



# دفترچه سؤال

## آزمون تابستان «۱۷ مرداد ۱۴۰۴» دفترچه اول اختصاصی دوازدهم ریاضی (ریاضیات)

مدت زمان کل پاسخ‌گویی سوالات: ۱۲۰ دقیقه

تعداد کل سوالات: ۸۰ سؤال

(۳۰ سوال اجباری + ۵۰ سوال اختیاری)

نام درس	تعداد سؤال	شماره سؤال	زمان پاسخگویی
اجباری حسابان ۱	۱۰	۱-۱۰	۱۵'
اختیاری حسابان ۲	۱۰	۱۱-۲۰	۱۵'
اختیاری ریاضی ۱	۱۰	۲۱-۳۰	۱۵'
اجباری هندسه ۲	۱۰	۳۱-۴۰	۱۵'
اختیاری هندسه ۳	۱۰	۴۱-۵۰	۱۵'
اختیاری هندسه ۱	۱۰	۵۱-۶۰	۱۵'
اجباری آمار و احتمال	۱۰	۶۱-۷۰	۱۵'
اختیاری ریاضیات گسسته	۱۰	۷۱-۸۰	۱۵'
جمع کل	۸۰	۱-۸۰	۱۲۰'

### پدیدآورندگان

نام درس	نام طراحان
ریاضی پایه و حسابان ۲	کاظم اجلائی-وحید امیرکیایی-علی آزاد-شاهین پروازی-حسین پوراسماعیل-محمدابراهیم توننده‌جانی-عادل حسینی-بهرام حلاج افشین خاصه‌خان-طاهر دادستانی-سجاد دواطلب-جواد زنگنه‌قاسم‌آبادی-علی شهرابی-حمید علیزاده-احسان غنی‌زاده حامد فرضعلی‌بیک-بهنام کلامی-سعید مدیرخراسانی-حمید معنوی-احمد مهرابی-ابراهیم نجفی-اکرم نیکوکلام-وحید ون‌آبادی
هندسه	عادل ابراهیمی-امیرحسین ابومحبوب-علی ایمانی-هومن نورائی-جواد حاتمی-سیدمحمدرضا حسینی‌فرد-افشین خاصه‌خان-فرزانه خاکپاش محمد خندان-سیدامیر ستوده-رضا عباسی‌اصل-هومن عقیلی-امیرمحمد کریمی-سهام مجیدی‌پور-محسن محمدکریمی-مجید محمدی‌نویسی مهرداد ملوندی-محمدجواد نوری-سرژ یقیا‌زادان‌تبریزی
آمار و احتمال و ریاضیات گسسته	محمد مهدی ابوترابی-امیرحسین ابومحبوب-عباس اسدی‌امیرآبادی-رضا توکلی-سیدمحمدرضا حسینی‌فرد-علیرضا سیف‌علیرضا شریف‌خطیبی-فرهاد صابر-عزیزاله علی‌اصغری-فرشاد فرامرزی-مرتضی فهیم‌علوی-امیرمحمدکریمی-معصومه گرائی میلاد منصوری-نیلوفر مهدوی-محمدعلی نادرپور-هومن نورائی-محمد هجری

### گزینشگران و ویراستاران

نام درس	ریاضی پایه و حسابان ۲	هندسه	آمار و احتمال و ریاضیات گسسته
گزینشگر	سیدسپهر متولیان	امیرمحمد کریمی	امیرمحمد کریمی
گروه ویراستاری	امیرحسین ابومحبوب یاسین کشاورزی مهرداد ملوندی	امیرحسین ابومحبوب مهرداد ملوندی	امیرحسین ابومحبوب مهرداد ملوندی
مسئول درس	سیدسپهر متولیان	امیرمحمد کریمی	امیرمحمد کریمی
مستندسازی	سمیه اسکندری	سجاد سلیمی	سجاد سلیمی
ویراستاران (مستندسازی)	معصومه صنعت‌کار-مهسا محمدنیا-احسان میرزینی		

### گروه فنی و تولید

مدیر گروه	مهرداد ملوندی
مسئول دفترچه	نرگس غنی‌زاده
گروه مستندسازی	مدیر گروه، محیا اصغری
حروف‌نگار	فرزانه فتح‌الزاده
ناظر چاپ	سوران نعیمی

### گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۲۱-۶۴۶۳

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

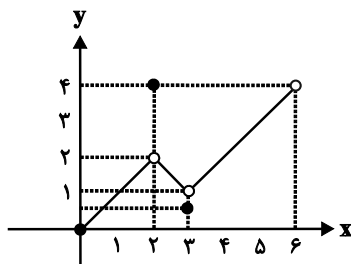
حسابان: تابع: صفحه‌های ۲۷ تا ۷۰

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش‌آموزان اجباری است.

۱- در کدام یک از معادلات زیر،  $y$  تابعی از  $x$  می‌باشد؟

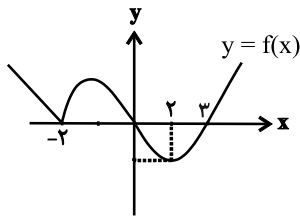
(۱)  $\sqrt{x} + 2 = y^2$  (۲)  $y^3 - 5y + x = 4$  (۳)  $xy^3 = 5$  (۴)  $x = y^2 + y - 2$

۲- نمودار تابع  $f: [0, 6] \rightarrow [0, 7]$  در زیر رسم شده است. اشتراک برد تابع  $f$  با مجموعه هم دامنه آن شامل چند عدد صحیح است؟



- (۱) ۳  
(۲) ۴  
(۳) ۵  
(۴) ۶

۳- شکل زیر نمودار  $y = f(x)$  است. دامنه تعریف تابع با ضابطه  $y = \sqrt{(2x-4)f(x)}$  کدام است؟



- (۱)  $\{-2, 0, 3\}$   
(۲)  $[0, 2] \cup [3, +\infty) \cup \{-2\}$   
(۳)  $\mathbb{R}$   
(۴)  $[0, +\infty) \cup \{-2\}$

۴- اگر توابع  $f(x) = \frac{bx+6}{x^2+6x+a}$  و  $g(x) = \frac{c}{x+3}$  برابر باشند، حاصل  $a-b-c$  کدام است؟

- (۱) ۳ (۲) ۴ (۳) ۵ (۴) ۶

۵- معادله  $[2x-k] = [2x+k]$  دارای جواب است، بیشترین مقدار ممکن برای  $[19k]$  کدام است؟ ( [ ]، نماد جزء صحیح است.)

- (۱) ۱ (۲) ۹ (۳) ۱۰ (۴) ۱۹

۶- تابع  $f(x) = \begin{cases} x^2 - ax + b; & x \leq 1 \\ -2\sqrt{x+3}; & x > 1 \end{cases}$  یک‌به‌یک است. کم‌ترین مقدار  $a+b$  کدام است؟

- (۱) ۲ (۲) ۱ (۳) -۱ (۴) -۲

۷- نمودار تابع  $f(x) = a\sqrt{5b-3x}$  در نقطه  $(2, 1)$  نمودار تابع وارونش را قطع می‌کند، مقدار  $a+5b$  کدام است؟

- (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۷ (۴) ۸

۸- اگر  $f(x) = x + |x|$  و  $g(x) = x^2$ ، بیشترین مقدار تابع  $f-g$  کدام است؟

- (۱) ۴ (۲) ۳ (۳) ۲ (۴) ۱

۹- اگر  $f(x) = \frac{2x+3}{x-2}$  و  $g(x) = x + 2\sqrt{x}$  باشند، حاصل  $(f^{-1} \circ g^{-1})(3)$  کدام است؟

- (۱) -۵ (۲) ۳ (۳) -۲ (۴) ۱

۱۰- برای دو تابع خطی  $f$  و  $g$  داریم:  $(fog)(x) = 6x - 10$  و  $(g^{-1} \circ f)(x) = \frac{3}{2}x + 1$ . مقدار  $(f \cdot g)(1)$  کدام است؟

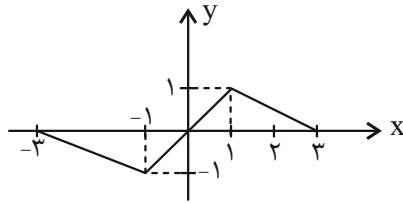
- (۱) ۲ (۲)  $\frac{3}{2}$  (۳)  $-\frac{3}{2}$  (۴) -۲

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

حسابان ۲: تابع: صفحه‌های ۱ تا ۱۸

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش آموزان اختیاری است.

۱۱- شکل مقابل مربوط به تابع  $y = f(x-1)$  است. دامنه تابع  $y = \sqrt{(x+2)f(x+2)}$  کدام است؟



(۱)  $[-4, -1] \cup [0, 1]$

(۲)  $[-5, -1] \cup [-2, 0]$

(۳)  $[-5, -1] \cup [0, 1]$

(۴)  $[-6, -3] \cup [-2, 0]$

۱۲- نقطه  $(6, -1)$  روی نمودار تابع  $f$  به نقطه  $(a, b)$  روی نمودار  $g(x) = 3 - 2f(x-4)$  نظیر شده است. حاصل  $a+b$  کدام است؟

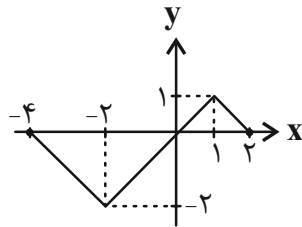
(۴) ۱۶

(۳) ۱۵

(۲) ۵

(۱) ۴

۱۳- نمودار تابع  $f$  در شکل مقابل رسم شده است. نمودار تابع  $g(x) = -f(2x)$  چند نقطه مشترک با نمودار تابع  $h(x) = f(-x)$  دارد؟



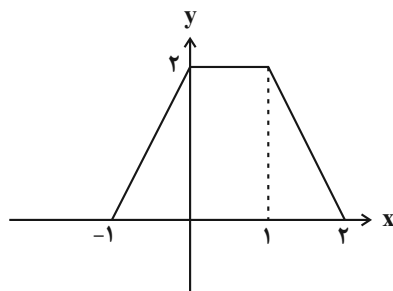
(۱) ۱

(۲) ۲

(۳) ۳

(۴) ۴

۱۴- نمودار تابع  $f$  در شکل زیر رسم شده است. مساحت سطح محدود به نمودار تابع  $g(x) = 2 - f\left(\frac{3}{2}x + 1\right)$  و محور  $x$ ها کدام است؟



(۱)  $\frac{2}{3}$

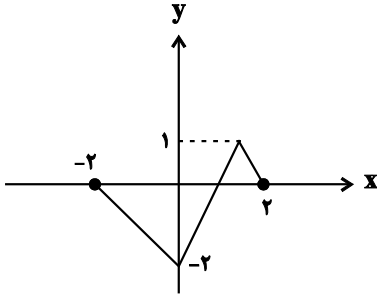
(۲) ۶

(۳) ۳

(۴)  $\frac{4}{3}$

مشابه سؤال‌هایی که با آیکون مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.

۱۵- اگر نمودار تابع  $f(x)$  به صورت زیر باشد، حدود  $m$  کدام باید باشد تا معادله  $|2f(2-3x)+1|=m$ ، چهار جواب حقیقی داشته باشد؟



(۱)  $0 \leq m \leq 3$

(۲)  $m \in [0, 3] - \{1\}$

(۳)  $m \in (0, 3) - \{1\}$

(۴)  $0 < m < 3$

۱۶- اگر نمودار  $f(x) = x^3 + 3x^2 + 3x - 2$  را ۳ واحد به راست ببریم، نمودار تابع  $g$  به دست می آید. می دانیم تابع  $g-f$  در بازه

$[-\infty, a]$  اکیداً صعودی است، حداکثر مقدار  $a$  کدام است؟

(۴) -۲

(۳)  $-\frac{1}{2}$

(۲) ۲

(۱)  $\frac{1}{2}$

۱۷- حداقل چند زوج مرتب را باید از تابع  $f = \{(1, 3), (2, 4), (3, 1), (4, 4), (5, 3), (6, 1)\}$  حذف کنیم تا یکنوا شود؟

(۴) ۴

(۳) ۳

(۲) ۲

(۱) ۱

۱۸- کدام رابطه برای تابع  $f(x) = |x-1| - |x+3|$  همواره برقرار است؟

(۲)  $f(a) > f(b) \Rightarrow a > b$

(۱)  $a > b \Rightarrow f(a) > f(b)$

(۴)  $f(a) > f(b) \Rightarrow a < b$

(۳)  $a > b \Rightarrow f(a) < f(b)$

۱۹- به ازای چند مقدار صحیح  $a$ ، نمودار تابع  $f(x) = \begin{cases} x^3 & ; x \geq 2 \\ ax-3 & ; x < 2 \end{cases}$  اکیداً صعودی است؟

(۴) ۷

(۳) ۶

(۲) ۵

(۱) ۴

۲۰- نمودار تابع  $f$  با دامنه  $\{1\} - [4, -1]$  اکیداً نزولی است. دامنه تابع  $g(x) = \sqrt{f(2x+3) - f(3-x)}$  شامل چند عدد صحیح است؟

(۴) صفر

(۳) ۱

(۲) ۲

(۱) ۳

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ریاضی ۱: مثلثات + توان‌های گویا و عبارتهای جبری: صفحه‌های ۲۶ تا ۶۸

پاسخ دادن به این سؤالات برای همه دانش‌آموزان اختیاری است.

۲۱- اگر  $\sin \theta = \frac{4}{5}$  و انتهای کمان  $\theta$  در ناحیه دوم مثلثاتی واقع باشد، حاصل عبارت  $\sqrt{1 + \cot^2 \theta} - \sqrt{\frac{1 - \cos \theta}{1 + \cos \theta}}$  کدام است؟

- (۱)  $\frac{3}{4}$       (۲)  $-\frac{3}{4}$       (۳)  $\frac{5}{6}$       (۴)  $-\frac{5}{6}$

۲۲- خط  $y = mx + \frac{y}{\lambda}$  با جهت مثبت محور طول‌ها زاویه  $\alpha$  می‌سازد. اگر  $\frac{2 \sin \alpha - \cos \alpha}{3 \sin \alpha + 2 \cos \alpha} = 3$  باشد و این خط از نقطه  $A(\frac{1}{\lambda}, k)$  عبور کند، مقدار  $k$  کدام است؟

- (۱) ۱      (۲)  $0/75$       (۳)  $1/5$       (۴)  $0/5$

۲۳- اگر  $A = \frac{2 \sin \theta}{1 + \sin \theta + \cos \theta}$  و  $B = \frac{1 - \cos \theta + \sin \theta}{1 + \sin \theta}$  باشد، کدام رابطه بین  $A$  و  $B$  برقرار است؟

- (۱)  $2A - B = 0$       (۲)  $A = B$       (۳)  $A + B = 1$       (۴)  $B - A = 1$

۲۴- اگر رابطه  $4 \sin^2 \alpha - \cos^2 \alpha - \sin \alpha \cos \alpha = 4$  برقرار باشد، حاصل  $\tan \alpha - 5 \cot \alpha$  کدام است؟

- (۱)  $-4$       (۲)  $-5$       (۳)  $-6$       (۴)  $-7$

۲۵- عدد  $\sqrt{9x^2 + 1} - 6x$  فقط یک ریشه دوم دارد. مقدار  $3x + 1$  کدام است؟

- (۱) ۲      (۲)  $\frac{1}{3}$       (۳) صفر      (۴) ۱

۲۶- با توجه به گزینه‌های داده شده، اگر  $a = 5$  باشد، کدام گزینه درست است؟

(۱)  $\sqrt[3]{10} < a < \sqrt[3]{30}$       (۲)  $\sqrt[3]{150} < a < \sqrt{50}$

(۳)  $\sqrt[3]{75} < a < \sqrt[3]{500}$       (۴)  $\sqrt[3]{500} < a < \sqrt{40}$

۲۷- در صورتی که داشته باشیم  $\frac{2}{3} A = \sqrt[5]{5^2 \sqrt{25}} (0/2)$ ، حاصل  $\frac{1}{2} (20A)$  کدام است؟

- (۱)  $0/1$       (۲)  $0/01$       (۳)  $0/2$       (۴)  $0/02$

۲۸- اگر  $x = \sqrt[3]{2\sqrt{2}} - 1$  باشد، حاصل  $\sqrt{x^3 \times x^{-1}} \times \sqrt{3 - 2\sqrt{2}}$  کدام است؟

- (۱)  $3 - 2\sqrt{2}$       (۲)  $3 + 2\sqrt{2}$       (۳)  $3 - \sqrt{2}$       (۴)  $3 + \sqrt{2}$

۲۹- در صورتی که  $\sqrt{x+6} + \sqrt{x-3} = 6$  باشد، حاصل  $\sqrt{x+6} - \sqrt{x-3}$  کدام است؟

- (۱) ۱      (۲)  $1/5$       (۳) ۲      (۴)  $2/5$

۳۰- در تجزیه کدام عبارت، عامل  $x^2 + 4x + 8$  وجود دارد؟

- (۱)  $x^3 - 64$       (۲)  $x^4 + 64$       (۳)  $x^3 + 64$       (۴)  $x^4 - 64$

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هندسه ۲: دایره: صفحه‌های ۲۰ تا ۳۰

پاسخ دادن به این سؤالات برای همه دانش‌آموزان اجباری است.

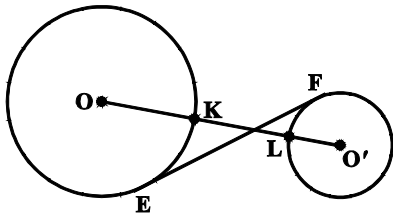
۳۱- دو نقطه A و B به فاصله ۱۳ مفروضند. چند خط وجود دارد که از نقطه A به فاصله ۵ و از نقطه B به فاصله ۷ است؟

- (۱) چهار تا  
(۲) سه تا  
(۳) دو تا  
(۴) هیچ

۳۲- شعاع دایره محاطی داخلی مثلث قائم‌الزاویه ABC ( $\hat{A} = 90^\circ$ ) که در آن  $AB = 8$  و  $BC = 17$  باشد، کدام است؟

- (۱) ۳  
(۲) ۴  
(۳)  $\frac{3}{6}$   
(۴)  $\frac{3}{2}$

۳۳- در شکل زیر  $EF = 4\sqrt{2}$  مماس مشترک داخلی دو دایره به مرکزهای O و O' است. اگر شعاع دو دایره برابر ۵ و ۲ باشد، طول



کدام است KL؟

- (۱) ۱  
(۲)  $\frac{1}{5}$   
(۳) ۲  
(۴)  $\frac{2}{5}$

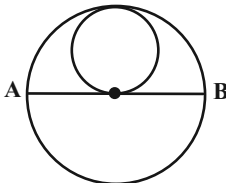
۳۴- اگر  $\cos 9^\circ = m$  باشد، اندازه هر ضلع ده‌ضلعی منتظم محاط در یک دایره چند برابر اندازه هر ضلع بیست‌ضلعی منتظم محاط بر

آن دایره است؟

- (۱)  $2m$   
(۲)  $\frac{m}{2}$   
(۳)  $2m^2$   
(۴)  $\frac{m^2}{2}$

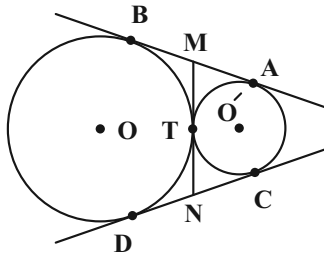
۳۵- در شکل زیر، دایره کوچک‌تر مماس بر دایره بزرگ‌تر بوده و بر قطر AB در مرکز دایره بزرگ‌تر مماس است. دایره‌ای که مرکز آن روی

قطر AB بوده و بر دو دایره مماس باشد را رسم می‌کنیم. مساحت بزرگ‌ترین دایره چند برابر مساحت کوچک‌ترین دایره است؟



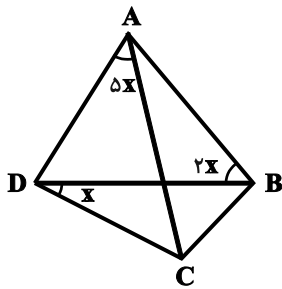
- (۱) ۱۲  
(۲) ۹  
(۳) ۸  
(۴) ۶

۳۶- مطابق شکل زیر دو دایره به شعاع‌های ۶ و ۲۴ واحد بر هم مماس‌اند. اگر  $AB$  و  $CD$  مماس‌های مشترک خارجی و  $MN$  مماس مشترک داخلی دو دایره باشد، طول  $MN$  کدام است؟



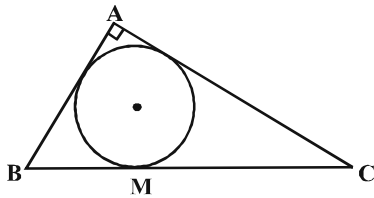
- (۱) ۲۴  
(۲) ۱۸  
(۳) ۲۰  
(۴) ۳۲

۳۷- در شکل زیر چهارضلعی  $ABCD$  محاطی است. اندازه زاویه  $A$  چند برابر اندازه زاویه  $B$  است؟



- (۱)  $\frac{3}{7}$   
(۲)  $\frac{4}{7}$   
(۳)  $\frac{9}{14}$   
(۴)  $\frac{6}{7}$

۳۸- در مثلث قائم‌الزاویه  $ABC$  ( $\hat{A} = 90^\circ$ )،  $BC = 17$  است. اگر دایره محاطی داخلی این مثلث در نقطه  $M$  به فاصله ۵ واحد از رأس  $B$  بر ضلع  $BC$  مماس باشد، مساحت مثلث  $ABC$  چقدر است؟



- (۱) ۶۴  
(۲) ۵۶  
(۳) ۶۰  
(۴) ۷۲

۳۹- مرکز دایره محیطی مثلث متساوی‌الساقین  $ABC$  ( $AB = AC$ )، درون مثلث بوده و به فاصله ۳ از قاعده  $BC = 8$  قرار دارد. محیط این مثلث چقدر است؟

- (۱)  $8(\sqrt{5} + 1)$       (۲)  $6(\sqrt{3} + 1)$       (۳)  $16(\sqrt{5} + 1)$       (۴)  $12(\sqrt{5} + 1)$

۴۰- مثلث  $ABC$  به اضلاع  $AB = 5$ ،  $AC = 12$  و  $BC = 13$  مفروض است. فاصله رأس  $C$  تا نقطه تماس دایره محاطی مثلث با ضلع  $AB$  چقدر است؟

- (۱)  $6\sqrt{3}$       (۲)  $9\sqrt{3}$       (۳)  $2\sqrt{35}$       (۴)  $2\sqrt{37}$

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هندسه ۳: ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۹ تا ۲۱

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش‌آموزان اختیاری است.

۴۱- اگر  $A = [i^2 + j^2]_{2 \times 2}$ ،  $B = \begin{bmatrix} a & a+b \\ a+b & b \end{bmatrix}$  و  $A+B$  ماتریسی اسکالر باشد، مجموع درایه‌های ماتریس  $A+B$  کدام است؟

- (۱) -۴  
(۲) ۱-  
(۳) ۲  
(۴) ۵

۴۲- اگر  $A = \begin{bmatrix} a-1 & 3 & 4 \\ 4 & b+2 & 8 \\ 6 & 9 & c+11 \end{bmatrix}$ ،  $B = [i(j+1)]_{3 \times 3}$  و  $A=B$  باشد، آنگاه حاصل  $a+b+c$  کدام است؟

- (۱) ۷  
(۲) ۸  
(۳) ۹  
(۴) ۱۰

۴۳- ماتریس‌های  $A = [a_{ij}]_{3 \times 3}$  با تعریف  $a_{ij} = i + j$  و  $B = [b_{ij}]_{3 \times 3}$  با تعریف  $b_{ij} = \begin{cases} j-2i & ; i < j \\ i-j & ; i \geq j \end{cases}$  مفروض‌اند. مجموع

درایه‌های پایین قطر اصلی ماتریس  $A+B$  چقدر است؟


- (۱) ۱۶  
(۲) ۱۴  
(۳) ۱۲  
(۴) ۱۰

۴۴- اگر  $A$  و  $B$  دو ماتریس متمایز باشند به طوری که  $AB=A$  و  $BA=B$ ، آنگاه ماتریس  $B^{-1}$  برابر کدام است؟

- (۱)  $I$   
(۲)  $A$   
(۳)  $B$   
(۴)  $-I$

۴۵- اگر  $[1 \ 7] \times A = [2 \ 1]$  و  $[-1 \ 3] \times A = [3 \ 4]$  باشد، حاصل  $[8 \ 9] \times A$  کدام است؟

- (۱)  $[-1 \ 13]$   
(۲)  $[-1 \ -13]$   
(۳)  $[1 \ 13]$   
(۴)  $[1 \ -13]$

مشابه سؤال‌هایی که با آیکون  مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.

۴۶- اگر  $A^2 = \begin{bmatrix} 2 & 8 \\ 4 & 14 \end{bmatrix}$ ،  $B^2 = \begin{bmatrix} 3 & 1 \\ -4 & 5 \end{bmatrix}$  و  $A - B = \begin{bmatrix} -2 & 1 \\ 2 & 2 \end{bmatrix}$  باشد، حاصل  $AB + BA$  کدام است؟

$$\begin{bmatrix} -1 & 9 \\ 0 & 13 \end{bmatrix} \quad (2)$$

$$\begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 12 & 15 \end{bmatrix} \quad (1)$$

$$\begin{bmatrix} 1 & -6 \\ 3 & 21 \end{bmatrix} \quad (4)$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 3 \\ -6 & 21 \end{bmatrix} \quad (3)$$

۴۷- اگر  $\alpha$  و  $\beta$  ریشه‌های معادله  $\begin{bmatrix} x & 2 & 1 \\ 1 & -x & 0 \\ -1 & 3 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ 2 \\ 2 \end{bmatrix} = 0$  باشند، حاصل  $|\alpha + \beta| + \alpha\beta$  کدام است؟

$$5 \quad (2)$$

$$4 \quad (1)$$

$$2 \quad (4)$$

$$1 \quad (3)$$

۴۸- اگر  $A = \begin{bmatrix} -1 & 2 & 3 \\ 0 & 4 & 5 \\ 2 & 1 & 3 \end{bmatrix}$  باشد، ماتریس  $A$  با چه تعداد از ماتریس‌های زیر تعویض پذیر است؟ ( $I$  ماتریس همانی مرتبه ۳ است.)

$$A^2 + I \quad (ب)$$

$$2A + I \quad (الف)$$

$$A^2 + 2I \quad (ت)$$

$$A^2 + I \quad (پ)$$

$$2 \quad (2)$$

$$1 \quad (1)$$

$$4 \quad (4)$$

$$3 \quad (3)$$

۴۹- دو ماتریس  $\begin{bmatrix} 3 & 4 \\ 4 & 3 \end{bmatrix}$  و  $\begin{bmatrix} \sin \alpha & -x^2 \\ \lambda x & \cos \alpha \end{bmatrix}$  تعویض پذیر هستند، حاصل  $x + 2 \sin^2 \alpha$  کدام است؟ ( $x \neq 0$  و  $0 < \alpha < \pi$ )

$$2 \quad (2)$$

$$1 \quad (1)$$

$$-2 \quad (4)$$

$$-1 \quad (3)$$

۵۰- اگر  $A$  و  $B$  دو ماتریس مربعی از مرتبه ۲ باشند به طوری که  $A^2 = A$  و  $B = 2A - I$ ، حاصل  $A^2 + B^2 - I$  کدام است؟

$$A \quad (2)$$

$$2A \quad (1)$$

$$2A + I \quad (4)$$

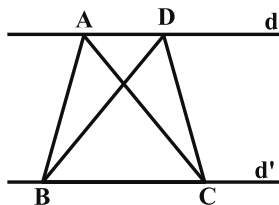
$$3A - I \quad (3)$$

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هندسه ۱: قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن: صفحه‌های ۲۸ تا ۴۴

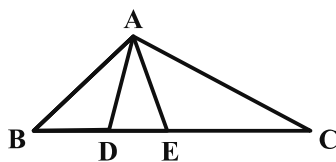
پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش‌آموزان اختیاری است.

۵۱- در شکل مقابل  $d \parallel d'$  و مساحت مثلث  $ABC$ ،  $12$  واحد مربع است. اگر  $BD = 3$  باشد، فاصله نقطه  $C$  از  $BD$  کدام است؟



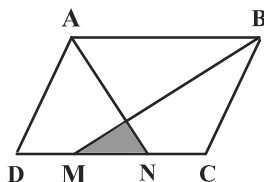
- (۱) ۶  
(۲) ۸  
(۳) ۱۰  
(۴) ۹

۵۲- در شکل زیر، مساحت مثلث  $ACE$ ،  $4$  برابر مساحت مثلث  $ADE$  و  $3$  برابر مساحت مثلث  $ABD$  است. نسبت  $\frac{BC}{DE}$  کدام است؟



- (۱) ۵  
(۲)  $\frac{19}{3}$   
(۳)  $\frac{17}{3}$   
(۴) ۴

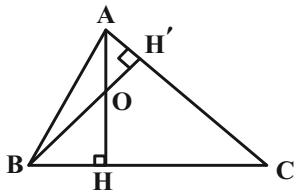
۵۳- در متوازی‌الاضلاع زیر، نقاط  $M$  و  $N$ ، ضلع  $CD$  را به سه قسمت مساوی تقسیم کرده‌اند. مساحت مثلث  $BMC$  چند برابر



مساحت مثلث هاشورخورده است؟

- (۱) ۸  
(۲) ۱۲  
(۳) ۱۰  
(۴) ۶

۵۴- در شکل زیر اگر  $OA = 5$ ،  $OH = 4$  و  $CH = 12$  باشد، طول  $BH$  کدام است؟



- (۱)  $\frac{2}{5}$   
(۲)  $\frac{2}{75}$   
(۳)  $\frac{3}{5}$   
(۴) ۳

۵۵- در یک مثلث قائم‌الزاویه طول وتر  $\frac{2}{9}$  برابر طول ارتفاع وارد بر آن است. نسبت طول‌های اضلاع قائمه در این مثلث کدام است؟

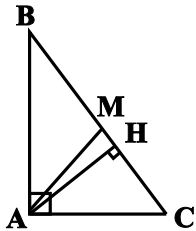
- (۱)  $\sqrt{2}$  (۲)  $\frac{3}{2}$  (۳)  $\frac{5}{2}$  (۴)  $\sqrt{5}$

۵۶- اگر  $\frac{a}{1} = \frac{b}{3} = \frac{c}{2} = \frac{d}{6+a}$  باشد، آن گاه کمترین مقدار  $a + b + d$  کدام است؟

- (۱) ۲۵-  
(۲) ۲۰-  
(۳) ۱۵-  
(۴) ۱۰-

۵۷- در مثلث قائم الزاویه  $ABC$  ( $\hat{A} = 90^\circ$ )، نقطه  $M$  وسط وتر  $BC$  است. اگر  $AB = 2AC$  باشد، مساحت مثلث  $AMH$  چه کسری

از مساحت کل مثلث  $ABC$  است؟



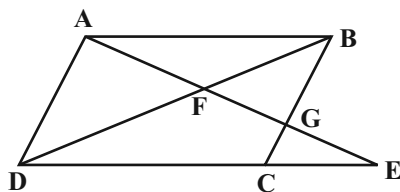
- (۱)  $\frac{3}{10}$   
(۲)  $\frac{1}{5}$   
(۳)  $\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{5}}{5}$   
(۴)  $\frac{\sqrt{2}-1}{2}$

۵۸- در مثلث  $ABC$ ، نقاط  $M$  و  $N$  به ترتیب وسط اضلاع  $AB$  و  $AC$  قرار دارند. از نقطه  $O$  روی پاره خط  $MN$ ، به طوری که  $ON = 2OM$ ،

دو خط موازی با  $AB$  و  $AC$  رسم می‌کنیم تا ضلع  $BC$  را به ترتیب در نقاط  $D$  و  $E$  قطع کنند. حاصل  $\frac{DE}{BD}$  کدام است؟

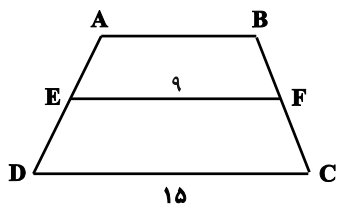
- (۱) ۳  
(۲)  $\frac{9}{2}$   
(۳)  $\frac{2}{2}$   
(۴) ۶

۵۹- در شکل زیر  $ABCD$  متوازی‌الاضلاع،  $AD = 3$ ،  $AB = 12$  و  $CE = 6$  است. اندازه  $BG$  کدام است؟



- (۱)  $\frac{2}{75}$   
(۲)  $\frac{1}{75}$   
(۳)  $\frac{2}{5}$   
(۴) ۲

۶۰- در شکل زیر  $AB \parallel EF \parallel DC$  و  $\frac{BF}{BC} = \frac{1}{4}$  است. مساحت ذوزنقه  $ABCD$  چند برابر مساحت ذوزنقه  $ABFE$  است؟



- (۱)  $\frac{11}{2}$   
(۲) ۵  
(۳) ۶  
(۴)  $\frac{13}{2}$

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

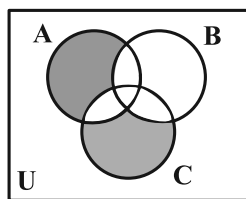
آمار و احتمال: آشنایی با مبانی ریاضیات + احتمال: صفحه‌های ۲۱ تا ۴۷

پاسخ دادن به این سؤالات برای همه دانش‌آموزان اجباری است.

۶۱- در پرتاب چهار تاس سالم، چقدر احتمال دارد حاصل ضرب اعداد رو شده عددی اول باشد؟

$\frac{1}{216}$  (۴)       $\frac{1}{72}$  (۳)       $\frac{1}{108}$  (۲)       $\frac{1}{124}$  (۱)

۶۲- در شکل مقابل، قسمت هاشورخورده معادل کدام عبارت نیست؟



(1)  $((A \cup C) - B) - (A \cap C)$

(2)  $((A \cup C) - (A \cap C)) - B$

(3)  $(A - (C - B)) \cup (C - (A - B))$

(4)  $(A - (B \cup C)) \cup (C - (A \cup B))$

۶۳- از مجموعه اعداد طبیعی سه رقمی کوچک‌تر از ۸۰۰، عددی را به تصادف انتخاب می‌کنیم. احتمال آن که «این عدد مضرب ۴

باشد اما مضرب ۵ نباشد» یا «مضرب ۵ باشد ولی مضرب ۴ نباشد»، کدام است؟

$0/3$  (۱)       $0/4$  (۲)       $0/45$  (۳)       $0/35$  (۴)

۶۴- اگر  $A = \{2a, b+1, 3\}$ ،  $B = \{4, a, b\}$  و  $A \times B = B \times A$  باشد، آن‌گاه  $a$  چند مقدار متفاوت می‌تواند داشته باشد؟

صفر (۱)      ۱ (۲)      ۲ (۳)      ۳ (۴)

۶۵- دو مجموعه  $A = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 + ax + 1 = 0\}$  و  $B = \{x \in \mathbb{N} \mid x^2 < 10\}$  مفروض‌اند. به ازای کدام مجموعه مقادیر برای  $a$ ، رابطه

$A \times B = B \times A$  برقرار است؟

$\{a \in \mathbb{R} \mid a > 2\}$  (۱)       $\{a \in \mathbb{R} \mid -2 < a < 2\}$  (۲)       $\{a \in \mathbb{R} \mid a < -2\}$  (۳)       $\emptyset$  (۴)

۶۶- اگر  $A$ ،  $B$  و  $C$  سه مجموعه دلخواه باشند، حاصل  $[A - (B \cup C)] \cup (A - B') \cup (A - C')$  همواره برابر کدام است؟

(۱)  $A$       (۲)  $A \cap B$       (۳)  $A \cap (B \cap C)$       (۴)  $A \cap (B \cup C)$

۶۷- مجموعه  $A_n = (1 - n, \frac{1}{n})$  به ازای اعداد طبیعی  $n$  مفروض است. اگر  $A = \bigcap_{n=1}^{\infty} A_n$  و  $B = \bigcup_{n=1}^{\infty} A_n$ ، در این صورت مجموعه

$(A \cup B) - (A \cap B)$  کدام است؟

(۱)  $(-3, 0] \cup [\frac{1}{4}, 1)$       (۲)  $(0, \frac{1}{4})$       (۳)  $(-3, 1)$       (۴)  $(-3, 0) \cup (\frac{1}{4}, 1)$

۶۸- در پرتاب یک تاس ناسالم، احتمال آمدن هر عدد اول، ۳ برابر احتمال آمدن هر عدد مرکب است و احتمال آمدن عدد ۱، نصف

احتمال آمدن عدد غیر از یک است. احتمال آن که در یک بار پرتاب این تاس، عدد زوج بیاید کدام است؟

(۱)  $\frac{6}{32}$       (۲)  $\frac{1}{4}$       (۳)  $\frac{10}{33}$       (۴)  $\frac{8}{33}$

۶۹- فرد  $a$ ،  $b$ ،  $c$  و  $d$  در یک مسابقه شرکت کرده‌اند که فقط یک برنده دارد. شانس برنده شدن آنها در تساوی‌های

$P(a) = \frac{P(b)}{4} = P(c) = \frac{P(d)}{3}$  صدق می‌کند. احتمال آنکه  $b$  یا  $c$  برنده شوند، کدام است؟

(۱)  $\frac{4}{9}$       (۲)  $\frac{5}{9}$       (۳)  $\frac{1}{3}$       (۴)  $\frac{2}{3}$

۷۰- فضای نمونه یک آزمایش تصادفی و  $A = \{a_1, a_2\}$ ،  $B = \{a_2, a_3\}$  و  $C = \{a_4, a_5\}$  است. اگر

$P(A) = \frac{1}{3}$ ،  $P(B) = \frac{2}{5}$  و  $P(C) = \frac{1}{7}$  باشد، احتمال پیشامد  $X = \{a_1, a_3\}$  کدام است؟

(۱)  $\frac{4}{15}$       (۲)  $\frac{2}{15}$       (۳)  $\frac{1}{6}$       (۴)  $\frac{1}{3}$

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ریاضیات گسسته: آشنایی با نظریه اعداد: صفحه‌های ۱ تا ۱۷

پاسخ دادن به این سؤالات برای همه دانش‌آموزان اختیاری است.

۷۱- کدام یک از عبارات‌های زیر، یک قضیه دوشرطی است؟  $(a, k \in \mathbb{R})$

(۱) اگر  $a^2 + \frac{1}{a^3} \geq 2$  باشد، آنگاه  $a^2 + \frac{1}{a^6} \geq 2$  است. (۲) اگر  $a > 0$  باشد، آنگاه  $a \neq -5$  است.

(۳) اگر  $\alpha$  و  $\beta$  دو عدد گنگ باشند، آنگاه  $\alpha + 2\beta$  گنگ است. (۴) اگر  $k^5 > k^4$  باشد، آنگاه  $k > 1$  است.

۷۲- جاهای خالی جملات زیر با کدام گزینه به درستی تکمیل می‌شود؟

«برای ..... حکم اگر  $C, B, A$  سه مجموعه باشند به طوری که  $A \cup B = A \cup C$ ، آنگاه  $B = C$ ، از ..... استفاده می‌کنیم.

(۱) اثبات - برهان خلف

(۲) اثبات - در نظر گرفتن تمام حالت‌ها

(۳) رد کردن - مثال نقض  $A = \{1, 2, 3, 4\}$  و  $B = \{1, 5\}$  و  $C = \{1, 3\}$

(۴) رد کردن - مثال نقض  $A = \{1, 2, 3, 4\}$ ،  $B = \{2, 3\}$  و  $C = \{1, 3\}$

۷۳- در اثبات نامساوی  $\frac{1}{x^2} + \frac{1}{\sqrt{y}} \geq \frac{4}{x^2 + \sqrt{y}}$  از طریق اثبات بازگشتی، رابطه بدیهی به دست آمده کدام است؟  $(x$  و  $y$  دو عدد

حقیقی مثبت هستند).

(۱)  $(x^2 - y)^2 > 0$  (۲)  $x^4 + y^2 > 0$  (۳)  $(x^2 - \sqrt{y})^2 \geq 0$  (۴)  $\sqrt{x} + \sqrt{y} > 0$

۷۴-  $a_1, a_2, a_3$  و  $b_1, b_2, b_3$  عددهایی صحیح و  $b_3, b_2, b_1$  همان اعداد ولی به ترتیب دیگری هستند. حاصل کدام عبارت زیر، ممکن است زوج نباشد؟

(۱)  $(a_1 - b_1)(a_2 - b_2)(a_3 - b_3)$  (۲)  $(a_1 - b_2)(a_2 - b_3)(a_3 - b_1)$

(۳)  $a_1 b_1 + a_2 b_2 + a_3 b_3$  (۴)  $a_1 a_2 + a_2 a_3 + a_3 a_1 + b_1 b_2 + b_2 b_3 + b_3 b_1$

۷۵- برای اثبات نامساوی  $4x^2 + y^2 \geq 2(xy - y - 2x - 2)$  به صورت بازگشتی، به کدام رابطه بدیهی می‌رسیم؟  $(x, y \in \mathbb{R})$

(۱)  $(2x - y)^2 + (2x - 2)^2 + (y - 2)^2 \geq 0$  (۲)  $(2x + y)^2 + (2x - 2)^2 + (y - 2)^2 \geq 0$

(۳)  $(2x - y)^2 + (2x + 2)^2 + (y + 2)^2 \geq 0$  (۴)  $(2x + y)^2 + (2x + 2)^2 + (y + 2)^2 \geq 0$

۷۶- اگر  $11|a + 5b + k$  و  $11|5a + 3b + 4$ ، آنگاه کمترین مقدار طبیعی  $k$  کدام است؟  $(a, b \in \mathbb{Z})$

(۱) ۳ (۲) ۶ (۳) ۵ (۴) ۸

۷۷- اگر  $n$  عدد صحیح و  $d = (n^2 - 4n, 5n + 7)$  عددی اول باشد، آنگاه بزرگ‌ترین مقدار  $d$  کدام است؟

(۱) ۱۱ (۲) ۷ (۳) ۵ (۴) ۳

۷۸- اگر عددی مانند  $k$  در  $\mathbb{Z}$  باشد به طوری که  $4|3k + 7$ ، آنگاه به ازای کدام مقدار  $a$ ، رابطه  $49|9k^2 + 45k + a$  برقرار است؟


(۱) ۲۸ (۲) ۳۱ (۳) ۳۶ (۴) ۴۴

۷۹- طول نقطه‌ای با مختصات طبیعی بر روی منحنی به معادله  $xy + 8y - x^2 = 4x - 1$  کدام است؟

(۱) ۲۳ (۲) ۱۷ (۳) ۱۳ (۴) ۷

۸۰- در تقسیم عدد ۳۵۷ بر عدد طبیعی  $b$ ، باقی‌مانده دو برابر ریشه دوم خارج قسمت است. چند عدد برای  $b$  می‌توان یافت؟

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

مشابه سؤال‌هایی که با آیکون  مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.



# آزمون تابستان «۱۷ مرداد ۱۴۰۴» دفترچه دوم اختصاصی دوازدهم ریاضی (فیزیک و شیمی)

دفترچه سؤال

مدت زمان کل پاسخ‌گویی سوالات: ۷۵ دقیقه

تعداد کل سوالات: ۶۰ سؤال

(۲۰ سوال اجباری + ۴۰ سوال اختیاری)

نام درس	تعداد سؤال	شماره سؤال	زمان پاسخگویی
اجباری	۱۰	۸۱-۹۰	۱۵'
اختیاری	۱۰	۹۱-۱۰۰	۱۵'
اختیاری	۱۰	۱۰۱-۱۱۰	۱۵'
اجباری	۱۰	۱۱۱-۱۲۰	۱۰'
اختیاری	۱۰	۱۲۱-۱۳۰	۱۰'
اختیاری	۱۰	۱۳۱-۱۴۰	۱۰'
جمع کل	۶۰	۸۱-۱۴۰	۷۵'

### پدیدآورندگان

نام درس	نام طراحان
فیزیک	خسرو ارغوانی‌فرد - بابک اسلامی - عباس اصغری - عبدالرضا امینی‌نسب - احسان ایرانی - مهدی آذرنسب - زهره آقامحمدی - امیرحسین برادران - علی تجاری‌اصل - یاشار جلیل‌زاده - محمدباقر خاموشی - مهدی سلطانی - محمدرضا شریفی - محمدرضا شیروانی‌زاده - مصطفی کیانی - احسان محمدی - امیر محمودی‌انزلی - سیدعلی میرنوری - مجتبی نکوئیان - سیدامیر نیکویی‌نهالی
شیمی	ساسان اسماعیل‌پور - امیرمهدی بلاغی - جعفر یازوکی - محمدرضا پورجاوید - حامد پویان‌نظر - احمدرضا جعفری - پیمان خواجوی‌مجد - یاسر راش - جعفر رحیمی - فرزاد رضایی - روزبه رضوانی - مبینا شرافتی‌پور - مهدی شریفی - سیدصدرا عادل - محمد عظیمیان‌زواره - محمدپارسا فراهانی - علیرضا کیانی‌دوست - حسن لشکری - سعید محسن‌زاده - محمدحسن محمدزاده‌مقدم - سیدمحمد معروفی - محمد وزیری

### گزینشگران و ویراستاران

نام درس	فیزیک	شیمی
گزینشگر	حسام نادری	آرش ظریف
گروه ویراستاری	سینا صالحی حسین بصیر ترکمبور زهره آقامحمدی	یاسر راش مجتبی محبوب فرزاد جلاج‌مقدم احسان پنجه‌شاهی
مسئول درس	حسام نادری	آرش ظریف
مستند سازی	علیرضا همایون‌خواه	امیرحسین توحیدی
ویراستاران (مستندسازی)	مهدی صالحی پرهام مهرآرا	محسن دستجردی عرفان قره‌مشک

### گروه فنی و تولید

مدیر گروه	مهرداد ملوندی
مسئول دفترچه	نرگس غنی‌زاده
گروه مستندسازی	مدیر گروه: محیا اصغری
حروف‌نگار	فرزانه فتح‌اله‌زاده
ناظر چاپ	سوران نعیمی

### گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلم‌چی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۲۱-۶۴۶۳

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۲: الکتریسیته ساکن + جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم: صفحه‌های ۲۲ تا ۶۱

پاسخ دادن به این سؤالات برای همه دانش‌آموزان اجباری است.

۸۱- اگر اختلاف پتانسیل دو سر خازنی از ۱۰ ولت به ۲۰ ولت افزایش یابد، انرژی ذخیره شده در آن  $1500 \text{ nJ}$  افزایش می‌یابد. در طی این فرایند، بار ذخیره شده در خازن چند میکروکولن افزایش یافته است؟

- (۱)  $1/5 \times 10^{-7}$  (۲) ۱ (۳)  $10^{-7}$  (۴) ۰/۱

۸۲- در فضای بین صفحه‌های یک خازن تخت شارژ شده و جدا از مولد هوا وجود دارد. اگر فاصله بین صفحه‌های آن را شش برابر و تمام این فاصله را با دی الکتریکی با ثابت  $\kappa = 1/5$  به طور کامل پر کنیم، به ترتیب از راست به چپ، اختلاف پتانسیل دو سر خازن و اندازه میدان الکتریکی بین صفحات آن چگونه تغییر می‌کند؟

- (۱)  $\frac{2}{3}$  و  $\frac{1}{4}$  (۲)  $\frac{1}{4}$  و  $\frac{3}{2}$  (۳) ۴ و  $\frac{2}{3}$  (۴) ۴ و  $\frac{3}{2}$

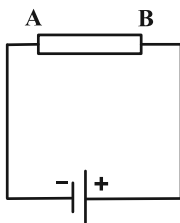
۸۳- خازن تختی با دی الکتریکی به ضریب  $\kappa = 3$  به یک باتری با اختلاف پتانسیل  $15 \text{ V}$  وصل است و اندازه میدان الکتریکی یکنواخت بین صفحات خازن در این حالت E است. اگر در همین حالت، دی الکتریک بین صفحات خازن را خارج کنیم، اندازه میدان الکتریکی بین صفحات خازن نسبت به حالت اول چند برابر می‌شود؟

- (۱)  $\frac{1}{4}$  (۲) ۱ (۳)  $\frac{1}{2}$  (۴)  $\frac{1}{3}$

۸۴- در مشخصات یک گوشی موبایل، ظرفیت باتری آن  $4800 \text{ mA.h}$  ذکر شده است. اگر مدت زمان  $18 \times 10^3$  ثانیه طول بکشد تا باتری پر این گوشی به طور کامل خالی شود، متوسط جریانی که طی این مدت باتری فراهم می‌سازد، چند آمپر است؟

- (۱) ۴۸۰ (۲) ۰/۴۸ (۳) ۹۶۰ (۴) ۰/۹۶

۸۵- مطابق شکل زیر، رسانای AB به یک منبع نیروی محرکه الکتریکی متصل شده است. کدام گزینه جهت میدان الکتریکی، جریان الکتریکی و سرعت سوق حرکت الکترون‌ها را در رسانای AB به ترتیب از راست به چپ به درستی نشان می‌دهد؟



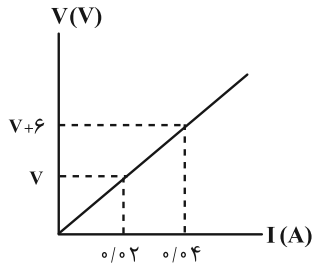
- (۱)  $\leftarrow, \rightarrow, \rightarrow$   
 (۲)  $\rightarrow, \rightarrow, \leftarrow$   
 (۳)  $\rightarrow, \leftarrow, \leftarrow$   
 (۴)  $\rightarrow, \rightarrow, \rightarrow$

۸۶- از سیمی به طول ۲۵ متر که اختلاف پتانسیل ۳ ولت در دو سر آن برقرار است، جریان  $1/2$  آمپر عبور می‌کند. اگر مقاومت ویژه

سیم  $1/8 \times 10^{-8} \Omega \cdot \text{m}$  و چگالی آن  $8 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$  باشد، جرم سیم چند گرم است؟

- (۱) ۱۸ (۲) ۳۶ (۳) ۵۴ (۴) ۷۲

۸۷- نمودار تغییرات اختلاف پتانسیل الکتریکی بر حسب جریان عبوری از یک رسانای اهمی، در دمای ثابت، به صورت زیر است.



مقاومت الکتریکی این رسانا چند کیلو اهم است؟

- (۱) ۳۰۰
- (۲) ۰/۳
- (۳) ۲۰۰
- (۴) ۰/۲

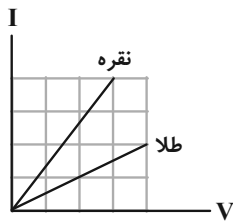
۸۸- کدام یک از عبارتهای زیر نادرست است؟

- (۱) دیود نورگسیل، یک مقاومت غیر اهمی است.
- (۲) مقاومت ویژه نیم رساناها با افزایش دما کاهش می یابد.
- (۳) مقاومت الکتریکی ترمیستور به نور تابیده شده به آن بستگی دارد.
- (۴) مقاومت الکتریکی دیودها در برابر عبور جریان، تنها در یک سو از آنها ناچیز است.

۸۹- نمودار جریان عبوری بر حسب اختلاف پتانسیل دو سر دو سیم از جنسهای طلا و نقره، مطابق شکل زیر است. اگر قطر سیمی که

از جنس نقره است،  $\frac{1}{3}$  برابر قطر سیمی باشد که از جنس طلا است، نسبت طول سیمی که از جنس طلاست به طول سیمی که

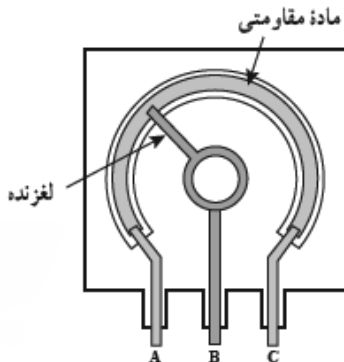
از جنس نقره است، کدام است؟ (  $\rho_{\text{طلا}} = 2/4 \times 10^{-8} \Omega.m$  ،  $\rho_{\text{نقره}} = 1/6 \times 10^{-8} \Omega.m$  و دما ثابت است.)



- (۱)  $\frac{1}{16}$
- (۲) ۱۶
- (۳)  $\frac{3}{16}$
- (۴)  $\frac{16}{3}$

۹۰- کدام گزینه درباره شکل مقابل درست است؟

- (۱) این شکل، طرحی از یک رئوستا است.
- (۲) تغییر مقاومت در این وسیله با تغییر سطح مقطع عبور جریان است.
- (۳) این وسیله، در مدارهای الکترونیکی کاربرد دارد.
- (۴) مقاومت ویژه ماده مقاومتی استفاده شده در این وسیله، باید نسبتاً کم باشد.



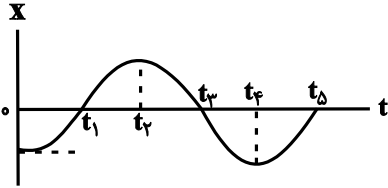
وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۳: حرکت بر خط راست: صفحه‌های ۱ تا ۲۱

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش‌آموزان اختیاری است.

۹۱- نمودار مکان - زمان متحرکی که بر روی خط راست حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. کدام یک از گزینه‌های زیر درباره

حرکت این متحرک از لحظه صفر تا  $t_5$ ، نادرست است؟



(۱)  $v_{av} > 0$  است.

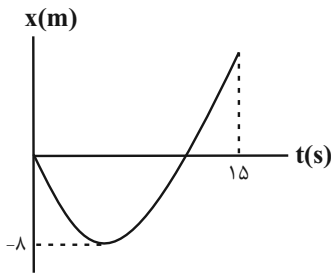
(۲)  $\Delta x > 0$  است.

(۳) جهت بردار مکان متحرک ۳ بار تغییر می‌کند.

(۴) جهت حرکت متحرک دو بار تغییر می‌کند.

۹۲- نمودار مکان - زمان متحرکی که بر روی محور x حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. در بازه زمانی صفر تا ۱۵s، تندی متوسط

متحرک چند متر بر ثانیه از اندازه سرعت متوسط آن بیشتر است؟



(۱)  $\frac{16}{15}$

(۲) ۱

(۳)  $\frac{15}{8}$

(۴) ۲

۹۳- معادله سرعت - زمان متحرکی که بر روی محور x حرکت می‌کند، در SI به صورت  $v = \frac{9}{4}t^2$  است. شتاب متوسط متحرک در بازه

زمانی  $t_1$  تا  $t_2$  کدام است؟ ( $t_2 > t_1$ )

(۱)  $t_2 - t_1$

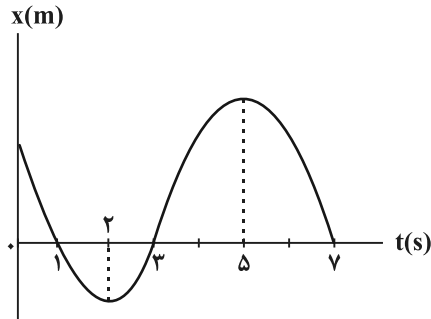
(۲)  $\frac{9}{4}(t_1 + t_2)$

(۳)  $\frac{t_2 - t_1}{2}$

(۴)  $\frac{9}{4}(t_2 - t_1)$

مشابه سؤال‌هایی که با آیکون مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.

۹۴- نمودار مکان- زمان متحرکی مطابق شکل زیر است. در ۷ ثانیه ابتدایی حرکت، مدت زمانی که بردار سرعت متحرک در خلاف جهت محور  $x$  و اندازه آن در حال کاهش است چند برابر مدت زمانی است که بردار مکان و بردار سرعت متحرک با یکدیگر هم



جهت هستند؟

(۱)  $\frac{4}{3}$

(۲) ۱

(۳) ۳

(۴)  $\frac{2}{3}$

۹۵- متحرکی از حال سکون روی محور  $x$  شروع به حرکت می کند. اگر شتاب متوسط متحرک در ۳ ثانیه اول و دوم حرکت به ترتیب ۴

و ۶- واحد SI باشد، سرعت متحرک در لحظه  $t = 6s$  چند متر بر ثانیه است؟

(۲) ۶

(۱) ۲۰

(۴) ۲

(۳) -۶

۹۶- دو متحرک با سرعت های ثابت  $25 \frac{m}{s}$  و  $15 \frac{m}{s}$  روی مسیری مستقیم از یک نقطه و در دو سوی مخالف عبور می کنند. چند ثانیه

طول می کشد تا فاصله ی آنها از یکدیگر برابر با ۱۲۰ متر شود؟

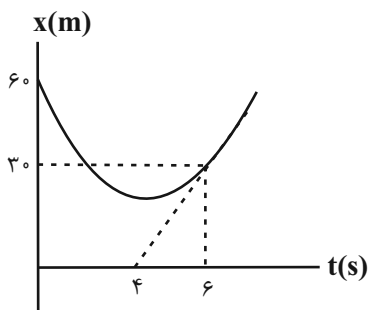
(۲) ۲

(۱) ۳

(۴)  $\frac{4}{8}$

(۳) ۸

۹۷- نمودار مکان- زمان متحرکی که با شتاب ثابت روی خط راست حرکت می کند، مطابق شکل زیر است. تندی اولیه متحرک چند



متر بر ثانیه است؟

(۱) ۵

(۲) -۲۵

(۳) ۲۵

(۴) -۵

۹۸- متحرکی با شتاب ثابت در امتداد محور  $x$  حرکت می‌کند. در لحظه  $t = 0$ ، با تندی  $6 \frac{m}{s}$  از نقطه  $A$  و بعد از آن با سرعت  $v$  از نقطه  $B$  می‌گذرد و در نقطه  $C$  متوقف می‌شود. اگر  $\overline{BC} = \frac{5}{4} \overline{AB}$  باشد،  $v$  چند  $\frac{m}{s}$  است؟



۴ (۴)

۶ (۳)

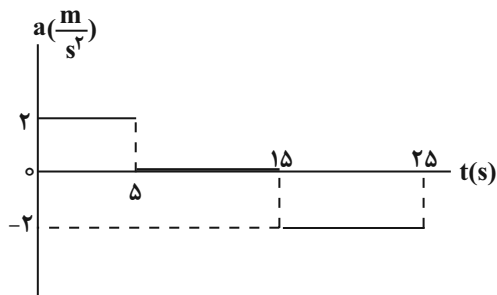
$2\sqrt{5}$  (۲)

$3\sqrt{5}$  (۱)

۹۹- نمودار شتاب - زمان متحرکی که روی خط راست در حرکت است، مطابق شکل زیر می‌باشد. این متحرک در مبدأ زمان با تندی

$5 \frac{m}{s}$  و از نقطه  $x = +10m$  و در خلاف جهت محور  $x$  عبور می‌کند. در بازه زمانی  $0$  تا  $2.5s$ ، این متحرک چند ثانیه در خلاف

جهت محور حرکت کرده است؟



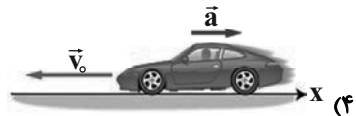
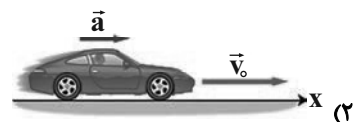
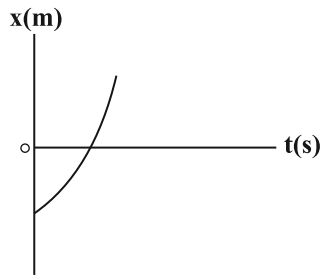
$\frac{25}{3}$  (۱)

$\frac{55}{6}$  (۲)

۱۰ (۳)

۱۵ (۴)

۱۰۰- نمودار مکان - زمان شکل روبه‌رو می‌تواند معرف حرکت کدام متحرک باشد؟ (جهت مثبت محور  $x$  به سمت راست در نظر گرفته شده است.)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۱: ویژگی‌های فیزیکی مواد: صفحه‌های ۲۳ تا ۵۲

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش‌آموزان اختیاری است.

۱۰۱- چند مورد از گزاره‌های زیر نادرست است؟

- (الف) ذرات جسم جامد به سبب نیروهای الکتریکی‌ای که به یکدیگر وارد می‌کنند، در کنار یکدیگر نوسان‌های بسیار کوچکی دارند.  
 (ب) شفق قطبی و آدرخش از پلازما تشکیل شده‌اند.  
 (پ) حالت یک ماده به اندازه مولکول‌های آن بستگی دارد.  
 (ت) فاصله بین ذرات سازنده مایع و جامد تقریباً یکسان است.

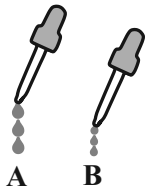
۱ (۴)

۲ (۳)

۳ (۲)

۴ (۱)

۱۰۲- شکل زیر، خروج قطره‌های روغن بادام از دهانه دو قطره‌چکان مشابه را نشان می‌دهد. دمای قطره‌های روغن (B) ... از دمای قطره‌های روغن (A) می‌باشد و با افزایش دما، نیروی هم‌چسبی مولکول‌های روغن ... می‌یابد.



(۱) کم‌تر - افزایش

(۲) کم‌تر - کاهش

(۳) بیشتر - افزایش

(۴) بیشتر - کاهش

۱۰۳- فشار در عمق ۵h از سطح دریاچه‌ای چند برابر فشار در عمق ۳h از سطح آن است؟

(۲) بیشتر از  $\frac{5}{3}$  برابر

(۱)  $\frac{5}{3}$  برابر

(۴) بیشتر از یک برابر و کمتر از  $\frac{5}{3}$  برابر

(۳) بیشتر از ۲ برابر

۱۰۴- مساحت عینک یک غواص که در عمق دریا در حال غواصی است،  $45 \text{ cm}^2$  است. اگر اندازه نیرویی که از طرف آب بر این عینک وارد می‌شود برابر با  $900 \text{ N}$  باشد، فشار در عمقی که غواص در آن قرار دارد، چند مگاپاسکال است؟

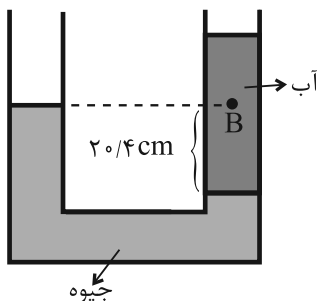
(۴) ۰/۱

(۳) ۰/۱۵

(۲) ۰/۲

(۱) ۰/۲۵

۱۰۵- در شکل زیر آب و جیوه در حال تعادل قرار دارند. فشار در نقطه B چند سانتی‌متر جیوه است؟



$$(P_0 = 74/2 \text{ cmHg}, g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}, \rho_{\text{آب}} = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}, \rho_{\text{جیوه}} = 13/6 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3})$$

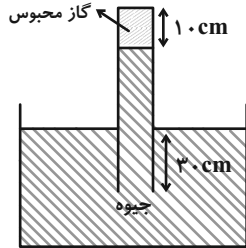
(۱) ۹۳/۱

(۲) ۹۶/۳

(۳) ۷۴/۲

(۴) ۷۵/۷

۱۰۶- در شکل زیر، جیوه در حال تعادل قرار دارد. اگر فشار گاز محبوس درون لوله ۶۰mmHg باشد، طول لوله چند سانتی متر است؟



$$(g = 10 \frac{N}{kg} \text{ و } \rho_{\text{جیوه}} = 13/5 \frac{g}{cm^3}, P_0 = 76 \text{ cmHg})$$

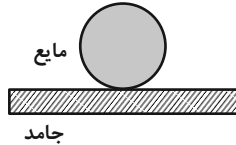
۱۰۶ (۱)

۱۱۰ (۲)

۱۱۶ (۳)

۱۲۰ (۴)

۱۰۷- کدام یک از گزاره‌های زیر با توجه به شکل مقابل صحیح است؟



(۱) اگر آزمایش لوله موئین را با همین دو ماده انجام دهیم، سطح مایع فرو رفته خواهد بود.

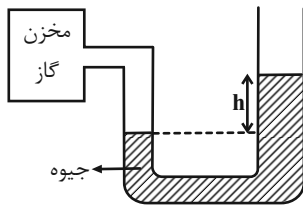
(۲) مایع سطح جامد را تر کرده است.

(۳) نیروی دگرچسبی بین مایع و سطح جامد از نیروی هم‌چسبی بین مولکول‌های مایع بیشتر است.

(۴) اگر آزمایش لوله موئین را با همین دو ماده انجام دهیم، سطح مایع درون لوله پایین تر از سطح مایع درون ظرف خواهد بود.

۱۰۸- در شکل زیر، سطح مقطع شاخه سمت راست ۵ برابر سطح مقطع شاخه سمت چپ است. اگر فشار گاز مخزن ۸cmHg افزایش و

فشار هوای محیط ۴cmHg کاهش یابد، سطح جیوه در شاخه سمت چپ چند سانتی متر جابه‌جا می‌شود؟



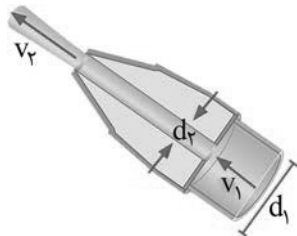
۶۰ (۱)

۱۲ (۲)

۲ (۳)

۱۰ (۴)

۱۰۹- شکل زیر، یک شیر آتش‌نشانی را نشان می‌دهد. اگر  $d_1 = 10 \text{ cm}$ ،  $d_2 = 4 \text{ cm}$  و تندی خروج آب از شیر ( $v_2$ ) برابر با  $8 \frac{m}{s}$  باشد،



چند متر بر ثانیه است؟ (جریان آب را لایه‌ای و یکنواخت در نظر بگیرید.)

۵۰ (۱)

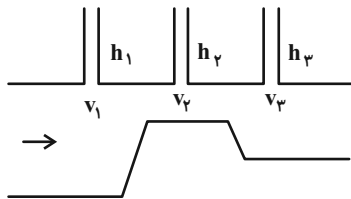
۸ (۲)

۳/۲ (۳)

۱/۲۸ (۴)

۱۱۰- در شکل زیر، جریان لایه‌ای مایع در لوله افقی به‌طور پیوسته از چپ به راست برقرار است. در کدام گزینه مقایسه درستی بین

تندی شارش مایع ( $v$ )، فشار مایع ( $P$ ) و ارتفاع مایع درون لوله‌های قائم ( $h$ ) انجام شده است؟



(۱)  $P_2 > P_1, v_1 < v_2$

(۲)  $v_2 > v_1, h_1 > h_2$

(۳)  $P_1 < P_2, h_1 > h_2$

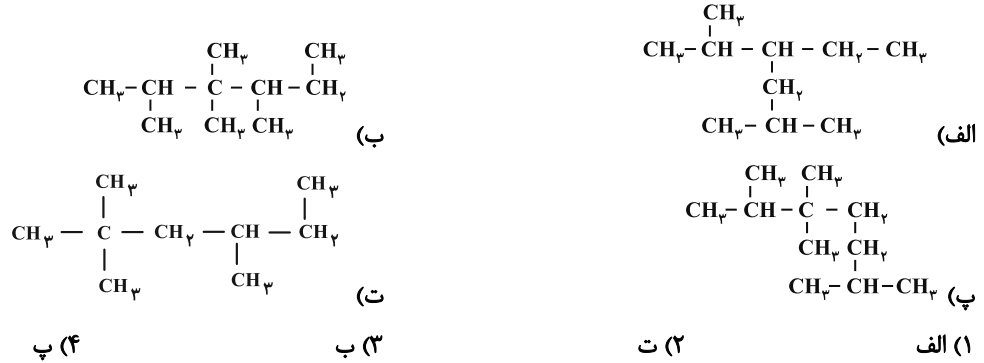
(۴)  $P_3 > P_1, v_2 > v_3$

وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۲: قدر هدایای زمینی را بدانیم: صفحه‌های ۲۵ تا ۵۰

پاسخ دادن به این سؤالات برای همه دانش‌آموزان اجباری است.

۱۱۱- کدام یک از فرمول‌های ساختاری زیر تعداد کربن‌های زنجیر اصلی متفاوت است؟



۱۱۲- در دما و فشار ثابت مخلوطی ۱۰ لیتری از گازهای  $\text{C}_2\text{H}_6$  و  $\text{C}_2\text{H}_2$  پس از واکنش با ۹ لیتر گاز هیدروژن، به طور کامل به مخلوطی شامل ترکیب‌های سیر شده تبدیل می‌شود. درصد جرمی  $\text{C}_2\text{H}_6$  در مخلوط اولیه به تقریب کدام است؟ (تمامی هیدروکربن‌های ذکر شده،

هیدروکربن‌های حلقوی هستند.) ( $\text{C} = 12, \text{H} = 1: \text{g.mol}^{-1}$ )

(۱) ۲۸/۵      (۲) ۳۰      (۳) ۴۲/۸      (۴) ۳۴/۱

۱۱۳- کدام یک از گزینه‌های زیر، نادرست است؟

(۱) با ارزش‌ترین جزء نفت خام، بنزین و خوراک پتروشیمی است.

(۲) سنگین‌ترین آلکان درون نفت سفید دارای ۱۵ اتم کربن است.

(۳) در برج تقطیر، دما از بالا به پایین کاهش می‌یابد.

(۴) برای سوخت هواپیما خرید نفت سبک کشورهای عربی به صرفه‌تر است.

۱۱۴- کدام گزینه در مورد ساختار و نام‌گذاری ترکیب‌های آلی درست است؟

(۱) نام هر دو ترکیب ۲- متیل پنتان و ۲، ۳- دی‌متیل بوتان نادرست است.

(۲) فرمول مولکولی ترکیب ۳- اتیل-۲، ۲، ۴- تری‌متیل هگزان،  $\text{C}_{11}\text{H}_{24}$  است.

(۳) ۱- هگزن ترکیبی سیر نشده بوده و با برم مایع واکنش می‌دهد در حالی که سیکلوهگزان ترکیبی آروماتیک بوده و با برم مایع واکنش نمی‌دهد.

(۴) شمار کربن‌ها در فرمول شیمیایی ۲- بوتن دو برابر شمار هیدروژن‌ها در فرمول شیمیایی پروپین است.

۱۱۵- کدام موارد از عبارت‌های زیر نادرست است؟

(الف) به توانایی جاری شدن یک مایع، گرانروی گفته می‌شود.

(ب) با افزایش شمار اتم‌های کربن، گشتاور دو قطبی آلکان‌ها افزایش می‌یابد.

(پ) وازلین ماده‌ای چسبنده‌تر از گریس است.

(ت) هر چه تعداد کربن در هیدروکربن افزایش پیدا کند فرارپذیری کاهش می‌یابد.

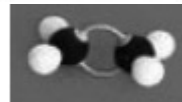
(۱) پ، ت      (۲) الف، ت      (۳) الف، ب      (۴) ب، پ

۱۱۶- در چند مورد از شکل‌های زیر کاربرد یا معرفی ماده مورد نظر، به درستی بیان شده است؟

: در کشاورزی معروف به عمل آورنده است و از گوجه و موز رسیده آزاد می‌شود.



: در جوش کاری و برش کاری فلزها به کار می‌رود.



: سرگروه خانواده مهمی از هیدروکربن‌ها به نام ترکیب‌های حلقوی است.



: مدت‌ها به عنوان ضد بیید برای نگهداری فرش و لباس کاربرد داشته است.



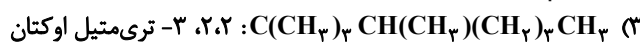
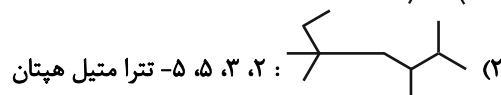
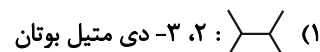
۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

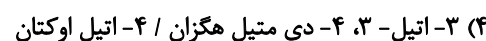
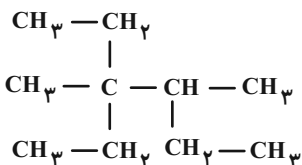
۱۱۷- نام کدامیک از ترکیب‌های زیر با ساختار داده شده مطابقت ندارد؟



۱۱۸- از واکنش  $4g / 32\%$  از یک هیدروکربن سیرنشده و غیرحلقوی با مقدار کافی اکسیژن،  $6g / 10.5\%$  گاز کربن دی‌اکسید و  $1/8$  مول آب تولید شده است. فرمول مولکولی این هیدروکربن کدام گزینه می‌تواند باشد؟



۱۱۹- نام هیدروکربنی با فرمول ساختاری زیر چیست و فرمول مولکولی آن با کدام ترکیب یکسان است؟ (گزینه‌ها را به ترتیب از راست به چپ بخوانید).



۱۲۰- مخلوطی از گازهای اتن و اتین که در شرایط استاندارد  $10/0.8$  لیتر حجم دارد، با  $120$  گرم برم مایع به‌طور کامل واکنش می‌دهد.

چند درصد از جرم مخلوط اولیه را اتن تشکیل می‌دهد؟ ( $H = 2, C = 12, Br = 80 g \cdot mol^{-1}$ )

۴۰ (۴)

۵۰ (۳)

۷۰ (۲)

۳۵ (۱)

شیمی ۳: مولکول‌ها در خدمت تندرستی + تاریخچه صابون + پاکیزگی محیط + اسیدها و بازها: صفحه‌های ۱ تا ۱۶ وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

پاسخ دادن به این سؤالات برای همه دانش‌آموزان اختیاری است.

۱۲۱- چند مورد از عبارت‌های زیر درست است؟ ( $K = ۳۹, Na = ۲۳, H = ۱, N = ۱۴ : g.mol^{-1}$ )

- الف) اوره همانند عسل و برخلاف ضد یخ، محلول در آب است.  
ب) زله همانند شیر و برخلاف مخلوط اتانول در آب، نور را پخش می‌کند.  
پ) اضافه کردن صابون به مخلوط آب و روغن سبب ایجاد نوعی مخلوط می‌شود که پلی میان محلول و سوسپانسیون است.  
ت) در صابون‌ها در صورت برابر بودن تعداد اتم‌های کربن، جرم مولکولی صابون مایع نمی‌تواند از صابون جامد کمتر باشد.

۱) صفر ۲) ۱ ۳) ۲ ۴) ۳

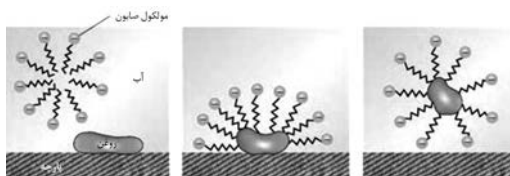
۱۲۲- کدام گزینه نادرست است؟

۱) تفاوت جرم مولی استون و ۱- بوتن با تفاوت جرم مولی اوره و اتیلن گلیکول یکسان است.

۲) شکل روبه‌رو نشان‌دهنده مراحل تشکیل کلئیدی است که بر روی لباس در حال شست و شو تشکیل می‌شود.

۳) فرمول  $COOK(CH_2)_3CH_3$  مربوط به یک صابون مایع می‌باشد.

۴) شمار جفت الکترون‌های پیوندی به جفت ناپیوندی در اوره و  $CH_2O$  یکسان است.



۱۲۳- کدام یک از عبارت‌های زیر نادرست‌اند؟ ( $O = ۱۶, C = ۱۲, H = ۱ : g.mol^{-1}$ )

الف) در واکنش سوختن کامل ۵۷ گرم بنزین، ۱۷۶ گرم کربن‌دی‌اکسید تولید می‌شود.

ب) وازلین، بنزین و روغن زیتون در حلال‌های ناقطبی مانند هگزان حل می‌شوند.

پ) اختلاف تعداد اتم‌های هیدروژن بنزین و اوره با دو برابر تعداد اتم‌های اکسیژن در روغن زیتون برابر است.

ت) اتیلن گلیکول برخلاف اوره قادر به تشکیل پیوند هیدروژنی با آب نیست.

۱) الف و ب ۲) ب و پ ۳) پ و ت ۴) الف و ت

۱۲۴- چه تعداد از عبارت‌های زیر صحیح است؟

الف) انسان‌ها با الهام از طبیعت و شناخت مولکول‌ها و رفتار آنها، راهی برای زدودن آلودگی‌ها پیدا کردند.

ب) شوینده‌ها بر اساس خاصیت اسیدی یا بازی عمل می‌کنند.

پ) نیاکان ما به تجربه پی بردند که اگر ظرف‌های چرب را به خاکستر آغشته کنند و سپس با آب گرم شست‌وشو دهند، آسان‌تر تمیز می‌شوند.

ت) امید به زندگی، شاخصی است که در شهرهای یک کشور نیز با هم تفاوت دارد و در مناطق توسعه‌یافته و برخوردار، کم‌تر از مناطق کم‌برخوردار است.

۱) ۱ ۲) ۲ ۳) ۳ ۴) ۴

مشابه سؤال‌هایی که با آیکون مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.





۱۳۷- کدام موارد از مطالب زیر درست‌اند؟

- (آ) مجموع  $n+1$  الکترون‌های ظرفیتی عنصر  $P$ ، دو برابر تعداد پروتون‌های عنصر  $F$  است.
- (ب) تعداد الکترون‌های ظرفیتی عنصر  $X$  که در دوره چهارم و گروه شانزدهم قرار دارد، برابر ۶ است.
- (پ) عناصر جدول دوره‌ای که دو الکترون ظرفیتی دارند، تنها در گروه دوم جدول جای دارند.
- (ت) نسبت شمار الکترون‌های ظرفیتی به شمار الکترون‌های با  $n+1=4$  در عنصری که شمار الکترون‌های زیر لایه  $d$  و  $s$  آن با هم برابر است، برابر  $5/0$  می‌باشد.

(۱) آ، ت (۲) ب، پ (۳) آ، ب، ت (۴) ب، پ، ت

۱۳۸- چه تعداد از موارد زیر عبارت داده شده را به درستی تکمیل می‌کند؟

شمار الکترون‌های دارای  $I=2$  در یون ... با شمار الکترون‌ها در آخرین زیرلایه اتم ... برابر است.

الف)  $Mn^{2+}$  ،  $Cl$  ،  $Ni^{3+}$  (ب)  $I$  ،  $Ni^{3+}$  ،  $P$  ،  $Ti^{2+}$  (پ)  $V^{3+}$  ،  $C$  ،  $P$  ،  $Ti^{2+}$  (ت)  $V^{3+}$  ،  $C$  ،  $P$  ،  $Ti^{2+}$

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۱۳۹- چند مورد از عبارت‌های زیر، نادرست هستند؟

- \* با دور شدن از هسته یک اتم، اختلاف انرژی لایه‌های الکترونی متوالی کاهش یافته و انرژی الکترون‌های موجود در آن‌ها افزایش می‌یابد.
- \* در طیف نشری خطی هیدروژن، طول موج  $410nm$  مربوط به انتقال الکترونی از لایه ششم به لایه دوم است.
- \* مقدار انرژی لایه‌های الکترونی در اطراف هسته هر اتم، مخصوص آن اتم بوده و به عدد اتمی آن بستگی دارد.
- \* مدت زمانی که صرف می‌شود که جرم ایزوتوپ  ${}^4_2H$  نصف شود، بیشتر از ایزوتوپ  ${}^5_1H$  است.

(۱) صفر (۲) ۱ (۳) ۲ (۴) ۳

۱۴۰- چند مورد از مطالب زیر نادرست است؟

- \* یک اتم در حالت برانگیخته نسبت به حالت پایه خود دارای انرژی کمتر و پایداری بیشتری است.
- \* اگر تعداد نوترون‌های دو یون فرضی  $A^{2+}$  و  $B^{3-}$  با هم برابر باشد، اختلاف تعداد الکترون‌های آن‌ها برابر ۱ است.
- \* اغلب اتم‌هایی که نسبت عدد اتمی به عدد جرمی‌شان کمتر یا برابر  $4/0$  است، ناپایدار هستند.
- \* مجموع تعداد نوترون‌های موجود در یک مول منیزیم هیدرید که منیزیم آن یکی از ایزوتوپ‌های آن است که بیشترین فراوانی را دارد و هیدروژن آن رادیوایزوتوپ طبیعی هیدروژن است، ۱۶ برابر عدد آووگادرو است.

(۱) ۴ (۲) ۳ (۳) ۲ (۴) ۱



# دفترچه سؤال

آزمون هوش و استعداد  
(دوره دوم)  
۱۷ مرداد

تعداد کل سؤالات آزمون: ۲۰  
زمان پاسخ‌گویی: ۳۰ دقیقه

گروه فنی تولید

حمید لنجان‌زاده اصفهانی	مسئول آزمون
فاطمه راسخ	ویراستار
محیا اصغری	مدیر گروه مستندسازی
علیرضا همایون‌خواه	مسئول درس مستندسازی
حمید اصفهانی، فاطمه راسخ، حمید گنجی، حامد کریمی، فرزاد شیرمحمدلی	طراحان
معصومه روحانیان	حروف‌چینی و صفحه‌آرایی
حمید عباسی	ناظر چاپ

برای مشاهده پاسخ‌ها، به صفحه شخصی خود در سایت کانون مراجعه کنید.

\* در دو پرسش نخست، تعیین کنید کدام گزینه متن را تکمیل می‌کند.

۲۵۱- در نیمه دوم قرن دوازدهم در اصفهان و بعدها در سایر نقاط ایران، گروه‌هایی از شاعران... پیچ‌وخم‌ها و تلاش‌های مضمون‌یابی سبک هندی سرخورده و ملول، به سبک‌های گذشته بازگشت نمودند و... تتبع در سبک‌های کهن برای برداشتن گامی به جلو و ارائه سروده‌های منطبق با زبان و فرهنگ خویش پرداختند.

(۱) که - به (۲) از - از

(۳) از - به (۴) که - از

۲۵۲- در بسیاری از نظام‌های آموزشی پیشرفته، محوریت یادگیری از معلم به دانش‌آموز منتقل شده است که در این رویکرد به جای تأکید بر اطلاعات انباشته‌شده، تلاش می‌شود فراگیران به مهارت‌هایی چون حل مسئله، تفکر انتقادی و توانایی یادگیری مستقل دست یابند. البته معلم همچنان نقش مهمی در این مسیر دارد، اما دیگر منبع نهایی حقیقت نیست، بلکه تسهیل‌گری است که مسیر یادگیری را هدایت می‌کند. یقیناً در این فضا خطا، بخشی طبیعی از یادگیری است، نه نشانه ناتوانی. پس نظام‌های آموزشی پیشرفته... .

(۱) برخلاف نظام‌های آموزشی سنتی، یادگیری معلم را در طول مسیر، امری درست و منطقی می‌دانند.

(۲) حل مسئله، تفکر انتقادی و توانایی یادگیری مستقل را مهارت‌هایی آموختنی می‌داند، نه ذاتی و لایتغیر.

(۳) مثل نظام‌های آموزشی سنتی، خطای دانش‌آموز را در راه یادگیری، بخشی از همین یادگیری می‌دانند.

(۴) نقش معلم را در آموزش کمرنگ‌تر کرده و دانش‌آموز را مسافری در مسیر می‌داند که ممکن است به مقصد نرسد.

\* بر اساس متن زیر به دو پرسش بعدی پاسخ دهید.

زمان، در نگاه نخست، پدیده‌ای یکنواخت و همگن می‌نماید که برای همه یکسان می‌گذرد؛ اما تجربه انسانی از زمان، همواره ذهنی، متغیر و وابسته به زمینه بوده است. زمانی که فرد در انتظار وقوع رخدادی اضطراب‌آور است، لحظات کش می‌آیند و زمان طولانی‌تر حس می‌شود؛ اما هنگام غرق شدن در کاری مطلوب، گویی ساعت‌ها در چند دقیقه خلاصه می‌شوند. این ویژگی انعطاف‌پذیر ادراک زمان، یکی از پیچیده‌ترین و در عین حال عمیق‌ترین ابعاد روان‌شناختی و فلسفی حیات انسانی است. برخلاف زمان فیزیکی که اندازه‌گیری‌شونده و بی‌تفاوت به محتوای رویدادهاست، زمان روانی همواره با معنا، هیجان و توجه درهم‌تنیده است. به همین دلیل، نمی‌توان تجربه انسانی از زمان را تنها به ساعت و دقیقه تقلیل داد.

یکی از پیامدهای این تفاوت درک، در نظام آموزش نیز قابل مشاهده است. برای دانش‌آموزی که در کلاس خسته‌کننده‌ای حضور دارد، یک ساعت ممکن است پایان‌ناپذیر به نظر برسد، حال آن‌که در کلاس دیگر، همان زمان با لذت سپری می‌شود. بنابراین، کیفیت ادراک زمان تابع کیفیت تجربه است، نه صرفاً تابع ساعت مکانیکی. آموزش موفق، در کنار انتقال دانش، باید بتواند تجربه‌ی زمانی مثبت برای یادگیرنده فراهم آورد، تجربه‌ای که در آن، زمان از حالت تحمیلی خارج و به جریان طبیعی یادگیری تبدیل شود.

۲۵۳- کدام‌یک از توصیف‌های زیر بیشترین نزدیکی را با تعریف «زمان روانی» در متن دارد؟

(۱) مدت واقعی انجام یک فعالیت بر حسب ساعت

(۲) تفاوت ساعت‌های کاری در فرهنگ‌های گوناگون

(۳) ادراک ذهنی و معن محور از گذر زمان بسته به موقعیت و احساس

(۴) نوعی توهم زمانی ناشی از بی‌نظمی ذهنی

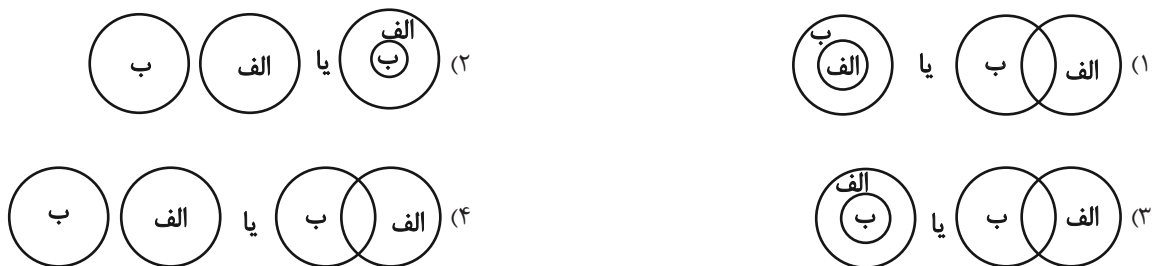
۲۵۴- هدف نویسنده از ذکر مثال «دانش‌آموز در کلاس» چیست؟

- (۱) تأکید بر اهمیت تجربه‌ی دانش‌آموز خارج از کلاس درس
- (۲) تأکید بر تأثیر کیفیت تجربه بر درک زمان
- (۳) نقد استفاده از زمان‌بندی‌های کلاسیک در مدارس
- (۴) تمجید از دانش‌آموزان با انگیزه

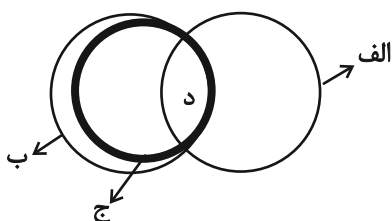
۲۵۵- نسبت بین واژه‌های کدام گزینه متفاوت است؟

- (۱) اکراه - انزجار - رغبت
- (۲) مباهات - فخر - نازش
- (۳) تعمق - تفحص - کاوش
- (۴) ثمر - میوه - نتیجه

۲۵۶- کدام گزینه عبارت‌های «برخی الف‌ها ب هستند» و «برخی الف‌ها ب نیستند»، را نشان می‌دهد؟



۲۵۷- در نمودار زیر به ترتیب «الف، ب، ج، د» با دسته‌های کدام گزینه منطبق است؟



- (۱) ترش، تلخ، سیب، سیب ملس
- (۲) جاندار، گیاه، درخت، کاج
- (۳) شیرین، میوه، سیب، سیب شیرین
- (۴) انسان، گناهکار، توبه‌کننده، گناهکاران توبه‌کننده

\* مونا و مانی و مینا، هر کدام یکی از انواع موسیقی «پاپ، رپ، راک و متال» را دوست دارند و از سازهای ایرانی، هر کدام یکی از سازهای «تار، سه‌تار، عود و سنتور» را می‌نوازند. هر کدام از این چهار تن، متولد یکی از دهه‌های «پنجاه، شصت، هفتاد و هشتاد» هجری شمسی است و یکی از اجزای آجیل «پسته، بادام، فندق و تخمه» را بیش‌تر دوست دارد. می‌دانیم:

(الف) مونا که از همه کوچک‌تر است، پسته دوست ندارد.

(ب) آن که متال را دوست دارد، از آن که سنتور می‌نوازد کوچک‌تر است.

(ج) مینا که تار می‌زند از تخمه و پاپ متنفر است.

(د) مانی که نوازندهٔ عود است، بادام دوست دارد و از آن که سه‌تار می‌نوازد، بزرگ‌تر است.

(ه) آن که متولد دههٔ شصت است، تخمه و رپ دوست دارد و از آن که پاپ دوست دارد بزرگ‌تر است.

بر این اساس به چهار پرسش بعدی پاسخ دهید.

۲۵۸- آن که راک دوست دارد، متولد کدام دهه است؟

(۲) ۶۰

(۱) ۵۰

(۴) ۸۰

(۳) ۷۰

۲۵۹- مونا قطعاً . . . . .

(۲) فندق دوست ندارد.

(۱) ساز سه‌تار دارد.

(۴) پاپ دوست ندارد.

(۳) ساز سنتور دارد.

۲۶۰- آن که متولد دههٔ شصت است قطعاً . . . . .

(۲) از آن که پسته دوست دارد بزرگ‌تر است.

(۱) مینا است.

(۴) از آن که پسته دوست دارد کوچک‌تر است.

(۳) مینا یا مانی است.

۲۶۱- کدام مورد به‌طور قطعی معلوم است؟

(۲) آجیل مونا

(۱) ساز متولد دههٔ هفتاد

(۴) نام متولد دههٔ هفتاد

(۳) نام فرد علاقه‌مند به راک

۲۶۲- حداقل زاویهٔ بین عقربه‌های ساعت‌شمار و دقیقه‌شمار در ساعت  $۱۸:۲۰'$  چند درجه کم‌تر از حداقل زاویهٔ بین این دو عقربه در ساعت  $۱۵:۴۰'$  است؟

(۲)  $۴۵^\circ$

(۱)  $۳^\circ$

(۴)  $۷۵^\circ$

(۳)  $۶^\circ$

۲۶۳- هفده ساعت و بیست و چهار دقیقه و پانزده ثانیه بعد از پنج ساعت و شش دقیقه قبل از ساعت شانزده و چهل دقیقه و پنج ثانیه چه ساعتی است؟

(۲) ۳:۴۸:۲۰"

(۱) ۳:۴۸:۳۰"

(۴) ۴:۵۸:۲۰"

(۳) ۴:۵۸:۳۰"

۲۶۴- اگر روز نخست ماه اردیبهشت سالی شنبه باشد، روز پایانی مهرماه آن سال چندشنبه خواهد بود؟

(۲) دوشنبه

(۱) یکشنبه

(۴) چهارشنبه

(۳) سه‌شنبه

۲۶۵- طی چهار سال متوالی حداکثر چند جمعه وجود دارد؟

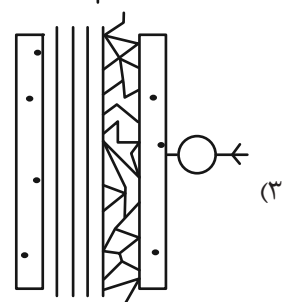
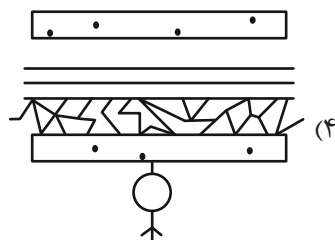
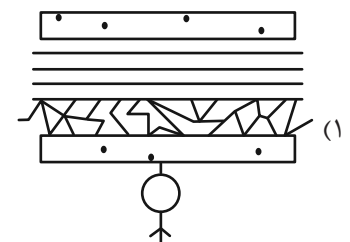
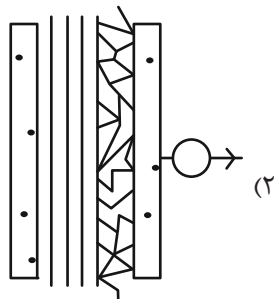
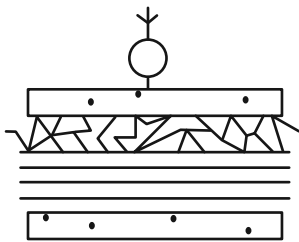
(۲) ۲۰۸

(۱) ۲۰۹

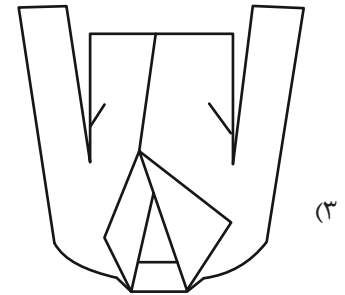
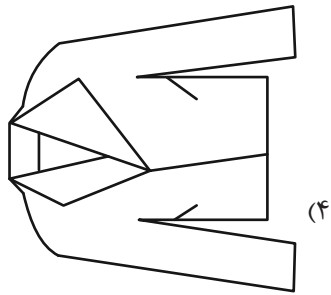
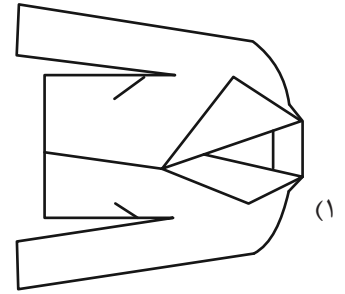
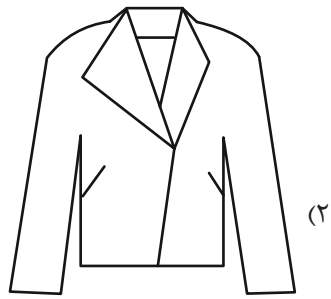
(۴) ۲۰۶

(۳) ۲۰۷

۲۶۶- کدام شکل دوران یافته شکل زیر است؟

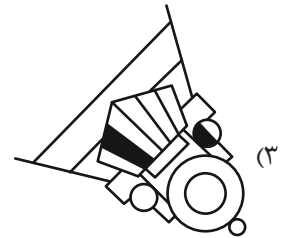
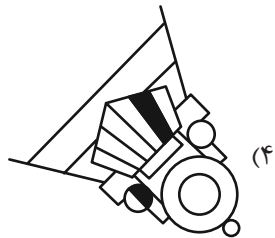
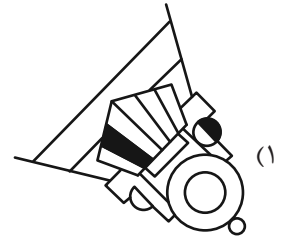
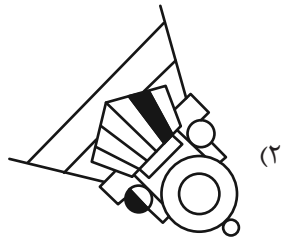
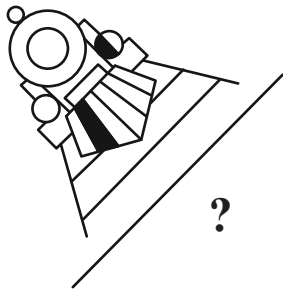


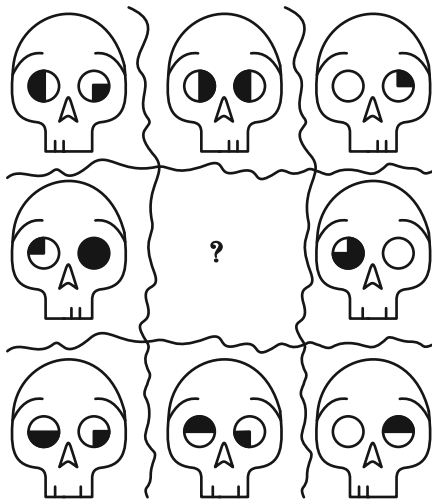
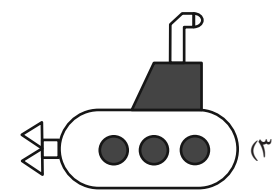
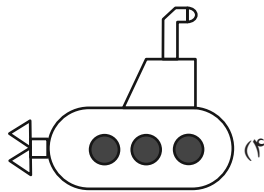
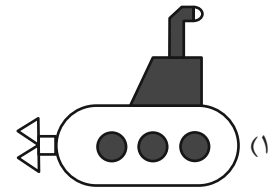
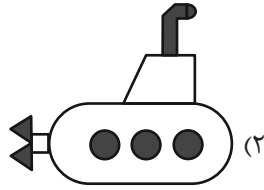
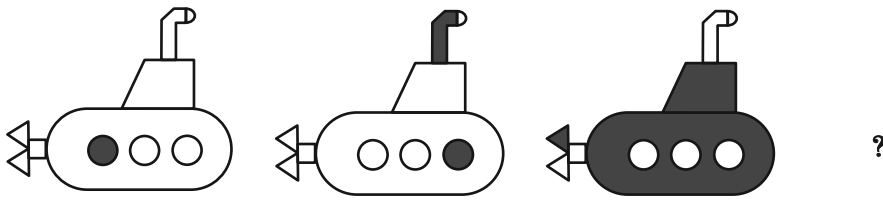
۲۶۷- کدام شکل به دلیل منطقی با دیگر شکل‌ها متفاوت است؟



\* در سه پرسش بعدی، شکل جایگزین علامت سؤال الگو را تعیین کنید.

۲۶۸-





# منابع مناسب هوش و استعداد

## دوره دوم

