارت چهارم) نیم واکنش های اکسایش و کاهش در واکنش میان فلز پتاسیم و گاز کلر به صورت زیر است:



دقت شود که حالت فیزیکی یون کلرید (Cl^-) به صورت (s) است، چرا که فراورده حاصل (پتاسیم کلرید) یک ترکیب یونی جامد می‌باشد.

۸۰. کدام یک از مطالب زیر نادرست است؟

۱) نخستین عنصر جدول دوره‌ای که در لایه سوم اتم خود دارای ۱۸ الکترون است، در واکنش با عنصری که در لایه دوم اتم خود، ۷ الکترون دارد، به عنوان کاهنده ظاهر می‌شود.

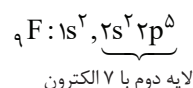
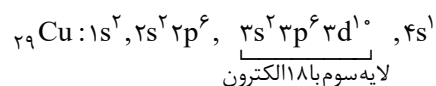
۲) اگر تیغه‌ای از فلز منیزیم درون محلول مس (II) سولفات قرار گیرد، پس از مدتی رسوب قرمز رنگی تشکیل می‌شود.

۳) در واکنش $\text{KMnO}_4(\text{s}) + \text{HCl}(\text{aq}) \rightarrow \text{Cl}_2(\text{g}) + \text{MnCl}_2(\text{aq}) + \text{KCl}(\text{aq}) + \text{H}_2\text{O}(\text{l})$ ، ۶۲/۵ درصد از یون‌های کلرید در نقش کاهنده ظاهر می‌شوند.

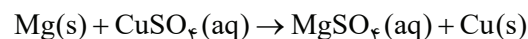
۴) اگر تغییر دمای مخلوط واکنش $\text{A}(\text{s}) + \text{B}^{2+}(\text{aq}) \rightarrow \dots$ بیشتر از تغییر دمای مخلوط واکنش $\text{C}(\text{s}) + \text{B}^{2+}(\text{aq}) \rightarrow \dots$ باشد، واکنش $\text{A}(\text{s}) + \text{C}^{2+}(\text{aq}) \rightarrow \dots$ به طور طبیعی انجام نمی‌شود.

پاسخ: گزینه ۴ متوسط | مفهومی

۱) نخستین عنصر جدول تناوبی که در لایه سوم اتم خود دارای ۱۸ الکترون است همان عنصر Cu ۲۹ بوده که در واکنش با عنصری که در لایه دوم اتم خود ۷ الکترون دارد (عنصر F ۹) به عنوان کاهنده ظاهر می‌شود و اکسایش می‌یابد.

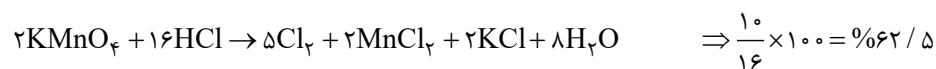


۲) به واکنش میان تیغه منیزیم و محلول مس (II) سولفات توجه کنید.



با توجه به واکنش فوق، با گذشت زمان، رسوب قرمز مس تولید می‌گردد و با مصرف یون‌های $\text{Cu}^{2+}(\text{aq})$ از رنگ آبی محلول کاسته می‌شود.

۳) با توجه به معادله موازنه شده واکنش زیر از ۱۶ اتم Cl با بار «-۱» در واکنش دهنده‌ها، ۱۰ اتم Cl به مولکول Cl_2 تبدیل شده و اکسایش یافته است، یعنی در نقش کاهنده ظاهر شده‌اند:



۴) اگر تغییر دمای مخلوط واکنش $\text{A} + \text{B}^{2+} \rightarrow \dots$ بیشتر از تغییر دمای مخلوط واکنش $\text{C} + \text{B}^{2+} \rightarrow \dots$ باشد، می‌توان نتیجه گرفت که قدرت کاهندگی فلز A از C بیشتر است، پس واکنش میان A و C^{2+} به طور طبیعی انجام خواهد شد.

۸۱. کدام مطالب زیر درست است؟

آ) دو رکن اساسی تحقق فناوری‌هایی مانند اتاق باتری، سمک و قطار برقی، دستیابی به مواد مناسب و تأمین انرژی است.

ب) اندازه‌گیری pH یک محلول به کمک pH سنج دیجیتالی و تولید سلول سوختی جزو قلمروهای الکتروشیمی هستند.

پ) انرژی الکتریکی تولید شده در الکتروشیمی با وجود تحمیل هزینه‌های اقتصادی بالا، پاک است.

ت) در گذشته برای عکاسی از واکنشی به عنوان منبع نور استفاده می‌شد که کاتیون و آنیون فراورده آن، هر دو به آرایش الکترونی یک گاز نجیب می‌رسند.

۱) ب، ت ۲) آ، ب، ت ۳) آ، ت ۴) آ، پ

پاسخ: گزینه ۲ آسان | حفظی

آ با توجه به متن کتاب درسی، اتاق باتری، سمک و قطار برقی نمونه‌هایی از فناوری‌هایی هستند که نقش الکتروشیمی را در آسایش و رفاه نشان می‌دهند و دو رکن اساسی تحقق این فناوری‌ها، دستیابی به مواد مناسب و تأمین انرژی است.

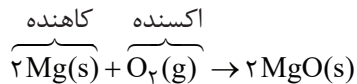
ب

برخی قلمروهای الکتروشیمیایی: تأمین انرژی ← باتری‌ها، سلول‌های سوختی و سوخت آنها
تولید مواد ← برق‌کافت، آبکاری

اندازه‌گیری و کنترل کیفی ← اطمینان از کیفیت فراورده مثل اندازه‌گیری pH یک محلول به کمک pH سنج دیجیتال
باتوجه به موارد فوق، اندازه‌گیری pH یک محلول به کمک pH سنج دیجیتال و تولید سلول‌های سوختی جزو قلمروهای الکتروشیمیایی متفاوتی به حساب می‌آیند.

پ تولید انرژی الکتریکی پاک و ارزان دستاوردی از دانش الکتروشیمیایی است که در سایه فناوری‌های پیشرفته، افزایش سطح رفاه و آسایش را در جهان به دنبال داشته است. پس انرژی الکتریکی تولید شده در الکتروشیمی پاک بوده و هزینه‌های بالایی ندارد.

ت در گذشته برای عکاسی، از سوختن منیزیم به عنوان منبع نور استفاده می‌شد. طی این واکنش $Mg(s)$ با نور خیره کننده‌ای در گاز اکسیژن می‌سوزد و به منیزیم اکسید تبدیل می‌شود که کاتیون (Mg^{2+}) و آنیون (O^{2-}) آن هر دو به آرایش الکترونی گاز نجیب Ne می‌رسند.



مشاوره با توجه به کنکورهای اخیر و علاقه طراحان به متن کتاب درسی، متن کتاب درسی را با دقت بیشتری مورد مطالعه قرار دهید و عبارات و جملات مطرح شده در کتاب درسی را جدی بگیرید.

۸۲. چه تعداد از موارد زیر جزو ویژگی‌های هر واکنش اکسایش - کاهش است؟

(آ) انجام این واکنش‌ها با آزاد شدن مقداری انرژی همراه است.

(ب) شمار الکترون‌های ظرفیتی اتم‌ها در این واکنش‌ها تغییر می‌کند.

(پ) دست کم یکی از اجزای این واکنش‌ها، ترکیب یونی است.

(ت) گونه‌های اکسنده و کاهنده، دو عنصر متفاوت هستند.

(۱) ۳ (۲) صفر (۳) ۱ (۴) ۲

پاسخ: گزینه ۲ متوسط | مفهومی

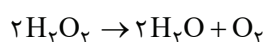
همه عبارات‌های مطرح شده نادرست‌اند.

آ در برخی از واکنش‌های اکسایش - کاهش افزون بر داد و ستد الکترون انرژی نیز آزاد می‌شود.

ب در بسیاری از واکنش‌های اکسایش - کاهش مانند $2H_2 + O_2(g) \rightarrow 2H_2O$ ، شمار الکترون‌های ظرفیتی اتم‌ها تغییر نمی‌کند.

پ برای انجام یک واکنش اکسایش - کاهش لزومی به وجود ترکیب یونی نیست. به عنوان مثال واکنش سوختن هیدروکربن‌ها واکنشی از نوع اکسایش - کاهش است که ترکیب یونی در آن مشاهده نمی‌شود.

ت ممکن است در یک واکنش اکسایش - کاهش، گونه‌های اکسنده و کاهنده هر دو یک عنصر باشند. مثال: در واکنش تجزیه هیدروژن پراکسید اتم‌های اکسیژن هم اکسنده و هم کاهنده هستند.



۸۳. کدام یک از مطالب زیر نادرست است؟

- (۱) دو فلز نخست دوره سوم جدول تناوبی در اکسیژن می‌سوزند و نور و گرما تولید می‌کنند.
 (۲) از واکنش میان فلز روی و یون $V^{3+}(aq)$ ، می‌توان فلز وانادیم و یون روی تولید کرد.
 (۳) بیست و پنجمین عنصر جدول تناوبی، کاهنده‌تر از بیست و نهمین عنصر جدول تناوبی است.
 (۴) باتری مولدی است که در آن واکنش‌های شیمیایی با سفر الکترون رخ می‌دهد تا بخشی از انرژی شیمیایی مواد به انرژی الکتریکی تبدیل شود.

پاسخ: گزینه ۲ سخت | مفهومی

بررسی گزینه‌ها:

- ۱** سوختن، یک واکنش شیمیایی است که در آن یک ماده با اکسیژن واکنش داده و طی آن گرما و نور آزاد می‌شود. دو فلز نخست دوره سوم جدول یعنی Na و Mg در اکسیژن می‌سوزند و نور و گرما تولید می‌کنند.
۲ واکنش میان فلز روی و یون V^{3+} به صورت زیر انجام می‌شود. این واکنش در صفحه ۴۲ کتاب درسی آماده است:

$$Zn(s) + 2V^{3+}(aq) \rightarrow 2V^{2+}(aq) + Zn^{2+}(aq)$$

۳ با توجه به معادله واکنش زیر می‌توان نتیجه گرفت که Mn کاهنده‌تر از Cu است. این واکنش در صفحه ۴۲ کتاب درسی آماده است:

$$Mn(s) + Cu^{2+}(aq) \rightarrow Mn^{2+}(aq) + Cu(s)$$

۴ باتری مولدی است که در آن واکنش‌های شیمیایی با سفر الکترون (واکنش‌های اکسایش - کاهش) رخ می‌دهد تا بخشی از انرژی شیمیایی - مواد به انرژی الکتریکی تبدیل شود.

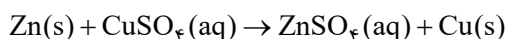
۸۴. کدام مطالب زیر در ارتباط با واکنش فلز روی با محلول مس (II) سولفات درست است؟

- (آ) می‌توان این واکنش را به گونه‌ای انجام داد تا همراه با تولید گرما، از الکترون‌های داد و ستد شده برای ایجاد جریان الکتریکی استفاده کرد.
 (ب) با گذشت زمان به تدریج از شدت رنگ محلول موجود در ظرف کاسته می‌شود.
 (پ) در این واکنش ابتدا اتم‌های روی اکسایش یافته و پس از آن، یون‌های مس کاهش می‌یابند.
 (ت) در این واکنش همانند واکنش سوختن گاز شهری، فراورده‌ها پایدارتر از واکنش دهنده‌ها هستند.
 (۱) آ، ب (۲) پ، ت (۳) ب، پ، ت (۴) آ، ب، ت

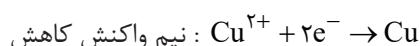
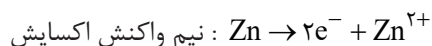
پاسخ: گزینه ۴ متوسط | مفهومی

تنها عبارت «پ» به نادرستی بیان شده است.

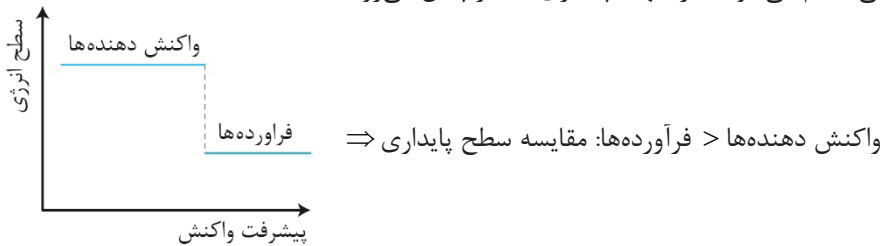
ابتدا به معادله واکنش میان فلز روی با محلول مس (II) سولفات توجه کنید:



- آ** می‌توان این واکنش را به گونه‌ای انجام داد که همراه با تولید گرما، از الکترون‌های دادوستد شده برای ایجاد جریان الکتریکی استفاده کرد. چرا که قدرت کاهندگی فلز روی از مس بیشتر بوه و این واکنش به طور خود به خودی انجام می‌پذیرد.
ب با گذشت زمان و انجام واکنش فوق، به تدریج از رنگ آبی محلول کاسته می‌شود زیرا یون‌های آبی‌رنگ مس (II) مصرف می‌شوند.
پ در یک واکنش اکسایش - کاهش، نیم واکنش‌های اکسایش و کاهش همزمان با هم انجام می‌شوند به عبارت دیگر طی انجام این واکنش، اکسایش اتم‌های روی و کاهش یون‌های مس همزمان رخ می‌دهد:



ت در این واکنش همانند سوختن کامل گاز شهری، فرآورده‌های واکنش پایدارتر از واکنش دهنده‌های آن هستند به طور کلی می‌توان گفت واکنش‌های شیمیایی که به طور طبیعی انجام می‌شوند، در جهت پایداری بیشتر پیش می‌روند.



نکته میان سطح انرژی و پایداری یک ماده، نسبت معکوس وجود دارد.

۸۵. با توجه به شکل‌های زیر که الگوی ساده‌ای از واکنش میان دو اتم A و X را نشان می‌دهد کدام مطالب پیشنهاد شده درست است؟ (نمادها فرضی‌اند، در عنصر X؛ عدد جرمی دو برابر عدد اتمی است.)



آ فرایند (I) نیم واکنش اکسایش آخرین عنصر دسته d دوره چهارم جدول و فرایند (II) نیم واکنش کاهش پذیرترین نافلز جدول را نشان می‌دهد.

ب) به ازای مبادله $3/612 \times 10^{22}$ الکترون میان اتم‌های A و X و تولید $2/43 \text{ g}$ فرآورده می‌توان نتیجه گرفت که شمار نوترون‌های A برابر با ۳۵ است.

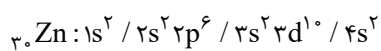
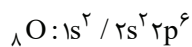
پ) تفاوت مجموع اعداد n و l برای الکترون‌هایی که اتم X به دست آورده با الکترون‌هایی که اتم A از دست داده برابر با ۲ است.

ت) عنصر X با تمام فلزهای جدول به جز طلا می‌تواند واکنش دهد.

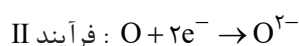
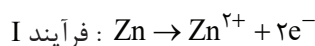
- (۱) آ، پ (۲) ب، ت (۳) ب، پ، ت (۴) ب، پ

پاسخ: گزینه ۴ سخت | مفهومی، محاسباتی

با توجه به شکل و چینش الکترون‌ها در لایه‌های الکترونی اطراف هسته، عنصر A همان فلز روی (${}_{30}\text{Zn}$) و عنصر X همان عنصر اکسیژن (${}_{8}\text{O}$) است.



فرآیندهای I و II به ترتیب اکسایش اتم فلز روی و کاهش اتم اکسیژن را نشان می‌دهد.



بررسی عبارتهای

آ فرآیند I نیم واکنش اکسایش عنصر ${}_{30}\text{Zn}$ که آخرین عنصر دسته d تناوب چهارم جدول است را نمایش می‌دهد و فرآیند II نیم واکنش کاهش عنصر اکسیژن را نمایش می‌دهد. توجه کنید که واکنش پذیرترین نافلز جدول دوره‌ای، عنصر فلئور (F) است.

ب در این واکنش به ازای مبادله ۲ مول الکترون $2 \times 6/02 \times 10^{23}$ الکترون، یک مول فرآورده (ZnO) تولید می‌شود. اگر شمار الکترون‌های مبادله شده برابر با $3/612 \times 10^{22}$ باشد، شمار مول‌های فرآورده برابر خواهد بود با:

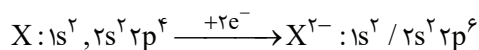
$$? \text{ mol ZnO} = 3/612 \times 10^{22} e^{-} \times \frac{1 \text{ mol ZnO}}{2 \times 6/02 \times 10^{23} e^{-}} = 0/03 \text{ mol ZnO}$$

$$\text{جرم مولی ZnO} = \frac{\text{ZnO}}{\text{شمار مول های ZnO}} = \frac{2 / 43 \text{ g}}{0.03 \text{ mol}} = 143.3 \text{ g.mol}^{-1}$$

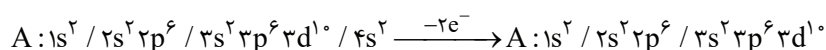
$$\text{ZnO} : 143.3 \text{ g.mol}^{-1} \Rightarrow (\text{جرم مولی Zn}) + 16 = 143.3 \Rightarrow \text{جرم مولی Zn} = 127.3 \text{ g.mol}^{-1}$$

$$\text{ZnO جرمی} = 35 = 65 - 30 = 35 \Rightarrow \text{تعداد نوترون} = 65 - 30 = 35$$

پ



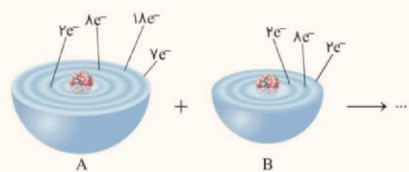
همان طور که مشاهده می کنید، دو الکترونی که اتم X بدست آورده، به زیر لایه 2p وارد شده اند که مجموع اعداد کوانتومی l, n برای این دو الکترون موجود در این زیر لایه برابر با 6 است. $2(2+1) = 6$



همانطور که مشاهده می کنید، الکترون هایی که اتم A از دست داده است، از زیر لایه 4s بوده که مجموع اعداد کوانتومی l, n برای الکترون های موجود در این زیر لایه برابر با 8 می باشد. $2(4+0) = 8$. تفاوت دو عدد 8 و 6 برابر با 2 است.

ت عنصر X همان اکسیژن (O) است که نافلز فعال بوده و با اغلب فلزها واکنش می دهد و آنها را به اکسید تبدیل می کند در حالیکه با برخی فلزها مثل طلا و پلاتین واکنش نمی دهد.

(کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۴۰۱)

تست در تست با توجه به شکل مقابل، چند مورد از مطالب زیر درست است؟


- اتم A با گرفتن یک الکترون، به آرایش گاز نجیب می رسد.
- B اتم یک عنصر اکسندۀ قوی است و واکنش پذیری بالایی دارد.
- تبدیل اتم A به یون پایدار آن، به صورت: $A + e^- \rightarrow A^-$ انجام می شود.
- در واکنش A با B، به ازای انتقال دو مول الکترون، یک مول فرآورده تشکیل می شود.

۴ (۴)

۳ (۳)

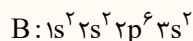
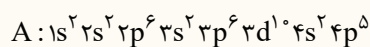
۲ (۲)

۱ (۱)

پاسخ: گزینه ۳

عبارت های اول، سوم و چهارم درست اند.

ابتدا با توجه به ساختار لایه های اتم های A, B، آرایش الکترونی آنها را می نویسیم:

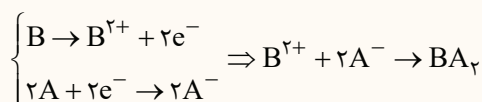

بررسی عبارت ها:

عبارت اول: درست - اتم A، هالوژن دوره چهارم جدول تناوبی است. (Br) این اتم در لایه ظرفیت خود ۷ الکترون داشته و با گرفتن یک الکترون به آرایش گاز نجیب هم دوره خود (Kr) می رسد.

عبارت دوم: نادرست - اتم B فلز قلیایی خاکی از دوره سوم جدول تناوبی است (Mg). این اتم در واکنش ها الکترون از دست داده و دچار اکسایش می شود؛ بنابراین کاهنده است نه اکسندۀ!

عبارت سوم: درست - همان طور که گفته شد A یک هالوژن است که در لایه ظرفیت اتم خود ۷ الکترون داشته و با گرفتن یک الکترون به یون پایدار A^- تبدیل می شود ($A + e^- \rightarrow A^-$).

عبارت چهارم: درست - با توجه به نیم واکنش های زیر، به ازای مبادله دو مول الکترون، یک مول فرآورده تشکیل می شود.





۳۰ آبان ماه ۱۴۰۳

دفترچه شماره ۳

دفترچه پاسخ آزمون الکترونیکی زیستاز

آزمون شماره ۱۰

ویژه دانش آموزان پایه دوازدهم

نام درس	ریاضی	زمین
گزینشگر	سجاد عظمتی	گلنوش شمس
ناظر علمی	محمد مصطفی ابراهیمی	گلنوش شمس
مسئول آزمون	گروه ریاضی فیثاغورس	گلنوش شمس
پاسخنامه نویس	داوود بوالحسنی	گلنوش شمس
طراحان	سجاد عظمتی ، امیرحسام شکری، میثم صمدی، نریمان فتح الهی، محمدجواد لطفی، محمدامین کریمی	گلنوش شمس
ویراستاران	مصطفی غلامی، بهروز دُرزاده، علیرضا کاظمی بقا، فاطمه بهمن آبادی، علی فلاح	گلنوش شمس

تولید فنی و گرافیک توسط نشر ویانو

چاپ، تکثیر، انتشار و با استفاده از محتوای آزمون به هرنحوی و بدون اجازه (گروه آموزشی زیستاز) غیرقانونی،
غیراخلاقی و خلاف شرع بوده و با متخلفان برابر مقررات رفتار خواهد شد.

ویژه کنکور ۱۴۰۴



پاسخنامه ریاضی

آزمون مرحله ۱۰ پایه دوازدهم ۳۰ آبان ۱۴۰۳

۸۶. فاصله نقطه $(0, 2)$ از محل برخورد تابع نمایشی $f(x) = 3a^{2x-1} + 2$ با محور y ها برابر ۶ است. مقدار $f(1)$ کدام است؟

- (۱) $\sqrt{6}$ (۲) $3/5$ (۳) $1 + \sqrt{6}$ (۴) ۴

پاسخ: گزینه ۲

محل برخورد تابع نمایشی $f(x) = 3a^{2x-1} + 2$ با محور y ها برابر است با:

$$f(0) = 3a^{-1} + 2 = \frac{3}{a} + 2 \Rightarrow A\left(0, \frac{3}{a} + 2\right)$$

از آن جایی که فاصله نقطه $B(0, 2)$ از نقطه $A\left(0, \frac{3}{a} + 2\right)$ برابر ۶ است و این دو نقطه دارای طول یکسان هستند، پس:

$$|AB| = |y_A - y_B| \Rightarrow \left| 2 - \left(\frac{3}{a} + 2\right) \right| = 6 \Rightarrow \left| \frac{3}{a} \right| = 6 \Rightarrow \begin{cases} a = \frac{1}{2} \\ a = -\frac{1}{2} \end{cases}$$

از آن جایی که f یک تابع نمایشی است، پس a یک عدد حقیقی مثبت و مخالف ۱ است، بنابراین $a = \frac{1}{2}$ قابل قبول است و داریم:

$$f(x) = 3 \times \left(\frac{1}{2}\right)^{2x-1} + 2 \Rightarrow f(1) = 3 \times \left(\frac{1}{2}\right)^1 + 2 = \frac{3}{2} + 2 = \frac{7}{2} = 3.5$$

۸۷. حاصل ضرب ریشه‌های معادله $x^2 \log_3^4 - (x+1) \log_3^4 - 2 = 0$ کدام است؟

- (۱) \log_3^{18} (۲) $-\log_3^{18}$ (۳) \log_3^3 (۴) $-\log_3^3$

پاسخ: گزینه ۲

می‌دانیم $\log_3^4 = \log_3^2$ است. حالا ابتدا معادله را به صورت مرتب بازنویسی می‌کنیم: آزمون وی ای پی

$$x^2 \log_3^4 - (x+1) \log_3^4 - 2 = 0$$

$$\Rightarrow x^2 \log_3^4 - x \log_3^4 - \log_3^4 - 2 = 0$$

حالا به جای عدد ۲، \log_3^9 را قرار می‌دهیم:

$$x^2 \log_3^4 - x \log_3^4 - (\log_3^4 + \log_3^9) = 0$$

$$\Rightarrow x^2 \log_3^4 - x \log_3^4 - \log_3^{18} = 0$$

از طرفی می‌دانیم حاصل ضرب ریشه‌های معادله درجه دوم برابر $\frac{c}{a}$ است، پس:

$$x_1 x_2 = \frac{c}{a} = \frac{-\log_3^{18}}{\log_3^4} = -\log_3^{18}$$

۸۸. خط به معادله $(8 \log_3^6)x + (3 \log_3^6)y = 12$ محورهای مختصات را در دو نقطه A و B قطع می‌کند. فاصله دو نقطه A و

B کدام است؟

- (۱) \log_3^{24} (۲) \log_3^{27} (۳) \log_3^{32} (۴) \log_3^{36}

پاسخ: گزینه ۳

با جای گذاری $x = 0$ در معادله خط $(8 \log_4^{\circ})x + (3 \log_2^{\circ})y = 12$ داریم:

$$x = 0 \Rightarrow (3 \log_2^{\circ})y = 12 \Rightarrow y = \frac{12}{3 \log_2^{\circ}} = 4 \log_2 \Rightarrow A(0, 4 \log_2)$$

حالا با جای گذاری $y = 0$ در معادله خط داریم:

$$y = 0 \Rightarrow (8 \log_4^{\circ})x = 12 \Rightarrow x = \frac{12}{8 \log_4^{\circ}} = \frac{3}{2} \log_4$$

$$\Rightarrow x = \frac{3}{2} \log_4 2^2 = 3 \log_2 \Rightarrow B(3 \log_2, 0)$$

حالا فاصله دو نقطه $A(0, 4 \log_2)$ و $B(3 \log_2, 0)$ را می یابیم.

$$|AB| = \sqrt{(3 \log_2)^2 + (4 \log_2)^2} = \sqrt{25(\log_2)^2} = 5 \log_2 = \log_4 32$$

۸۹. اگر $\log_3^{\circ} = a$ و $\log_3^{\circ} = b$ باشد، مقدار $\log_3^{\circ} 15$ بر حسب a و b کدام است؟

(۱) $\frac{ab+b}{a+b}$ (۲) $\frac{a+ab}{a-b}$ (۳) $\frac{ab+a}{1+ab}$ (۴) $\frac{a+b}{1+ab}$

پاسخ: گزینه ۳

چون $\log_3^{\circ} = a$ است، پس $\log_3^{\circ} = \frac{1}{a}$ است. حالا برای محاسبه $\log_3^{\circ} 15$ ، آن را به مبنای ۳ می بریم:

$$\log_3^{\circ} 15 = \frac{\log_3^{\circ} 15}{\log_3^{\circ} 1} = \frac{\log_3^{\circ} 3 + \log_3^{\circ} 5}{\log_3^{\circ} 3 + \log_3^{\circ} 5} = \frac{1+b}{\frac{1}{a}+b} = \frac{1+b}{\frac{1+ab}{a}} = \frac{ab+a}{1+ab}$$

۹۰. اگر $x^2 + y^2 = 20xy$ و $\log\left(\frac{x-y}{3}\right) = 4$ باشد، مقدار $\log x + \log 2y$ کدام است؟

(۱) ۴ (۲) ۸ (۳) ۱۶ (۴) ۳۲

پاسخ: گزینه ۲

از تساوی $\log\left(\frac{x-y}{3}\right) = 4$ داریم:

$$\log\left(\frac{x-y}{3}\right) = 4 \Rightarrow \frac{x-y}{3} = 10^4 \Rightarrow x-y = 3 \times 10^4$$

حالا به طرفین تساوی $x^2 + y^2 = 20xy$ جمله $-2xy$ را اضافه می کنیم:

$$x^2 + y^2 - 2xy = 20xy - 2xy \Rightarrow (x-y)^2 = 18xy$$

در ضمن می دانیم $x-y = 3 \times 10^4$ است، پس:

$$18xy = (3 \times 10^4)^2 = 9 \times 10^8 \Rightarrow 2xy = 10^8$$

$$\Rightarrow \log x + \log 2y = \log 2xy = \log 10^8 = 8$$

۹۱. مجموعه جواب معادله $\left|3 - \log_3^{\circ} x\right| + \log_3^{\circ} x = 3$ شامل چند عدد طبیعی زوج است؟

(۱) ۹ (۲) ۸ (۳) ۴ (۴) ۳

پاسخ: گزینه ۳

ابتدا معادله را به صورت زیر می نویسیم:

$$\left|3 - \log_3^{\circ} x\right| + \log_3^{\circ} x = 3 \Rightarrow \left|3 - \log_3^{\circ} x\right| = 3 - \log_3^{\circ} x$$

از طرفی می‌دانیم اگر $|u| = u$ باشد، عبارت درون قدرمطلق یعنی u بزرگتر یا مساوی صفر است، پس:

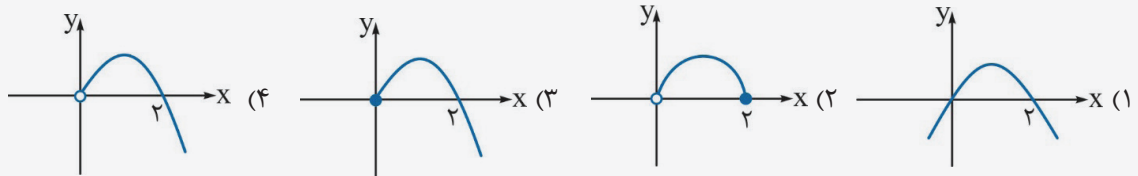
$$3 - \log_4^x \geq 0 \Rightarrow \log_4^x \leq 3 \Rightarrow \log_4^x \leq \log_4^8 \Rightarrow x \leq 8$$

در ضمن عبارت جلوی لگاریتم باید مثبت باشد، پس:

$$x > 0$$

حالا از اشتراک بازه‌های به دست آمده، مجموعه جواب معادله برابر بازه $(0, 8]$ است که شامل ۴ عدد طبیعی زوج است.

۹۲. اگر $f(x) = \log_4^x$ و $g(x) = 4^x$ باشد، نمودار تابع $y = (fog)(x) - (gof)(x)$ کدام است؟



پاسخ: گزینه ۴

ابتدا ضابطه fog و gof را مشخص می‌کنیم:

$$fog(x) = f(g(x)) = \log_4^{4^x} = \log_4^{2^{2x}} = 2x$$

$$gof(x) = g(f(x)) = 4^{\log_4^x} = x^{\log_4^4} = x^2$$

در ضمن می‌دانیم $D_f = (0, +\infty)$ و $D_g = \mathbb{R}$ است. حالا دامنه fog و gof را به دست می‌آوریم:

$$D_{fog} = \{x \in D_g \mid g(x) \in D_f\} = \{x \in \mathbb{R} \mid 4^x > 0\}$$

نامعادله $4^x > 0$ همواره برقرار است، پس:

$$D_{fog} = \{x \in \mathbb{R} \mid x \in \mathbb{R}\} = \mathbb{R}$$

برای دامنه gof نیز داریم:

$$D_{gof} = \{x \in D_f \mid f(x) \in D_g\} = \{x > 0 \mid \log_4^x \in \mathbb{R}\}$$

در ضمن می‌دانیم حاصل \log_4^x به ازای $x > 0$ همواره مقداری حقیقی است، پس:

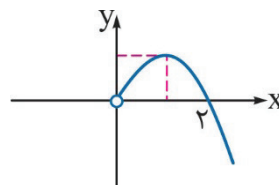
$$D_{gof} = \{x > 0 \mid x > 0\} = (0, +\infty)$$

بنابراین دامنه تابع $y = (fog)(x) - (gof)(x)$ برابر است با:

$$D_{fog} \cap D_{gof} = \mathbb{R} \cap (0, +\infty) = (0, +\infty)$$

$$\Rightarrow y = (fog)(x) - (gof)(x) = 2x - x^2; x \in (0, +\infty)$$

پس نمودار آن به صورت زیر است:



۹۳. اگر $f(x) = \log_4^{(2^x - 6)}$ باشد، دامنه تابع $g(x) = \sqrt{29 - f^{-1}(x)}$ شامل چند عدد طبیعی است؟

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

پاسخ: گزینه ۴

ابتدا وارون تابع $f(x) = \log_3(3x - 6)$ را به دست می آوریم:

$$y = \log_3(3x - 6) \Rightarrow 3^y = 3x - 6 \Rightarrow x = \frac{3^y + 6}{3}$$

$$\Rightarrow x = 3^{y-1} + 2 \Rightarrow f^{-1}(x) = 3^{x-1} + 2$$

حالا ضابطه $g(x)$ را مشخص می کنیم:

$$g(x) = \sqrt{29 - f^{-1}(x)} = \sqrt{29 - (3^{x-1} + 2)} = \sqrt{27 - 3^{x-1}}$$

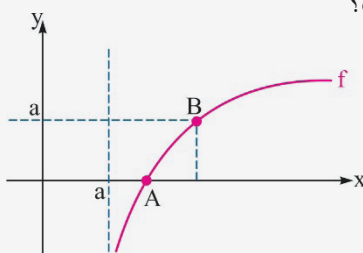
عبارت زیر رادیکال باید بزرگ تر یا مساوی صفر باشد، پس:

$$27 - 3^{x-1} \geq 0 \Rightarrow 3^{x-1} \leq 27 \Rightarrow 3^{x-1} \leq 3^3$$

$$\Rightarrow x - 1 \leq 3 \Rightarrow x \leq 4 \Rightarrow D_g = (-\infty, 4]$$

پس دامنه تابع g دارای ۴ عدد طبیعی است.

۹۴. نمودار تابع $f(x) = \log_3(ax - 4)$ به صورت مقابل است. فاصله دو نقطه A و B کدام است؟



- ۳ (۱)
- $2\sqrt{3}$ (۲)
- $2\sqrt{5}$ (۳)
- ۵ (۴)

پاسخ: گزینه ۳

با توجه به نمودار تابع f در صورت سوال، دامنه تابع f برابر بازه $(a, +\infty)$ است. پس عبارت جلوی لگاریتم به ازای $x = a$ برابر صفر می شود.

$$ax - 4 = 0 \xrightarrow{x=a} a^2 - 4 = 0 \Rightarrow a^2 = 4 \Rightarrow \begin{cases} a = 2 & \checkmark \\ a = -2 & \times \end{cases}$$

پس $f(x) = \log_3(2x - 4)$ است. حالا ابتدا محل برخورد نمودار با محور x ها را پیدا می کنیم:

$$\log_3(2x - 4) = 0 \Rightarrow 2x - 4 = 1 \Rightarrow 2x = 5 \Rightarrow x = \frac{5}{2} \Rightarrow A\left(\frac{5}{2}, 0\right)$$

با توجه به این که عرض نقطه B برابر ۲ است، پس برای پیدا کردن طول نقطه B داریم:

$$\log_3(2x - 4) = 2 \Rightarrow 2x - 4 = 9 \Rightarrow x = \frac{13}{2} \Rightarrow B\left(\frac{13}{2}, 2\right)$$

بنابراین فاصله دو نقطه A و B برابر است با:

$$AB = \sqrt{\left(\frac{13}{2} - \frac{5}{2}\right)^2 + (2 - 0)^2} = \sqrt{4^2 + 2^2} = \sqrt{20} = 2\sqrt{5}$$

۹۵. اگر $\log_7(\log_7^x) + \log_7(\log_7^x) = 2$ باشد، حاصل \log_8^x کدام است؟

- $\frac{4}{3}$ (۲)
- $\frac{4}{9}$ (۳)
- $\frac{4}{5}$ (۴)
- $\frac{4}{3}$ (۱)

پاسخ: گزینه ۱

با استفاده از خواص لگاریتم داریم:

$$\log_7(\log_7^x) + \log_7(\log_7^x) = 2$$

$$\Rightarrow \log_7\left(\frac{1}{7}\log_7^x\right) + \frac{1}{7}\log_7(\log_7^x) = 2$$

$$\Rightarrow \log_r \left(\frac{1}{r} \log_r^x \right) + \log_r \sqrt{\log_r^x} = 2$$

$$\Rightarrow \log_r \left(\frac{1}{r} \log_r^x \right) (\sqrt{\log_r^x}) = 2$$

$$\frac{1}{r} \log_r^x \times \sqrt{\log_r^x} = 2^2 \Rightarrow \log_r^x \times \sqrt{\log_r^x} = 8$$

حالا با تغییر متغیر $\log_r^x = t$ داریم:

$$t\sqrt{t} = 8 \xrightarrow{\text{توان } 2} t^3 = 64 \Rightarrow t = 4$$

$$\Rightarrow \log_r^x = 4 \Rightarrow x = r^4 = 16 \rightarrow \log_8^x = \log_8^{16} = \log_{r^2}^{r^4} = \frac{4}{2} = 2$$

۹۶. اگر $\cos 2x = 3 \sin^4 x$ باشد، حاصل $\tan^2 x$ کدام است؟

۳ (۴)

$\frac{1}{3}$ (۳)

۲ (۲)

$\frac{1}{2}$ (۱)

پاسخ: گزینه ۱

می‌دانیم $\cos 2x = 1 - 2 \sin^2 x$ است، پس:

$$\cos 2x = 3 \sin^4 x \Rightarrow 1 - 2 \sin^2 x = 3 \sin^4 x$$

$$\Rightarrow 3 \sin^4 x + 2 \sin^2 x - 1 = 0 \Rightarrow (\sin^2 x + 1)(3 \sin^2 x - 1) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \sin^2 x = -1 & \times \\ \sin^2 x = \frac{1}{3} & \checkmark \end{cases}$$

حالا با استفاده از اتحاد $\cos^2 x = 1 - \sin^2 x$ داریم:

$$\cos^2 x = 1 - \frac{1}{3} = \frac{2}{3} \Rightarrow \tan^2 x = \frac{\sin^2 x}{\cos^2 x} = \frac{\frac{1}{3}}{\frac{2}{3}} = \frac{1}{2}$$

۹۷. اگر $\tan\left(\frac{\alpha}{2}\right) = -\frac{1}{4}$ باشد، حاصل $\frac{-\tan(\alpha) + \sin(\alpha)}{-2 \sin(\alpha) - \cos(\alpha)}$ کدام است؟

$\frac{16}{15}$ (۴)

$-\frac{8}{15}$ (۳)

$\frac{15}{17}$ (۲)

$-\frac{15}{17}$ (۱)

پاسخ: گزینه ۴

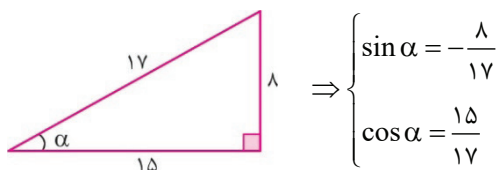
با توجه به رابطه $\tan 2x = \frac{2 \tan x}{1 - \tan^2 x}$ داریم:

$$\tan \alpha = \frac{2 \tan\left(\frac{\alpha}{2}\right)}{1 - \tan^2\left(\frac{\alpha}{2}\right)} = \frac{2\left(-\frac{1}{4}\right)}{1 - \left(-\frac{1}{4}\right)^2} = \frac{-\frac{1}{2}}{1 - \frac{1}{16}} = \frac{-\frac{1}{2}}{\frac{15}{16}} = -\frac{8}{15}$$

از طرفی چون $\tan\left(\frac{\alpha}{2}\right) < 0$ است و $\tan\left(\frac{\alpha}{2}\right) = \frac{\sin \frac{\alpha}{2}}{\cos \frac{\alpha}{2}}$ است، پس $\sin \frac{\alpha}{2}$ و $\cos \frac{\alpha}{2}$ هم‌علامت نیستند، بنابراین با توجه به رابطه

$$\sin \alpha = 2 \sin\left(\frac{\alpha}{2}\right) \cos\left(\frac{\alpha}{2}\right) \text{ نتیجه می‌گیریم } \sin \alpha < 0 \text{ است.}$$

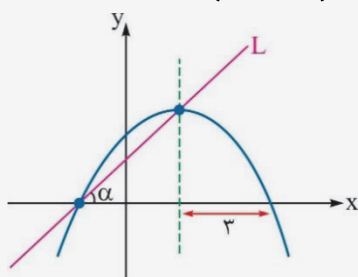
در ضمن چون $\tan \alpha < 0$ و $\sin \alpha < 0$ است، پس $\cos \alpha > 0$ است. با توجه به این که $\tan \alpha = -\frac{8}{15}$ است، داریم:



پس حاصل عبارت برابر است با:

$$\frac{-\tan \alpha + \sin \alpha}{-2 \sin \alpha - \cos \alpha} = \frac{\frac{8}{15} - \frac{8}{17}}{-2\left(-\frac{8}{17}\right) - \frac{15}{17}} = \frac{\frac{8 \times 17 - 8 \times 15}{17 \times 15}}{\frac{16 - 15}{17}} = \frac{\frac{16}{17 \times 15}}{\frac{1}{17}} = \frac{16}{15}$$

۹۸. در شکل مقابل، خط L و سهمی به معادله $y = -x^2 + 4x + m$ در دو نقطه متقاطع اند. حاصل $\tan(\pi + \alpha) - \cos\left(\frac{3\pi}{2} + 2\alpha\right)$ کدام است؟



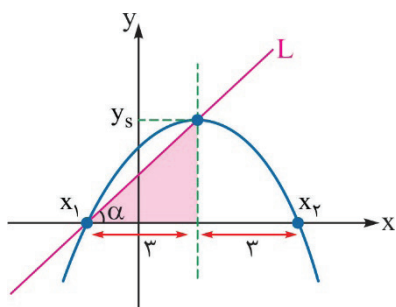
(۱) ۱/۸

(۲) ۲/۱

(۳) ۲/۴

(۴) ۲/۷

پاسخ: گزینه ۳



$$x_S = -\frac{4}{2(-1)} = 2 \text{ طول راس سهمی با معادله } y = -x^2 + 4x + m \text{ برابر است با:}$$

حالا با توجه به نمودار سهمی داریم:

$$x_1 = x_S - 3 = 2 - 3 = -1, x_2 = x_S + 3 = 2 + 3 = 5$$

از طرفی می‌دانیم حاصل ضرب ریشه‌های سهمی $y = -x^2 + 4x + m$ برابر

$$x_1 x_2 = \frac{c}{a} = -m \text{ است، پس:}$$

$$x_1 x_2 = -m \Rightarrow -1 \times 5 = -m \Rightarrow m = 5$$

پس معادله سهمی به صورت $y = -x^2 + 4x + 5$ می‌باشد و با قرار دادن $x_S = 2$ در آن y_S را به دست می‌آوریم:

$$y_S = -(2)^2 + 4(2) + 5 = 9$$

$$m_1 = \frac{9 - 0}{2 - (-1)} = 3$$

حالا شیب خط را به دست می‌آوریم:

در ضمن می‌دانیم $\tan \alpha = m_1$ است، پس $\tan \alpha = 3$ است و با استفاده از اتحاد $\sin 2\alpha = \frac{2 \tan \alpha}{1 + \tan^2 \alpha}$ داریم:

$$\sin 2\alpha = \frac{2(3)}{1 + 3^2} = \frac{6}{10} = \frac{3}{5}$$

$$\Rightarrow \tan(\pi + \alpha) - \cos\left(\frac{3\pi}{2} + 2\alpha\right) = \tan \alpha - \sin 2\alpha$$

$$= 3 - \frac{3}{5} = \frac{12}{5} = 2/4$$

۹۹. دامنه تابع $y = \frac{2}{1 - \tan 2x}$ کدام است؟ آزمون وی ای پی

$\mathbb{R} - \left\{ k\pi + \frac{\pi}{8} \right\}$ (۴)
 $\mathbb{R} - \left\{ \frac{k\pi}{2} + \frac{\pi}{8} \right\}$ (۳)
 $\mathbb{R} - \left\{ \frac{k\pi}{2} + \frac{\pi}{4} \right\}$ (۲)
 $\mathbb{R} - \left\{ k\pi + \frac{\pi}{4} \right\}$ (۱)

پاسخ: گزینه ۳

ابتدا ریشه‌های مخرج کسر $y = \frac{2}{1 - \tan 2x}$ را می‌یابیم:

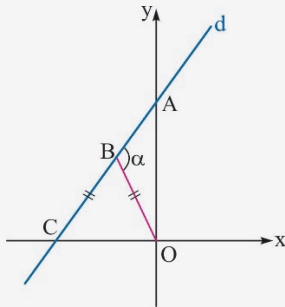
$$1 - \tan 2x = 0 \Rightarrow \tan 2x = 1 \Rightarrow 2x = k\pi + \frac{\pi}{4} \rightarrow x = \frac{k\pi}{2} + \frac{\pi}{8}$$

از طرفی دامنه $\tan 2x$ برابر است با:

$$\tan 2x = \frac{\sin 2x}{\cos 2x} \rightarrow \cos 2x \neq 0 \rightarrow x \neq \frac{k\pi}{2} + \frac{\pi}{4}$$

حال چون $x = \frac{k\pi}{2} + \frac{\pi}{4}$ نمی‌تواند ریشه‌های مخرج باشد پس دامنه تابع برابر است با: $\mathbb{R} - \left\{ \frac{k\pi}{2} + \frac{\pi}{8} \right\}$

۱۰۰. در شکل مقابل، معادله خط d به صورت $4x - 3y + 24 = 0$ است. اگر $BC = BO$ باشد، مقدار $\tan \alpha$ کدام است؟



$\frac{24}{7}$ (۱)

$-\frac{24}{7}$ (۲)

$\frac{12}{7}$ (۳)

$-\frac{12}{7}$ (۴)

پاسخ: گزینه ۲

پله اول: طبق صورت سوال $BC = BO$ است، پس زوایای $B\hat{O}C$ و $B\hat{C}O$ با هم برابرند. همچنین می‌دانیم در هر مثلث هر زاویه خارجی برابر با مجموع زوایای داخلی غیر مجاور است، پس با فرض $B\hat{C}O = B\hat{O}C = \theta$ داریم:

$$\alpha = \theta + \theta \Rightarrow \alpha = 2\theta \Rightarrow \theta = \frac{\alpha}{2}$$

پله دوم: پس شیب خط d برابر $\tan \frac{\alpha}{2}$ است، در نتیجه:

$$d: 4x - 3y + 24 = 0 \Rightarrow y = \frac{4}{3}x + 8 \Rightarrow m = \tan \frac{\alpha}{2} = \frac{4}{3}$$

پله سوم: همچنین می‌دانیم $\tan 2x = \frac{2 \tan x}{1 - \tan^2 x}$ است، پس:

$$\tan \alpha = \frac{2 \tan\left(\frac{\alpha}{2}\right)}{1 - \tan^2\left(\frac{\alpha}{2}\right)} \Rightarrow \tan \alpha = \frac{2 \times \frac{4}{3}}{1 - \left(\frac{4}{3}\right)^2} = \frac{\frac{8}{3}}{1 - \frac{16}{9}} = -\frac{24}{7}$$

۱۰۱. دوره تناوب تابع $f(x) = \sqrt{\frac{1 - \cos 2x}{1 + \cos 2x}}$ کدام است؟

$\frac{\pi}{4}$ (۴)

$\frac{\pi}{2}$ (۳)

π (۲)

2π (۱)

پاسخ: گزینه ۲

با توجه به رابطهٔ طلایی می‌دانیم $1 - \cos 2x = 2 \sin^2 x$ و $1 + \cos 2x = 2 \cos^2 x$ است، پس:

$$f(x) = \sqrt{\frac{1 - \cos 2x}{1 + \cos 2x}} = \sqrt{\frac{2 \sin^2 x}{2 \cos^2 x}} = \sqrt{\tan^2 x} = |\tan x|$$

حالا می‌دانیم دورهٔ تناوب تابع $y = \tan x$ برابر π می‌باشد و دورهٔ تناوب تابع $f(x) = |\tan x|$ نیز برابر π می‌باشد.

۱۰۲. کمترین فاصلهٔ بین دو مقدار از جواب‌های معادلهٔ $2 \cos^2 3x - 7 \cos 3x + 3 = 0$ در بازهٔ $(0, \pi)$ کدام است؟

$$\frac{\pi}{3} \quad (۴)$$

$$\frac{2\pi}{9} \quad (۳)$$

$$\frac{4\pi}{9} \quad (۲)$$

$$\frac{2\pi}{3} \quad (۱)$$

پاسخ: گزینه ۳

پلهٔ اول: با تغییر متغیر $t = \cos 3x$ در معادلهٔ $2 \cos^2 3x - 7 \cos 3x + 3 = 0$ داریم:

$$2t^2 - 7t + 3 = 0 \xrightarrow{\Delta=25} \begin{cases} t = \frac{7 + \sqrt{25}}{2 \times 2} = 3 \\ t = \frac{7 - \sqrt{25}}{2 \times 2} = \frac{1}{2} \end{cases}$$

پلهٔ دوم: می‌دانیم $\cos 3x = 3$ فاقد ریشه است، پس $\cos 3x = \frac{1}{2}$ است و داریم:

$$\cos 3x = \frac{1}{2} \Rightarrow \begin{cases} 3x = 2k\pi + \frac{\pi}{3} \Rightarrow x = \frac{2k\pi}{3} + \frac{\pi}{9} \xrightarrow{\substack{x \in (0, \pi) \\ k=0,1}} x = \frac{\pi}{9}, \frac{7\pi}{9} \\ 3x = 2k\pi - \frac{\pi}{3} \Rightarrow x = \frac{2k\pi}{3} - \frac{\pi}{9} \xrightarrow{\substack{x \in (0, \pi) \\ k=1}} x = \frac{5\pi}{9} \end{cases}$$

پس کمترین فاصلهٔ بین دو مقدار از جواب‌های معادله در بازهٔ $(0, \pi)$ برابر $\frac{7\pi}{9} - \frac{5\pi}{9} = \frac{2\pi}{9}$ است.

۱۰۳. مجموع جواب‌های معادلهٔ مثلثاتی $\frac{1}{\cos^2 x} = 1 + \tan x$ در بازهٔ $[0, 2\pi]$ کدام است؟

$$\frac{9\pi}{2} \quad (۴)$$

$$3\pi \quad (۳)$$

$$\frac{5\pi}{2} \quad (۲)$$

$$2\pi \quad (۱)$$

پاسخ: گزینه ۴

می‌دانیم $\frac{1}{\cos^2 x} = 1 + \tan^2 x$ است، پس:

$$\frac{1}{\cos^2 x} = 1 + \tan^2 x \Rightarrow 1 + \tan^2 x = 1 + \tan x$$

$$\Rightarrow \tan^2 x - \tan x = 0 \Rightarrow \tan x (\tan x - 1) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \tan x = 0 \Rightarrow x = k\pi \xrightarrow{x \in [0, 2\pi]} x = 0, \pi, 2\pi \\ \tan x = 1 \Rightarrow x = k\pi + \frac{\pi}{4} \xrightarrow{x \in [0, 2\pi]} x = \frac{\pi}{4}, \frac{5\pi}{4} \end{cases}$$

پس مجموع جواب‌ها برابر است با:

$$0 + \pi + 2\pi + \frac{\pi}{4} + \frac{5\pi}{4} = \frac{9\pi}{2}$$

۱۰۴. تعداد جواب‌های معادله $\log_{\sin x}^{\cos x} + \log_{\cos x}^{\sin x} = 2$ در بازه $[0, 2\pi]$ کدام است؟

- (۱) صفر (۲) ۱ (۳) ۲ (۴) ۳

پاسخ: گزینه ۲

ابتدا معادله را به صورت زیر می‌نویسیم:

$$\log_{\sin x}^{\cos x} + \log_{\cos x}^{\sin x} = 2 \Rightarrow \log_{\sin x}^{\cos x} + \frac{1}{\log_{\sin x}^{\cos x}} = 2$$

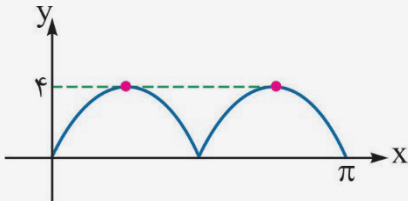
حالا با تغییر متغیر $\log_{\sin x}^{\cos x} = t$ داریم:

$$t + \frac{1}{t} = 2 \Rightarrow t^2 - 2t + 1 = 0 \Rightarrow (t-1)^2 = 0 \Rightarrow t = 1$$

$$\Rightarrow \log_{\sin x}^{\cos x} = 1 \Rightarrow \cos x = \sin x \xrightarrow{\div \cos x} \tan x = 1 \Rightarrow x = k\pi + \frac{\pi}{4} \quad x \in [0, 2\pi] \rightarrow x = \frac{\pi}{4}, \frac{5\pi}{4}$$

به‌ازای $x = \frac{5\pi}{4}$ ، مینا و عبارت جلوی $\log_{\cos x}^{\sin x}$ منفی می‌شود، پس این ریشه غیرقابل قبول است.

۱۰۵. قسمتی از نمودار تابع $f(x) = a\sqrt{1 - \cos 2bx}$ به صورت مقابل است. مقدار $a^2 b^2$ کدام است؟



(۱) ۱۶

(۲) ۲۰

(۳) ۳۲

(۴) ۳۶

پاسخ: گزینه ۳

با توجه به رابطهٔ طلایی $\sin^2 x = \frac{1 - \cos 2x}{2}$ ضابطهٔ تابع را ساده می‌کنیم:

$$f(x) = a\sqrt{1 - \cos 2bx} = a\sqrt{2 \sin^2 bx} = a\sqrt{2} |\sin bx|$$

در ضمن بیشترین مقدار تابع $f(x) = a\sqrt{2} |\sin bx|$ به‌ازای $|\sin bx| = 1$ به‌دست می‌آید و برابر $a\sqrt{2}$ می‌باشد و چون نمودار همواره بالای محور x ها قرار دارد، پس $a > 0$ بوده و با توجه به نمودار بیشترین مقدار تابع برابر ۴ است، پس:

$$|a\sqrt{2}| = 4 \Rightarrow a\sqrt{2} = 4 \Rightarrow a = \frac{4}{\sqrt{2}} = 2\sqrt{2}$$

از طرفی دورهٔ تناوب تابع f برابر $\frac{\pi}{|b|}$ است و با توجه به نمودار $2T = \pi$ می‌باشد، بنابراین:

$$T = \frac{\pi}{2} \Rightarrow \frac{\pi}{2} = \frac{\pi}{|b|} \Rightarrow |b| = 2 \rightarrow a^2 b^2 = (2\sqrt{2})^2 (2)^2 = 32$$

پاسخنامه زمین

آزمون مرحله ۱۰ پایه دوازدهم

۳۰ آبان ۱۴۰۳

۱۰۶. اگر در یک آبخوان میزان آب ورودی ۱/۲۵ برابر آب خروجی باشد و بیلان آب $8 \frac{m^3}{min}$ باشد، در هر ثانیه چند لیتر آب از آبخوان خارج می‌شود؟

۲۶۵ (۴)

۵۳/۳ (۳)

۵۳۳ (۲)

۲۶/۵ (۱)

پاسخ: گزینه ۲

محاسبه بیلان آب یک لایه آبدار، از بسیاری جهات، مشابه بررسی بیلان هزینه یک خانواده یا هر واحد اقتصادی است که کمک می‌کند تا میزان درآمد و هزینه‌ها با هم مقایسه شوند. در مدیریت و بهره برداری از منابع آب نیز، برای آنکه نوسانات حجم ذخیره منابع آب یک منطقه تعیین شود، بیلان آب محاسبه می‌شود. توازن آب بر اساس اصل بقای جرم است. بین مقدار آب ورودی (I) به آبخوان و آب خروجی از آن (O) و تغییراتی که در حجم ذخیره آب به وقوع می‌پیوندد (ΔS) رابطه زیر برقرار است:

$$\Delta S = I - O$$

$$I = 1/25 O$$

$$\Delta S = 1/25 O - O = 0/25 O$$

$$8 \frac{m^3}{min} = 0/25 O$$

$$\text{دبی آب } 8 \frac{m^3}{min} \text{ است:}$$

$$O = 32 \frac{m^3}{min} = 32 \frac{1000 L}{1m^3} \times \frac{1 min}{60 s} = 533 \frac{L}{s}$$

میزان آب ورودی ۱/۲۵ برابر آب خروجی است:

۱۰۷. حاشیه مویینه در کدام منطقه قرار دارد و پیامد رسیدن آن به سطح زمین چیست؟

- (۱) تهویه - شوره‌زار تشکیل می‌شود.
 (۲) اشباع - شوره‌زار تشکیل می‌شود.
 (۳) تهویه - برکه تشکیل می‌شود.
 (۴) اشباع - برکه تشکیل می‌شود.

پاسخ: گزینه ۱

هنگامی که عمق سطح ایستابی کم باشد به طوری که حاشیه مویینه، به سطح زمین برسد، آب‌های زیر زمینی تبخیر می‌شوند و نمک‌های آن در سطح زمین برجای می‌ماند که شوره‌زار را ایجاد می‌کند (در صورتی که سطح ایستابی بر سطح زمین منطبق شود یا در نزدیک آن قرار گیرد، باتلاق یا شوره‌زار تشکیل می‌شود).

تست در تست در قسمت‌هایی از کویرهای کشور ما، روی سطح زمین را رسوبات سفید رنگی پوشانیده است (شوره‌زار). کدام

(کنکور ۱۴۰۲)

مورد را در تشکیل این شوره‌زارها موثر تر می‌دانید؟

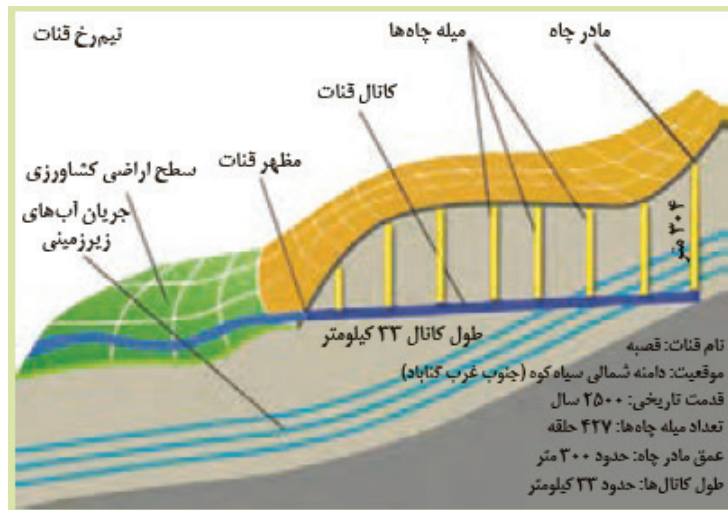
- (۱) غیرقابل نفوذ بودن ماسه‌های کویری
 (۲) رسیدن حاشیه مویینه به سطح زمین
 (۳) تبخیر سریع آب حاصل از بارندگی در روزهای گرم سال
 (۴) نرسیدن آب‌های فرو رو به منطقه اشباع به علت عمق زیاد سطح ایستابی

پاسخ: گزینه ۲

۱۰۸. مظهر قنات چیست؟

- ۱) جایی که کانال قنات به سطح زمین راه می‌یابد.
- ۲) جایی که آب زیرزمینی به سطح زمین برخورد می‌کند.
- ۳) جایی که برداشت آب از عمیق‌ترین چاه صورت می‌گیرد.
- ۴) جایی که برداشت آب از کم‌عمق‌ترین چاه صورت می‌گیرد.

پاسخ: گزینه ۱



تست در تست دبی آب قنات مورد استفاده در کشاورزی روستایی کم شده است. کدام مورد را برای بیشتر کردن دبی آب

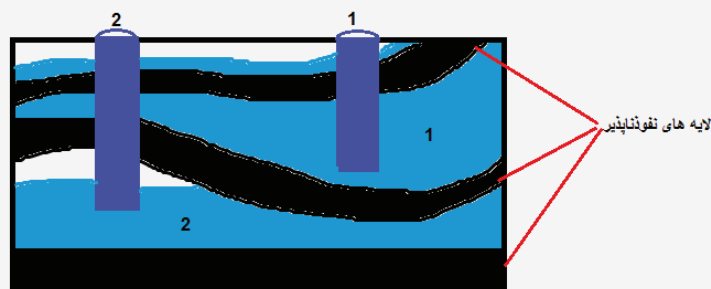
(کنکور ۱۴۰۲)

قنات مؤثرتر میدانید؟

- ۱) عمق مادر چاه فعلی را زیاد کنند
- ۲) عرض کانال و قطر چاه‌ها را افزایش دهند
- ۳) طول کانال را زیاد کنند
- ۴) عمق میله چاه‌ها را افزایش دهند

پاسخ: گزینه ۱

۱۰۹. با تغییر شرایط در آبخوان زیر کدام پیامد قابل انتظار است؟

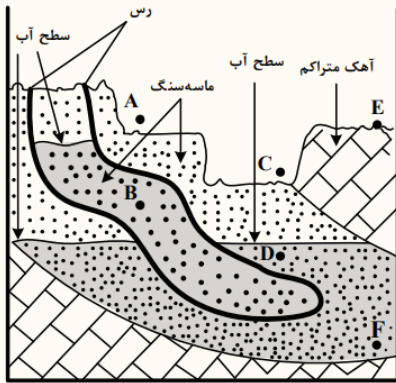


- ۱) با برداشت آب از چاه شماره ۱ سطح ایستابی تغییری نمی‌کند. آزمون وی ای پی
- ۲) با برداشت آب از چاه شماره ۲ عمق سطح ایستابی افزایش می‌یابد.
- ۳) با برداشت آب از چاه شماره ۱ سطح پیزومتریک آبخوان ۲ دچار تغییر می‌شود.
- ۴) با برداشت آب از چاه شماره ۲ سطح پیزومتریک آبخوان ۲ به سطح زمین نزدیک می‌شود.

پاسخ: گزینه ۱

آبخوان‌های ۱ و ۲ بین دو لایه نفوذناپذیر قرار گرفته‌اند و تحت فشار می‌باشند. یک آبخوان آزاد هم در شکل قابل مشاهده است که شماره گذاری نشده است. آبخوان‌های ۱ و ۲ دارای سطح پیزومتریک هستند و سطح آب در آبخوان آزاد نشان دهنده سطح ایستابی می‌باشد. با برداشت آب از آبخوان ۱ سطح پیزومتریک ۱ و با برداشت آب از آبخوان ۲ سطح پیزومتریک ۲ دچار تغییر می‌شوند (پایین می‌آیند). برداشت آب از چاه‌ها سبب تغییر تراز سطح ایستابی نمی‌شود.

تست در تست در منطقه زیر می‌خواهند ۳ حلقه چاه (AB، CD و EF) را حفر کنند. پس از حفاری، برای بهره برداری آب



(کنکور ۱۴۰۳)

آبخوان‌ها، کدام چاه‌ها نیاز به پمپ آب دارند؟

EF و AB، CD (۱)

EF و CD (۲)

CD (۳)

EF (۴)

پاسخ: گزینه ۱

۱۱. در ارتباط با چشمه گاماسیاب نهایند کدام عبارت نادرست است؟

- (۱) شیب زمین و ساختمان زمین شناسی محل بر نوع آبخوان آن تاثیر گذار بوده است.
- (۲) این چشمه پرآب است ولی در تمامی فصول سال جوشان نمی‌باشد.
- (۳) به دلیل برخورد سطح ایستابی به سطح زمین به وجود آمده است.
- (۴) آب این چشمه دارای کلسیم و منیزیم بالاتر از حد طبیعی است.

پاسخ: گزینه ۲

سنگ‌ها و رسوبات مختلف از نظر تشکیل آبخوان و میزان آبدهی، ویژگی‌های متفاوتی دارند. آبرفت‌ها و سنگ‌های آهکی حفره‌دار (آهک کارستی) قابلیت تشکیل آبخوان را دارند ولی، شیل‌ها، سنگ‌های دگرگونی و آذرین، آبخوان خوبی تشکیل نمی‌دهند به طوری که، معمولاً یا چشمه‌های در آنها به وجود نمی‌آید یا در صورت تشکیل، چشمه‌هایی با آبدهی بسیار کم و فصلی دارند. در حالی که در سنگ‌های آهکی حفره‌دار، معمولاً چشمه‌های پر آب و دائمی ایجاد می‌شود. افزون بر آن، عواملی مانند شرایط آب و هوایی، میزان نفوذپذیری، تخلخل، شیب زمین و ساختمان زمین شناسی محل بر نوع آبخوان تأثیر دارد. اگر چاهی در یک لایه آبدار آزاد حفر شود، تراز آب در چاه، نمایانگر سطح ایستابی و در لایه آبدار تحت فشار، سطح پیزومتریک است. همانطور که مشخص است چشمه‌های طاق بستان و گاماسیاب نهایند از جنس آهک کارستی هستند.

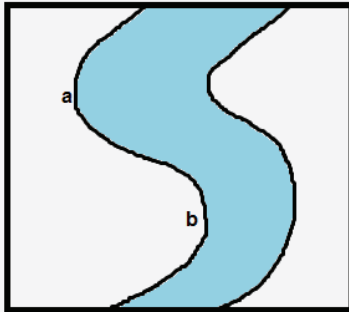


ب) چشمه کارستی گاماسیاب نهایند



الف) چشمه کارستی طاق بستان کرمانشاه

آب موجود در سنگ‌های کربناتی (سنگ آهک)، معمولاً از نوع آب‌های سخت است، یعنی درصد یون‌های کلسیم و منیزیم بیشتری دارد. این گونه آب‌ها، به خوبی با صابون کف نمی‌کنند و رسوباتی را در لوله‌ها و ظرف‌ها ته‌نشین می‌کنند، به همین جهت، استفاده از آنها در صنعت و آشامیدن دارای محدودیت‌هایی است.



۱۱۱. کدام مورد یا موارد در دیواره a بیشتر از دیواره b رود است؟

الف) شیب دیواره

ب) $\frac{1}{2}mv^2$

ج) میزان مواد معلق در آب

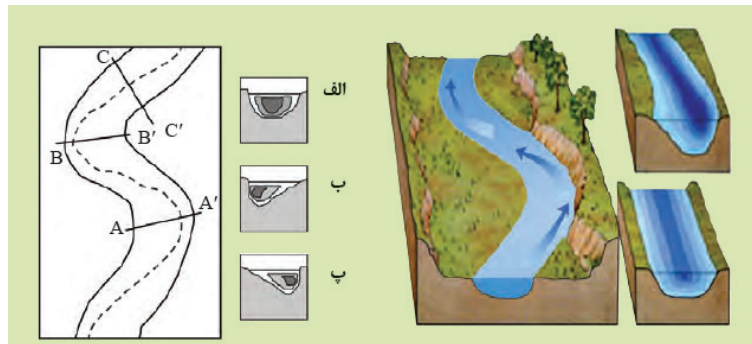
۱) الف

۳) الف و ج

۲) ب

۴) الف، ب و ج

پاسخ: گزینه ۴



*سرعت آب در نقاط مختلف یک رودخانه، متغیر است.

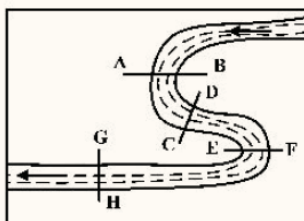
بیشترین سرعت ← در وسط و نزدیک سطح آب
 کمترین سرعت ← در نزدیکی کف و دیواره‌های رودخانه به دلیل اصطکاک با کف، بستر رودخانه مستقیم
 بیشترین سرعت ← بیشترین فرسایش ← دیواره مقعر (کاو)
 کمترین سرعت ← بیشترین رسوب‌گذاری ← دیواره محدب (کوژ)
 دارای انحنا

در دیواره مقعر رود سرعت جریان آب و انرژی آب و به سبب آن قدرت فرسایش رود بیشتر می‌شود و مواد آب سنگ و خاک را با خود حمل می‌کند. در دیواره محدب رود سرعت جریان آب و انرژی آب و به سبب آن قدرت فرسایش رود کمتر می‌شود و مواد آب سنگ و خاک را رسوب می‌دهد.

همانطور که از نیمرخ عرضی بستر رودخانه مشخص است دیواره محدب به دلیل رسوب‌گذاری شیب دیواره کم و در دیواره محدب به دلیل فرسایش شیب دیواره زیاد است.

(کنکور ۱۴۰۰)

تست در تست نیمرخ عرضی بستر رود در محل کدام برش‌ها شباهت بیشتری به هم دارند؟



۱) EF-AB

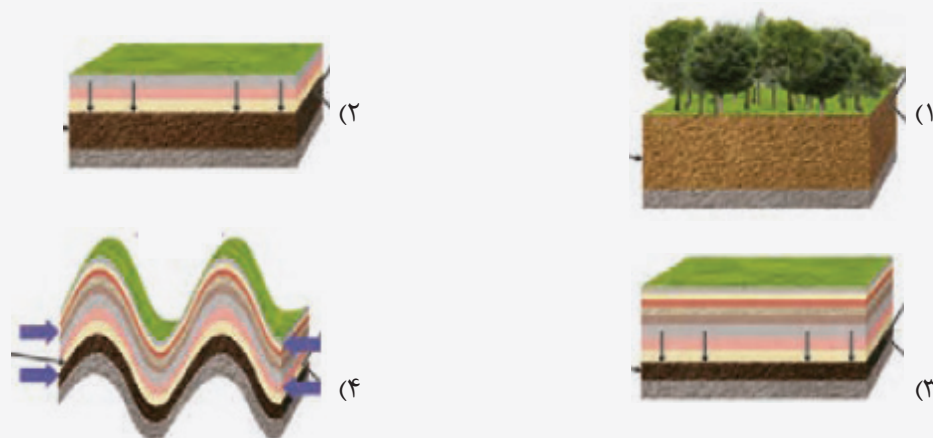
۲) CD-AB

۳) GH-CD

۴) GH-EF

پاسخ: گزینه ۳

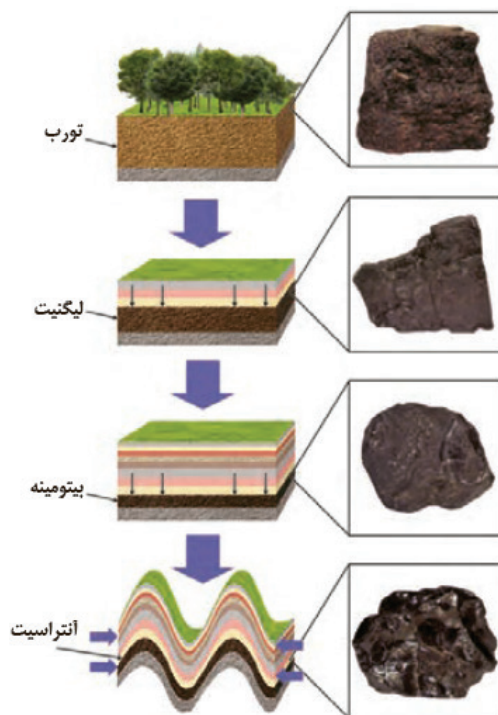
۱۱۲. کدام زغال سنگ را پوده نامند؟



پاسخ: گزینه ۱

زغال سنگ: یک سوخت فسیلی جامد است که از مواد آلی در محیط‌های خشکی به وجود می‌آید. این مواد آلی، بیشتر از گیاهان جنگل حاصل می‌شوند. آنها، در باتلاق‌ها انباشته شده و توسط رسوبات پوشیده می‌شوند و بدون حضور اکسیژن (توسط باکتری غیر هوازی) به مرور زمان، به تورب که یک نوع زغال نارس است، تبدیل می‌شوند. در برخی کشورها مانند ایرلند، تورب (پوده) به عنوان یک ماده سوختی بهره برداری می‌شود.

در طی میلیون‌ها سال، تورب در زیر فشار رسوبات و وزن سنگ‌های بالایی، فشرده تر شده و آب و مواد فرّار مانند کربن دی اکسید و متان از آن خارج می‌شود. با خروج این مواد، در نهایت، ضخامت تورب که ماده ای پوک و متخلخل است، کاهش می‌یابد و به لیگنیت تبدیل می‌شود. با افزایش تراکم، لیگنیت به زغال سنگ‌های مرغوب تری به نام بیتومینه و سپس آنتراسیت تبدیل می‌شود. در فرایندهای زغال شدگی از تورب تا آنتراسیت، تغییرات زیادی رخ می‌دهد و سبب می‌شود با خروج تدریجی آب و مواد فرّار، درصد کربن در سنگ حاصل، افزایش یابد و کیفیت و توان تولید انرژی زغال سنگ بهتر شود. آزمون وی ای پی



شکل ۲-۲۱. مراحل تشکیل آنتراسیت (زغال رسیده)

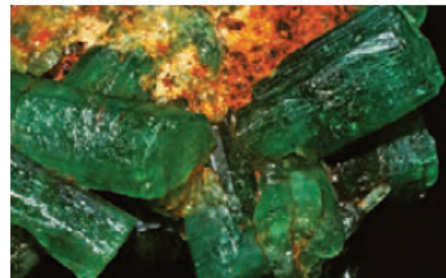
۱۱۳. کدام گوهر در سنگ‌های پگماتیت یافت می‌شود؟

- (۱) گوهری سیلیکاتی با نام علمی بریل
 (۲) گوهری قدیمی از دسته غیر سیلیکات ها
 (۳) گوهری سخت با جنس اکسید الومینیوم
 (۴) گوهری نیمه قیمتی حاوی فراوان ترین شبه فلز پوسته زمین

پاسخ: گزینه ۱

اگر پس از تبلور بخش اعظم ماگما، مقدار آب و مواد فرّار مانند کربن دی اکسید و ... فراوان و از طرفی زمان تبلور بسیار کند و طولانی باشد، شرایط برای رشد بلورهای تشکیل دهنده سنگ، فراهم و سنگ‌هایی با بلورهای بسیار درشت، به نام پگماتیت تشکیل می‌شود که می‌تواند کانسار مهمی برای بعضی عناصر خاص مانند لیتیم و بعضی کانی‌های گوهری مانند زمرد یا کانی‌های صنعتی مانند مسکوویت (طلق نسوز) باشد.

معروف ترین و گران ترین سیلیکات بریلیم که به رنگ سبز یافت می‌شود را زمرد می‌نامند.



شکل ۱۲-۲- زمرد (بریل)

تست درست تست باقی مانده یک ماگمای متبلور شده، دارای آب و مواد فرار فراوان است. با تبلور آهسته این قسمت از ماگما،

شرایط برای تشکیل بلورهای بزرگ کدام یک فراهم می‌شود؟

(کنکور ۱۴۰۱)

- (۱) اکسید آهن
 (۲) اکسید نیکل
 (۳) پلاتین خالص
 (۴) سیلیکات بریلیم

پاسخ: گزینه ۴
۱۱۴. اولین دانشمند چگونه نظریه خورشید مرکزی را ارائه داد؟

- (۱) مشاهده حرکت خورشید و ماه در آسمان
 (۲) مطالعه حرکت سیارات در زمان‌های مختلف
 (۳) بررسی دقیق یادداشت‌های ستاره‌شناسان
 (۴) اندازه‌گیری دقیق و تفسیر درست یافته‌های علمی

پاسخ: گزینه ۲

نظریه خورشید مرکزی: نیکولاس کوپرنیک، ستاره‌شناس لهستانی که با علم ریاضی نیز به خوبی آشنا بود، با مطالعه حرکت سیارات در زمان‌های مختلف، نظریه خورشید مرکزی را به شرح زیر بیان کرد:

- ✓ زمین همراه با ماه، مانند دیگر سیاره‌ها در مدار دایره‌ای و مخالف حرکت عقربه‌های ساعت به دور خورشید می‌گردد.
- ✓ حرکت روزانه خورشید در آسمان، ظاهری و نتیجه چرخش زمین به دور محور خود است.

پس از آنکه کوپرنیک، نظریه خورشید مرکزی را مطرح کرد، یوهانس کپلر، به بررسی دقیق یادداشت‌های ستاره‌شناسان پرداخت و دریافت که سیارات در مدارهای بیضوی، به دور خورشید در حرکت می‌باشند. او با ارائه سه قانون زیر، نظریه خورشید مرکزی را اصلاح نمود.

تست درست تست بر مبنای کدام مشاهده، بطلمیوس، نظریه زمین مرکزی را ارائه داد؟

(کنکور ۱۴۰۱)

- (۱) تغییرات منظم مدت شب و روز در سال
 (۲) ثابت بودن فاصله ماه و خورشید با زمین
 (۳) حرکت شبانه روزی ماه و خورشید
 (۴) توالی منظم فصل‌ها در منطقه معتدله

پاسخ: گزینه ۳

۱۱۵. اولین سلول‌های هسته‌دار در کدام زمان ایجاد شده‌اند؟

- (۱) پروتروزوئیک (۲) هادئن (۳) آرکنن (۴) پالئوزوئیک

پاسخ: گزینه ۱

تک‌سلولی‌ها حدود ۱/۷ میلیارد سال پیش ایجاد شده‌اند که جزوی از پروتروزوئیک محسوب می‌شود.

میلیون سال قبل	رویدادهای زیستی	دوره	دوران	انوع
۶۶	انسان	گواترنری	سنوزوئیک	فانروزوئیک
	تنوع پستانداران	نتوزن		
۲۵۱	انقراض دایناسورها	کرتاسه	مزوزوئیک	
	نخستین گیاهان گل‌دار	تکراس		
	نخستین پرنده	ژوراسیک		
۵۳۱	نخستین پستاندار	تریاس	پالئوزوئیک	
	انقراض گروهی	پرمین		
	نخستین خزنده	کربنیفر		
	نخستین دوزیست	دوتین		
	نخستین گیاهان آونددار	سیلورین		
	نخستین ماهی‌ها	اردوویسین		
۲۵۰۰	نخستین تریلوبیت	کامبرین	پروکامبرین	
	آرکنن	آرکنن		
۳۰۰۰	هادئن			
۳۶۰۰				

