

# آرمان

## آزمون آنلاین فیزیک آرمان

دفترچه پاسخ آزمون مرحله ۱

تاریخ آزمون: ۳ اردیبهشت ۱۴۰۴

ویژه دانش آموزان پایه دوازدهم

تولید فنی: نشر ویانو

نام درس	مسئول درس	گزینشگر	ویراستاران	بازبینی نهایی
فیزیک دوازدهم	مصطفی خدا رحمی	مصطفی خدا رحمی	ابوالفضل فرهادی زاده، مصطفی خداحمی	ستایش قربانی
طراحان				
دپارتمان فیزیک آرمان، مصطفی خداحمی، مجتبی حسین پور، ابوالفضل فرهادی زاده				

حق چاپ و تکثیر سؤالات به هر روش (الکترونیکی و...) پس از برگزاری آزمون برای تمامی اشخاص حقیقی و حقوقی تنها با مجوز «گروه آموزشی آرمان» مجاز می باشد و با متخلفین برابر مقررات برخورد خواهد شد.



ARMAN.ZIST



ARMANZIST



ARMANZIST.IR

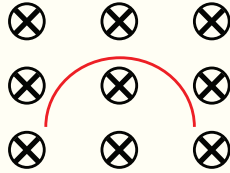
هم انتخاب رتبه برترها باش!



AzmonVIP

دفترچه پاسخ آزمون فیزیک آرمان | مرحله ۱ | ۳ اردیبهشت

۱ مطابق شکل زیر، سیمی نیم‌دایره به شعاع  $8\text{cm}$  در میدان مغناطیسی به بزرگی  $200\text{G}$  قرار دارد. اگر از سیم جریان  $6\text{A}$  عبور کند، بزرگی نیروی مغناطیسی وارد بر آن چند نیوتن خواهد بود؟



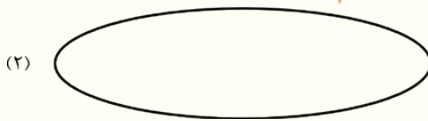
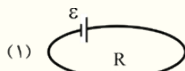
- (۱)  $96 \times 10^{-4}$
- (۲)  $96\pi \times 10^{-4}$
- (۳)  $182\pi \times 10^{-4}$
- (۴) صفر

گزینه ۲

ابتدا باید توجه داشته باشیم که سیم بر میدان مغناطیسی عمود است یعنی بر تمام طول سیم نیروی مغناطیسی وارد می‌شود پس داریم:

$$F = BIL \sin \alpha = 200 \times 10^{-4} \times 6 \times \frac{2\pi r}{2} \times 1 = 2 \times 10^{-2} \times 6 \times \pi \times 8 \times 10^{-2} = 96\pi \times 10^{-4} \text{ N}$$

۲ حلقه ۱ به سمت پایین در حال حرکت است و از درون حلقه ۲ که ثابت است، عبور می‌کند. جهت جریان القایی در حلقه ۲ قبل از رسیدن حلقه ۱ ..... و بعد از عبور حلقه ۱ از درون حلقه ۲ ..... است.



- (۱) ساعتگرد - ساعتگرد
- (۲) ساعتگرد - پادساعتگرد
- (۳) پادساعتگرد - پادساعتگرد
- (۴) پادساعتگرد - ساعتگرد

گزینه ۴

گام اول: با توجه به قانون لنز، در ابتدا وقتی حلقه (۱) در حال نزدیک شدن به حلقه (۲) است، شار مغناطیسی عبوری از حلقه (۲) افزایش می‌یابد و در این حالت جریان القایی ایجاد شده در حلقه (۲) طوری تعیین می‌شود که میدان مغناطیسی تولیدی توسط جریان القایی با میدان مغناطیسی اصلی (میدان مغناطیسی جریان حلقه ۱) مخالفت کند.

گام دوم: با توجه به باتری، جریان الکتریکی در حلقه (۱) ساعتگرد است و با توجه به قاعده دست راست، میدان مغناطیسی حاصل از جریان الکتریکی به سمت پایین خواهد بود. پس با توجه به گام اول، میدان مغناطیسی حاصل از جریان القایی در حلقه (۲) به سمت بالاست و در نتیجه جریان القایی پادساعتگرد می‌شود.

گام سوم: بعد از عبور حلقه (۱) از درون حلقه (۲) شار مغناطیسی عبوری کاهش یافته و در نتیجه جهت جریان القایی حلقه (۲) ساعتگرد می‌شود.

۳ یک جسم با بار الکتریکی  $5\mu\text{C}$  عمود بر خطوط میدان مغناطیسی مرکز یک سیم لوله با سرعت  $40 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  در حال حرکت است.

اگر تعداد حلقه‌های سیم لوله  $100$  دور و ضخامت سیم  $2\text{mm}$  و جریان عبوری از آن  $2\text{A}$  باشد، نیروی وارد بر جسم از طرف میدان مغناطیسی چند نانونیوتن است؟  $(\frac{\text{T.m}}{\text{A}} = 12 \times 10^{-7} \mu_0)$  و از فاصله بین حلقه‌ها صرف نظر کنید).

- (۱)  $120$
- (۲)  $240$
- (۳)  $12 \times 10^{-7}$
- (۴)  $24 \times 10^{-7}$

گزینه ۲

اندازه نیروی مغناطیسی وارد بر جسم باردار در حال حرکت از رابطه  $F = qVB\sin(\alpha)$  بدست می‌آید. برای بدست آوردن نیروی مورد نظر باید ابتدا اندازه میدان مغناطیسی در مرکز سیم‌لوله را بدست آوریم. پس داریم:

$$B = \frac{\mu_0 NI}{L} = \frac{\mu_0 \cancel{N} I}{\cancel{N} D} = \frac{\mu_0 I}{D} = \frac{12 \times 10^{-7} \times 2}{2 \times 10^{-3}} = 12 \times 10^{-4} \text{ (T)}$$

$$F = qVB\sin(\alpha) = 5 \times 10^{-6} \times 40 \times 12 \times 10^{-4} \times \sin(90^\circ) = 240 \times 10^{-9} \text{ (N)} = 240 \text{ (nN)}$$

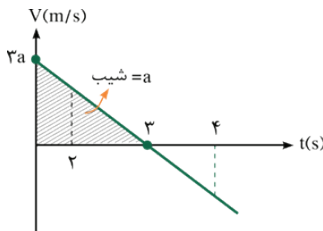
✓ توجه: طول سیم‌لوله را می‌توان از رابطه  $L = N.D$  بدست آورد. (N: تعداد حلقه‌های سیم‌لوله D: قطر یا ضخامت سیم)

۴ متحرکی بر روی محور x با شتاب ثابت در حال حرکت است اگر این متحرک در لحظه‌های  $t_1 = 2s$  و  $t_2 = 4s$  در مبدأ مکان باشد بزرگی سرعت متوسط متحرک از مبدأ زمان تا لحظه‌ای که متحرک تغییر جهت می‌دهد کدام است؟

$\frac{2a}{3}$  (۴)       $\frac{3a}{2}$  (۳)       $\frac{4a}{5}$  (۲)       $\frac{5a}{4}$  (۱)

۴ گزینه ۳

سوال؛ بزرگی سرعت متوسط را از  $t = 0$  تا لحظه‌ی تغییر جهت متحرک خواسته است. ابتدا باید بفهمیم متحرک در چه لحظه‌ای تغییر جهت داده و سپس جابه‌جایی در این بازه را پیدا کنیم و تمام!!! متحرک در ثانیه‌های ۲ و ۴ در یک مکان قرار دارد و این یعنی در وسط این زمان‌ها سرعتش صفر شده. یعنی در  $t = 3$ .



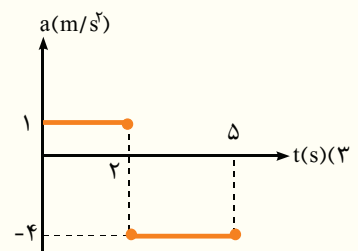
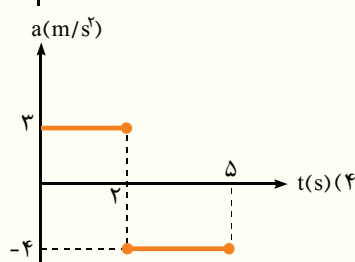
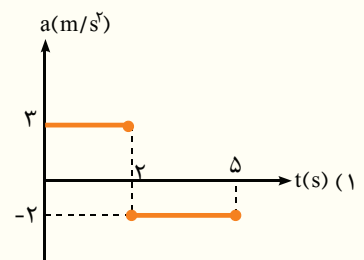
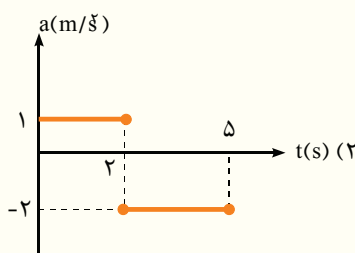
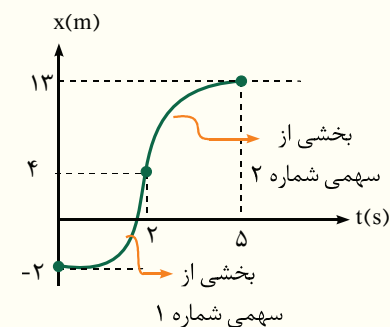
پس  $t = 3$  همان لحظه‌ی مجهول است. (یعنی لحظه‌ی تغییر جهت متحرک). اولین مشکل حل شد حالا بریم  $V-t$  رسم کنیم.

مساحت قسمت هاشورخورده همان جابه‌جایی است که دنبالش می‌گشتیم، پس  $\Delta x = \frac{9a}{2}$

✓ توجه: اینکه سرعت اولیه + است یا - در جواب نهایی تأثیری ندارد. چرا؟ زیرا سؤال اندازه سرعت متوسط را می‌خواهد و اینکه مساحت مورد نظر بالای محور t است یا زیر آن فرقی نمی‌کند.

و اما پاسخ نهایی  $\leftarrow |V_{av}| = \frac{|\Delta x|}{\Delta t} = \frac{\frac{9a}{2}}{3} = \frac{9a}{6} = \frac{3a}{2} \left(\frac{m}{s}\right)$

۵ با توجه به نمودار مکان زمان روبه‌رو کدام گزینه نمودار شتاب زمان مربوط به متحرکی است که در مبدأ زمان شروع به حرکت می‌کند؟



۵ گزینه ۱

باید برای دو حرکت شتاب ثابت به هم چسبیده نمودار شتاب - زمان رسم کنیم. با توجه به دهانه‌ی سهمی‌ها متوجه می‌شویم که شتاب اولی + و شتاب دومی - است. البته در گزینه‌ها کاملاً این مورد رعایت شده و هیچ‌کس ناامید نمی‌شویم و به سراغ اندازه‌ی شتاب و محاسبه‌ی آن در هر قسمت می‌رویم. در قسمت اول با توجه به شیب خط مماس بر لحظه‌ی صفر می‌دانیم  $v_0 = 0$  است. بازه‌ی زمانی ۲ ثانیه و جابه‌جایی ۶ متر است پس داریم:

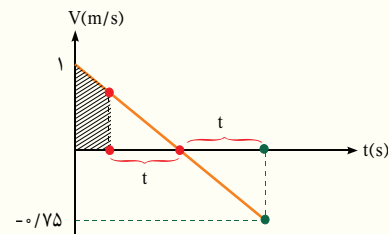
$$\Delta x_1 = \frac{1}{2} a_1 t_1^2 + v_0 t_1 \Rightarrow 6 = \frac{1}{2} a_1 (2)^2 + 0 \Rightarrow a_1 = 3 \frac{m}{s^2}$$

در قسمت دوم با توجه به شیب خط مماس بر لحظه‌ی ۵ سرعت انتهای بازه مورد نظر صفر است. بازه‌ی زمانی ۳ ثانیه و جابه‌جایی ۹ متر است. اگر مسأله را در این بازه برعکس در نظر بگیریم می‌توان از فرمول زیر سؤال را حل کرد.

$$\Delta x_2 = -\frac{1}{2} a_2 t_2^2 + v t_2 \Rightarrow 9 = -\frac{1}{2} a_2 (3)^2 + 0 \Rightarrow a_2 = -2 \frac{m}{s^2}$$

**نکته** اگر در مسأله‌ی شتاب ثابتی داده‌ها و خواسته مسأله  $v$  و  $a$  و  $\Delta x$  و  $t$  بود می‌توان از رابطه و فرض قسمت دوم همواره استفاده کرد.

**۶** با توجه به نمودار شکل زیر و اینکه متحرک از مکان ۵۶ شروع به حرکت می‌کند در چه لحظه‌ای بردار مکان تغییر جهت می‌دهد؟ (مساحت قسمت هاشور خورده  $\frac{7}{64}$  است)



- ۸ (۱)
- ۷ (۲)
- ۹ (۳)
- ۱ (۴)

**گزینه ۱**

خواسته‌ی سوال زمان است اگر می‌پرسید چه زمانی بیاید تا براتون توضیح بدم.

متحرک در  $t = 0$  در  $x = 56$  قرار دارد، حالا ما باید بگوییم ایشون در چه زمانی از  $x = 0$  رد می‌شود (تغییر جهت بردار مکان می‌دهد) جواب اینست که وقتی جابه‌جایی  $(\Delta x)$ ،  $-56$  متر شود. یک پارامتر برای بدست آوردن مجهول اصلی سوال کم داریم. بهترین گزینه برای تکمیل کردن اطلاعات مسأله شتاب، شتاب!!! از قسمت هاشور خورده و با توجه به مثلث‌های مشابه می‌فهمیم سرعت انتهای بازه‌ی مورد نظر  $0.75$  یا  $\frac{3}{4}$  متر بر ثانیه است و داریم  $\dots \leftarrow$

$$v^2 - v_0^2 = 2a\Delta x$$

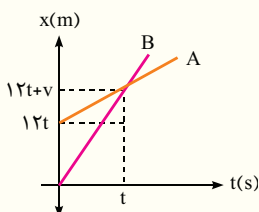
$$\left(\frac{3}{4}\right)^2 - (1)^2 = 2a\left(\frac{7}{64}\right) \Rightarrow \frac{9}{16} - 1 = \frac{2 \times a \times 7}{64} \Rightarrow \frac{-7}{16} = \frac{2 \times a \times 7}{64} \Rightarrow a = -2 \frac{m}{s^2}$$

$$\Delta x = \frac{1}{2} a t^2 + v_0 t \Rightarrow -56 = \frac{1}{2} \times (-2) \times t^2 + 1 \times t \Rightarrow t^2 - t - 56 = 0 \Rightarrow (t+7)(t-8) = 0$$

$$\Rightarrow t = -7(s) \quad \times$$

$$t = 8(s) \quad \checkmark$$

**۷** نمودار مکان زمان دو متحرک A و B رسم شده است. اگر بعد از ۳۰ ثانیه فاصله‌ی دو متحرک از ۳۰۰ متر باشد، تفاضل زمان‌هایی که فاصله‌ی دو متحرک نصف فاصله‌ی اولیه است کدام است؟



- ۵ (۱)
- ۷/۵ (۲)
- ۲/۵ (۳)
- ۱۰ (۴)

**گزینه ۲**

ابتدا شیب هر نمودار که برابر سرعت متحرک هست را به دست می آوریم.

$$V_A = \frac{\Delta x_A}{\Delta t} = \frac{v}{t}$$

$$V_B = \frac{\Delta x_B}{\Delta t} = \frac{12t + v}{t} \xrightarrow[\text{کسر}]{\text{تفکیک}} V_B = 12 + \frac{v}{t}$$

حال با استفاده از سرعت نسبی و زمان داده شده مسافت طی شد در  $30(s)$  نخست را به دست می آوریم:

$$\left. \begin{aligned} v_{\text{نسبی}} &= v_B - v_A = 12 \left( \frac{m}{s} \right) \\ x &= vt \Rightarrow x = 12 \times 30 = 360 \text{ m} \\ t &= 30(s) \end{aligned} \right\}$$

در صورت سوال ذکر شده که فاصله بعد از  $30(s)$  نخست برابر  $300(m)$  است بنابراین فاصله‌ی اولیه‌ی ۲ متحرک از هم برابر  $60m$  است. حال می‌بایستی زمان‌هایی را که فاصله‌ی ۲ متحرک از هم برابر  $30(m)$  است را به دست آوریم.

حالت اول: در صورتی رخ می‌دهد که متحرک B،  $30m$  بیشتر از متحرک A حرکت کند تا فاصله نصف شود:

$$\left. \begin{aligned} x_{\text{نسبی}} &= 30 \\ v_{\text{نسبی}} &= 12 \end{aligned} \right\} x = vt \Rightarrow 30 = 12 \times t_1 \Rightarrow t_1 = 2.5(s)$$

حالت دوم: باید متحرک B به A برسد و از آن  $30$  متر عبور کند که در این صورت باید به اندازه‌ی  $90m$  بیشتر از A حرکت کند:

$$\left. \begin{aligned} x_{\text{نسبی}} &= 90 \text{ m} \\ v_{\text{نسبی}} &= 12 \frac{m}{s} \end{aligned} \right\} x = vt \Rightarrow 90 = 12 \times t_2 \Rightarrow t_2 = \frac{90}{12} = 7.5(s) \Rightarrow |t_2 - t_1| = 5(s)$$

۸ آسانسوری با شتاب رو به پایین  $\frac{3}{5} \frac{m}{s^2}$  در حال حرکت است. شخصی به جرم  $70$  کیلوگرم روی ترازو قرار گرفته است ترازو چند نیوتون را نشان می‌دهد؟  $(g = 10 \frac{N}{kg})$

۴) ۴۵۵

۳) ۵۶۵

۲) ۱۰۵۰

۱) ۹۴۵

گزینه ۴

ترازو همیشه  $F_N$  را نشان می‌دهد. در حل تشریحی باید دو فرض کنیم، (۱) آسانسور به سمت بالا حرکت می‌کند که در این حالت داریم:

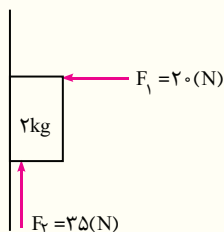
$$F_N - mg = -ma$$

و (۲) آسانسور به سمت پایین حرکت می‌کند که داریم  $-F_N + mg = ma$  و در هر دو حالت یک جواب داریم که می‌گویید:

$$F_N = m(g - a) = 70(10 - 3/5) = 455(N)$$

✓ توجه: دانش آموز اینکاره می‌کند که هر زمان شتاب رو به پایین باشد علامت شتاب در معادله نهایی - و هر زمان شتاب رو به بالا باشد علامت شتاب + است.

۹ با توجه به شکل زیر شتاب حرکت چند واحد SI است؟  $(\mu_s = 0/5, \mu_k = 0/4, g = 10 \frac{N}{kg})$



۱) ۷/۵

۲) صفر

۳) ۳/۵

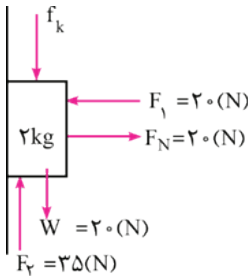
۴) ۲/۵

گزینه ۳

برای تعیین شتاب ابتدا باید تمام نیروها را رسم کنیم. اما در همان ابتدا مغزمان سوالاتی می‌پرسد. جهت و نوع نیروی اصطکاک را چگونه بفهمیم؟ جسم حرکت کرده یا نه؟ اگر حرکت کرده به کدام سمت؟ در چنین شرایطی برویم سراغ  $f_{s \max}$ .

$$f_{s \max} = \mu_s \cdot F_N \xrightarrow{F_N = F_1} f_{s \max} = 0/5 \times 20 = 10(N)$$

با توجه به  $F_f$  و  $mg$  که برآیندشان  $15 > f_{smax}$  می فهمیم  $15 > f_{smax}$  است و این یعنی، جسم حرکت کرده و این حرکت به سمت بالاست پس شکل نهایی این گونه است.

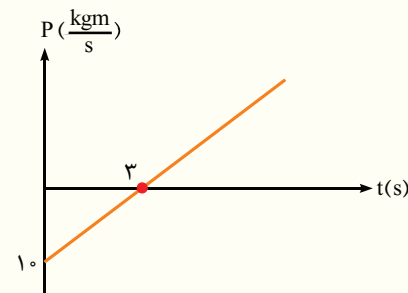


$$f_k = \mu_k \cdot F_N = 0.4 \times 20 = 8(N)$$

چون جسم به سمت بالا حرکت کرده داریم:

$$F_f - W - f_k = ma \Rightarrow 35 - 20 - 8 = 2a \Rightarrow 7 = 2a \rightarrow a = 3.5 \frac{m}{s^2}$$

۱۰ با توجه به نمودار تکانه زمان شکل زیر که مربوط به جسمی ۲ کیلوگرمی است نیروی خالص وارد بر جسم در لحظه ۴ چند نیوتون است؟



- ۱)  $\frac{10}{3}$
- ۲)  $\frac{5}{3}$
- ۳)  $\frac{7}{3}$
- ۴)  $\frac{11}{3}$

گزینه ۱

من از شما نیروی خالص در یک لحظه را خواسته‌ام. تنها نکته‌ی سؤال اینست که با توجه به درجه ۱ بودن تابع تکانه زمان و اینکه شیب نمودار مذکور همان نیروی خالص است. شیب در همه جا ثابت است و ما از بازه ۰-۳ نیرو را بدست آورده و برای همه جا استفاده می‌کنیم و تمام:

$$f_{net_4} = f_{net_{0-3}} = \frac{\Delta P}{\Delta t} = \frac{10}{3}(N)$$

۱۱ فرکانس زاویه‌ای آونگ کم‌دامنه‌ای در سطح زمین چند برابر فرکانس زاویه‌ای همان آونگ درون آسانسوری است که به سمت بالا با شتاب  $\frac{g}{4}$  شروع به حرکت می‌کند؟

- ۱)  $0.2\sqrt{5}$
- ۲)  $0.4\sqrt{3}$
- ۳)  $0.4\sqrt{5}$
- ۴)  $0.2\sqrt{3}$

گزینه ۳

فرکانس زاویه‌ای آونگ در سطح زمین  $\omega_1$  و درون آسانسور  $\omega_2$  و خواسته‌ی سؤال  $\frac{\omega_1}{\omega_2}$  است. با توجه به رابطه‌ی  $\omega = \sqrt{\frac{g}{L}}$  داریم:

$$\frac{\omega_1}{\omega_2} = \sqrt{\frac{g_1}{L_1} \times \frac{L_2}{g_2}} \rightarrow \text{طول آونگ ثابت است} \rightarrow \frac{\omega_1}{\omega_2} = \sqrt{\frac{g_1}{g_2}} \xrightarrow{g_1=g, g_2=g+\frac{g}{4}=\frac{5g}{4}} \frac{\omega_1}{\omega_2} = \sqrt{\frac{g}{\frac{5g}{4}}} = \sqrt{\frac{4}{5}} = \frac{2}{\sqrt{5}} = \frac{2\sqrt{5}}{5} = 0.4\sqrt{5}$$

✓ توجه: با توجه به اینکه آسانسور به سمت بالا شروع به حرکت (تندشونده) کرده است. شتاب آسانسور به سمت بالاست پس شتاب گرانش درون آسانسور  $g_2 = g + \frac{g}{4}$

۱۲ معادله مکان زمان نوسانگر هماهنگ ساده‌ای در SI،  $x = 0.06 \cos(100\pi t)$ ، است. سرعت متوسط نوسانگر پس از گذشت  $\frac{1}{200}$  ثانیه چند  $\frac{m}{s}$  است؟

- ۱) ۱۲
- ۲) -۱۲
- ۳) ۶
- ۴) -۶

گزینه ۲

خواسته‌ی سوال سرعت متوسط است پس داریم:

$$V_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1} = \frac{0 - 0.06}{\frac{1}{200} - 0} = \frac{-0.06}{\frac{1}{200}} = -12 \left(\frac{m}{s}\right)$$

$$x_2 = 0.06 \cos\left(100\pi \times \frac{1}{200}\right) = 0.06 \times \cos\left(\frac{\pi}{2}\right) = 0 \text{ (m)}$$

$$x_1 = 0.06 \cos(100\pi \times 0) = 0.06 \times \cos(0) = 0.06 \text{ (m)}$$

۱۳ تیغه با بسامد ۱۵Hz روی سطح آب یک یک تشت موج نوسان کرده و موج تختی در سطح آب ایجاد می‌کنند به طوری که فاصله یک برآمدگی تا دومین فرورفتگی بعد از آن برابر با ۳۰cm می‌باشد اگر عمق آب را افزایش دهیم تا تندی انتشار موج در سطح آن به ۷ برسد، در این حالت فاصله‌ی یک برآمدگی تا چهارمین نقطه تعادل بعد از آن به ۷۰cm می‌رسد، ۷ چند متر بر ثانیه است؟

۲/۵ (۴)

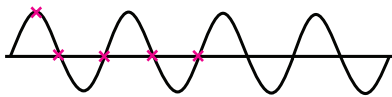
۹ (۳)

۶ (۲)

۴ (۱)

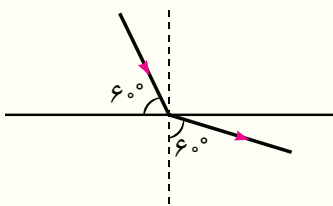
گزینه ۲ ۱۳

اول از هر چیزی، قسمت اول سوال یک مورد اضافی است و کاملاً انحرافی است امیدوارم در دام آن نیافتاده باشید!! مطابق شکل زیر فاصله یک برآمدگی تا چهارمین نقطه تعادل بعد از آن برابر  $\frac{7\lambda}{4}$  است.



$$\frac{7\lambda}{4} = 70 \text{ cm} \Rightarrow \lambda = 40 \text{ cm} = 0.4 \text{ m}$$

$$v = \lambda f = 4 \times 15 = 60 \frac{m}{s} \text{ قرار دهیم: } v = \frac{4}{10} \times 15 = 6 \frac{m}{s}$$



۱۴ پرتو موجی در محیط‌های (۱) و (۲) مطابق شکل مقابل است. کدام  $\frac{\lambda_1}{\lambda_2}$  است؟

۱ (۲)

 $\frac{1}{2}$  (۱) $\frac{\sqrt{3}}{3}$  (۴) $\frac{\sqrt{2}}{2}$  (۳)

گزینه ۲ ۱۴

با توجه به روابط  $n_1 \sin \theta_1 = n_2 \sin \theta_2$  و  $n = \frac{c}{v}$  و  $v = \lambda f$  و با توجه به اینکه C عدد ثابت و f برای هر دو محیط ثابت است داریم:

$$\frac{\lambda_1}{\lambda_2} = \frac{\sin(\theta_1)}{\sin(\theta_2)} = \frac{\sin(30^\circ)}{\sin(60^\circ)} = \frac{\frac{1}{2}}{\frac{\sqrt{3}}{2}} = \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{3}$$

۱۵ چند مورد از موارد زیر نادرست است؟

(الف) وال عنبر از پژواک امواج فراصوتی برای مکان‌یابی استفاده می‌کند.

(ب) برای تعیین تندی شارش خون فقط از مکان‌یابی پژواکی استفاده می‌شود.

(ج) اگر صوت پس از یک بازتاب بعد از ۲/۰ ثانیه دوباره به گوش شنونده‌ای برسد او پژواک را از صوت اولیه تمیز می‌دهد.

(د) میکروفون سهموی و دستگاه لیتوتریپسی از بازتابنده‌های بیضوی استفاده می‌شود.

۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

صفر (۱)

گزینه ۲ ۱۵

(الف) درست است؛ با توجه به متن مثال ۳-۱۰ صفحه ۷۹

(ب) نادرست است؛ برای تندی شارش خون از مکان‌یابی پژواکی و اثر دوپلر استفاده می‌شود. (فعالیت ۳-۹ - صفحه ۷۹)

ج) درست است؛ حداقل فاصله‌ی زمانی قابل درک برای انسان ۰/۱ ثانیه است.

د) درست است؛ با توجه به متن فعالیت ۳- ۸ صفحه ۷۸

۱۶ بیشترین فرکانس در سری ..... از کم‌ترین فرکانس در سری ..... بیش‌تر است.

۱) براکت - بالمر (۲) پاشن - بالمر (۳) بالمر - لیمان (۴) براکت - پاشن

۱۶ گزینه ۴

برای محاسبه فرکانس در هر سری کفایت از رابطه:

$$f = \frac{E_R}{n} \times \left( \frac{1}{n'^2} - \frac{1}{n^2} \right)$$

پس گزینه ۱ غلط است.  $f_{\min} \text{ بالمر} = \frac{E_R}{n} \left( \frac{1}{4} - \frac{1}{9} \right) = \frac{E_R}{n} \left( \frac{5}{36} \right) \rightarrow f_{\max} \text{ براکت} < f_{\min} \text{ بالمر} \Rightarrow$

پس گزینه ۲ هم غلط است  $f_{\min} \text{ بالمر} = \frac{E_R}{n} \left( \frac{5}{36} \right) \rightarrow f_{\max} \text{ پاشن} < f_{\min} \text{ بالمر} \Rightarrow$

پس گزینه ۳ هم غلط است.  $f_{\min} \text{ لیمان} = \frac{E_R}{n} \left( 1 - \frac{1}{4} \right) = \frac{E_R}{n} \left( \frac{3}{4} \right) \rightarrow f_{\max} \text{ بالمر} < f_{\min} \text{ لیمان} \Rightarrow$

گزینه ۴ درست است  $f_{\min} \text{ پاشن} = \frac{E_R}{n} \left( \frac{1}{9} - \frac{1}{16} \right) = \frac{E_R}{n} \left( \frac{7}{144} \right) f_{\max} \text{ براکت} > f_{\min} \text{ پاشن} \Rightarrow$

۱۷ یک عنصر بعد از دو تابش  $\alpha$  و یک تابش  $\beta^-$  به ترتیب چند نوترون و چند پروتون از دست می‌دهد؟

۱) ۵ و ۳ (۲) ۴ و ۵ (۳) ۵ و ۳ (۴) ۴ و ۵

۱۷ گزینه ۳

در هر تابش  $\alpha$  ۲ نوترون و ۲ پروتون از هسته جدا می‌شود. که در مجموع ۴ نوترون و ۴ پروتون از هسته جدا می‌شود و در تابش  $\beta^-$  نوترونی در هسته تبدیل به پروتون می‌شود. یعنی یک پروتون اضافه و یک نوترون کم می‌شود و این یعنی در مجموع ۵ نوترون و ۳ پروتون از هسته کم می‌شود.

۱۸ نیمه عمر اورانیوم تقریباً ۴/۵ میلیارد سال است. چند میلیارد سال طول می‌کشد تا  $\frac{1}{16}$  آن باقی بماند؟

۱) ۱۸ (۲) ۹ (۳) ۲۲/۵ (۴) ۳۶

۱۸ گزینه ۱

با توجه به خواسته‌ی مساله داریم:

$$\frac{N}{N_0} = \left( \frac{1}{2} \right)^n \rightarrow \frac{1}{16} = \left( \frac{1}{2} \right)^n \rightarrow n = 4$$

$$n = \frac{t}{T_{1/2}} \rightarrow 4 = \frac{t}{4/5} \Rightarrow t = 4/5 \times 4 = 18 \text{ میلیارد سال}$$

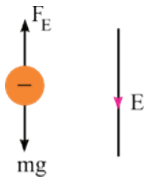
۱۹ توپی به جرم ۱۰۰ گرم و بار  $-50 \mu\text{C}$  درون یک میدان الکتریکی یکنواخت قرار دارد میدان الکتریکی چند نیوتون بر کولن

و در کدام جهت باشد تا توپ در هوا معلق بماند؟  $(g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}})$

۱)  $2 \times 10^4 \frac{\text{N}}{\text{C}}$  - بالا (۲)  $2 \times 10^4 \frac{\text{N}}{\text{C}}$  - پایین (۳)  $4 \times 10^4 \frac{\text{N}}{\text{C}}$  - بالا (۴)  $4 \times 10^4 \frac{\text{N}}{\text{C}}$  - پایین

۱۹ گزینه ۲

برای اینکه توپ معلق بماند، نیروهای وارد بر آن باید متوازن باشد. وقتی نیروی وزن به سمت پایین است، نیروی میدانی الکتریکی باید به سمت بالا باشد و به این دلیل که بار الکتریکی توپ - است. پس جهت میدانی الکتریکی خلاف نیروی الکتریکی و به سمت پایین خواهد بود. برای درک بهتر به شکل توجه کنید.



$$|F_E| = |mg| \rightarrow E \cdot q = mg \Rightarrow E = \frac{mg}{q} = \frac{1 \times 10^{-5} \times 10^{-6}}{5 \times 10^{-6}} = \frac{1}{5} \times 10^5 = 2 \times 10^4 \left( \frac{N}{C} \right)$$

۲۰ پتانسیل پایانه منفی یک باتری ۲۵ ولتی، ۳۰- ولت است. پتانسیل پایانه مثبت آن چند ولت است؟

- (۱) +۱۵ (۲) -۱۵ (۳) +۵ (۴) -۵

گزینه ۴

هر گاه در مسأله عدد روی باتری را دادند یعنی  $\Delta V$  را داریم. پس مسأله را حل می‌کنیم.

$$\Delta V = V_+ - V_-$$

$$25 = V_+ - (-30) \Rightarrow V_+ = -5(V)$$

۲۱ اگر خازن تختی را بعد از شارژ از باتری جدا کنیم و سپس فاصله بین صفحات را افزایش دهیم میدان الکتریکی یکنواخت

بین صفحات چه تغییری می‌کند؟

- (۱) افزایش می‌یابد. (۲) کاهش می‌یابد. (۳) ثابت می‌ماند. (۴) اطلاعات مسأله کافی نیست.

گزینه ۳

برای بررسی میدان الکتریکی یکنواخت می‌توان از رابطه‌ی  $E = \frac{V}{d}$  استفاده کنیم. برای تعیین شرایط میدان الکتریکی باید تکلیف تمام پارامترهای موجود مشخص باشد. پس داریم

$$E = \frac{V}{d} \xrightarrow{V = \frac{q}{C}} E = \frac{q}{d \cdot C} \xrightarrow{C = \frac{\kappa \epsilon_0 A}{d}} E = \frac{q}{\kappa \epsilon_0 A}$$

با توجه به این رابطه  $q$  و  $\kappa$  و  $A$  همه ثابت‌اند پس میدان الکتریکی ثابت است.

۲۲ کدام مورد درست است؟

الف) وقتی دو سر یک رسانا اختلاف پتانسیل الکتریکی ایجاد کنیم الکترون‌ها با سرعتی لحظه‌ای موسوم به سرعت سوق شروع به حرکت می‌کنند.

ب) الکترون‌های آزاد در رسانای بدون اختلاف پتانسیل با تندی‌هایی از مرتبه  $10^6 \frac{m}{s}$  در همه‌ی جهات در حال حرکتند.

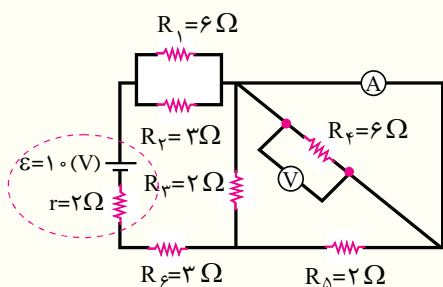
پ) در یک رسانا شدت جریان الکتریکی و میدان الکتریکی هم‌جهت‌اند.

- (۱) الف و ب و پ (۲) ب و پ (۳) الف و ب (۴) الف و پ

گزینه ۲

الف) «نادرست» است. سرعت سوق یک نوع سرعت متوسط است نه سرعت لحظه‌ای!!! ب) «درست» است. پ) «درست» است.

۲۳ در مدار زیر عدد ولت‌سنج و آمپرسنج آرمانی به ترتیب کدام است؟



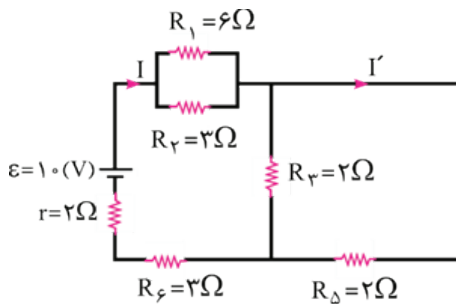
(۱) صفر -  $\frac{5}{4}$  (۲)  $\frac{5}{4}$  - ۱

(۳) صفر -  $\frac{5}{8}$  (۴)  $\frac{5}{8}$  - ۱

گزینه ۳

مقاومت درونی آمپرسنج آرمانی صفر است در نتیجه دو سر ولتسنج آرمانی اتصال کوتاه می‌شود. این یعنی ولتسنج اختلاف پتانسیل دو سر یک تکه سیم بدون مقاومت را نشان می‌دهد. در طول یک تکه سیم بدون مقاومت پتانسیل افت نمی‌کند و اختلاف پتانسیل نشان داده شده صفر است.

برای محاسبه جریان عبوری از آمپرسنج ایده‌آل مدار جدید را می‌کشیم و جریان  $I'$  همان جریان آمپرسنج است. در ضمن مقاومت  $R_F$  به دلیل اتصال کوتاه به دیاری باقی شتافت!!!



$$R_{\Gamma\Delta} = R_{\Gamma} \parallel R_{\Delta} = \frac{R_{\Delta} \times R_{\Gamma}}{R_{\Delta} + R_{\Gamma}} = \frac{2 \times 2}{2 + 2} = 1(\Omega)$$

$$I = \frac{\varepsilon}{R_T} = \frac{10}{8} (A)$$

$$R_{\Gamma\zeta} = R_{\Gamma} \parallel R_{\zeta} = \frac{R_{\zeta} \times R_{\Gamma}}{R_{\zeta} + R_{\Gamma}} = \frac{6 \times 3}{6 + 3} = 2(\Omega)$$

$$I' = \frac{I}{2} = \frac{5}{8} (A)$$

$$R_T = R_{\Gamma\Delta} + R_{\Gamma\zeta} + R_{\phi} + r = 1 + 2 + 3 + 2 = 8(\Omega)$$

۲۴ اگر ۳ مقاومت با ولتاژ و توان‌های اسمی برابر یکبار به صورت موازی و بار دیگر به صورت متوالی وصل کنیم کدام یک از گزینه‌های زیر درباره‌ی مقایسه‌ی بین توان کل مصرفی هوا در ۲ حالت طبیعی است؟

- (۱) متوالی  $P < P_{\text{موازی}}$  (۲) موازی  $P < P_{\text{متوالی}}$  (۳) موازی  $P = P_{\text{متوالی}}$  (۴) متوالی  $P \leq P_{\text{موازی}}$

گزینه ۲

اگر موازی ببندیم توان مصرفی کل می‌شود.  $\Leftarrow P_{\text{مصرفی کل}} = 3P$   
 اگر سری ببندیم توان مصرفی کل می‌شود.  $\Leftarrow P_{\text{مصرفی کل}} = \frac{P}{3}$

اگر مقاومت‌ها سری / موازی بسته شده باشند و خواهیم با استفاده از توان اسمی آنها توان مصرفی کل آنها را بدست آوریم داریم:

سری بسته شده باشد  $\Leftarrow$  به صورت موازی محاسبه می‌کنیم.  $P_{\text{مصرفی کل}} = \frac{1}{P_1} + \frac{1}{P_2} + \frac{1}{P_3}$

موازی بسته شده باشد  $\Leftarrow$  به صورت سری محاسبه می‌کنیم.  $P_{\text{مصرفی کل}} = P_1 + P_2 + P_3$

۲۵ دمای جسم فلزی را  $36^\circ F$  افزایش داده‌ایم. مساحت جسم چند درصد افزایش می‌یابد؟  $(\alpha_{\text{فلز}} = 2 \times 10^{-5} \text{ (}\frac{1}{K}\text{)})$

- (۱) ۸ (۲) ۰/۰۸ (۳) ۴ (۴) ۰/۰۴

گزینه ۲

برای محاسبه درصد تغییرات مساحت داریم  $\Leftarrow \frac{\Delta A \times 100}{A_1} = \frac{A_1 \cdot 2\alpha \cdot \Delta\theta \times 100}{A_1} = 2\alpha \cdot \Delta\theta \times 100$

برای محاسبه درصد تغییرات مساحت به  $\alpha$  و  $\Delta\theta$  نیاز داریم پس ابتدا  $\Delta\theta$  را بدست آوریم:

$$\Delta F = \frac{9}{5} \Delta\theta \Rightarrow 36 = \frac{9}{5} \times \Delta\theta \Rightarrow \Delta\theta = \frac{36 \times 5}{9} = 20(^\circ C)$$

$$\text{درصد تغییرات مساحت} = 2 \times 2 \times 10^{-5} \times 20 \times 100 = 8 \times 10^{-2} = 0/08$$

۲۶ مقداری یخ  $-20^\circ C$  را با مقداری بخار آب  $100^\circ C$  در ظرفی قرار می‌دهیم پس از تعادل گرمایی، دمای تعادل به  $30^\circ C$

می‌رسد جرم بخار آب چند برابر جرم یخ بوده است؟

$$(c_{\text{یخ}} = 2/1 \frac{kJ}{kg.K} \text{ و } c_{\text{آب}} = 4/2 \frac{kJ}{kg.K}, L_V = 2268 \frac{kJ}{kg}, L_F = 336 \frac{kJ}{kg})$$

- (۱)  $\frac{1}{61}$  (۲)  $\frac{12}{61}$  (۳)  $\frac{5}{61}$  (۴)  $\frac{3}{61}$

گزینه ۲

می‌دانیم گرمایی که بخار آب از دست داده است برابر است با گرمایی یخ گرفته است پس داریم:

فرض کنید  $m_1$  جرم بخار آب و  $m_2$  جرم یخ است.  $Q_{\text{بخار آب}} = Q_{\text{یخ}} \Rightarrow m_1 L_V + m_1 c \Delta\theta_{\text{آب}} = m_2 c \Delta\theta_{\text{یخ}} + m_2 L_F + m_2 c \Delta\theta_{\text{آب}}$

$$m_1 \times 540 \cancel{\text{cal}} + m_1 \cancel{\text{cal}} \times 70 = m_2 \times \frac{\cancel{\text{cal}}}{2} \times 20 + m_2 \times 80 \cancel{\text{cal}} + m_2 \times \cancel{\text{cal}} \times 30$$

$$61 \cdot m_1 = 12 \cdot m_2 \Rightarrow \frac{m_1}{m_2} = \frac{12}{61}$$

**نکته** در محاسبات فوق منظور از  $c$  گرمای ویژه‌ی آب است و با توجه به اعداد داده شده می‌توان گفت:

$$L_F = 80^\circ\text{C}$$

$$L_V = 540^\circ\text{C}$$

$$c_{\text{یخ}} = \frac{c}{2}$$

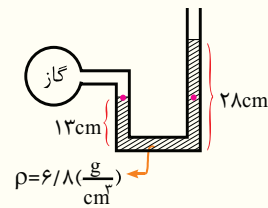
**۲۷ فشار گاز درون مخزن چند سانتی‌متر جیوه است** ( $\rho_{\text{Hg}} = 13/6 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ ,  $\rho_o = 74 \text{cm} - \text{Hg}$ )

۷/۵ (۱)

۸۱/۵ (۲)

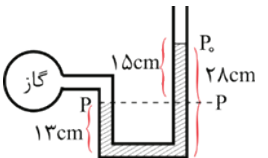
۸۱ (۳)

۷ (۴)



**۲۷ گزینه ۲**

فشار گاز درون مخزن را  $P$  در نظر گرفتیم و فشار ناشی از  $15 \text{cm}$  مایع مورد نظر را  $P'$  پس داریم:



$$P = P' + P_o$$

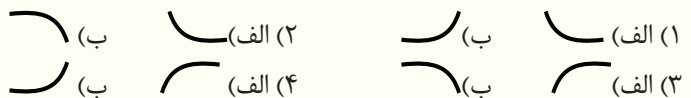
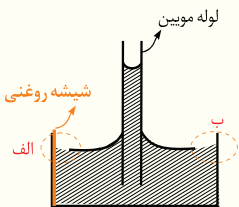
برای محاسبه‌ی  $P'$  بر حسب سانتی‌متر جیوه از رابطه‌ی زیر استفاده می‌کنیم و داریم:

جیوه  $(\rho h) = (\rho h)$  مایع

$$6/8 \times 15 = 13/6 h \Rightarrow h_{\text{جیوه}} = 7/5 (\text{cm}) \rightarrow P' = 7/5 (\text{cm} - \text{Hg}) \rightarrow P = 7/5 + 74 = 81/5 (\text{cm} - \text{Hg})$$

**۲۸ اگر نیروی دگرچسبی بین روغن و آب کمتر از نیروی هم‌چسبی بین مولکول‌های آب باشد.**

شکل مقابل را با توجه به گزینه‌ها تکمیل کنید.



**۲۸ گزینه ۴**

با توجه به اینکه نیروی هم‌چسبی مولکول‌های آب بیشتر از نیروی دگرچسبی بین مولکول‌های آب و روغن است. یعنی در قسمت (الف)

حالتی شبیه تقابل جیوه و شیشه رخ می‌دهد پس به این شکل است:

و در قسمت (ب) با توجه به اینکه نیروی هم‌چسبی مولکول‌های آب کمتر از نیروی دگرچسبی بین مولکول‌های آب و شیشه است پس در

این بخش حالت مورد نظر مثل طرف مقابل اینگونه است:

**۲۹ مطابق شکل دو آونگ هم‌طول از سقف آویزان شده‌اند. اگر گوی  $A$  از حال سکون رها شود و در مسیر حرکت خود به**

**آهنگ  $B$  برخورد کند،  $37/5$  درصد انرژی جنبشی آهنگ  $A$  در اثر ضربه به آونگ  $B$  منتقل شود حداکثر زاویه بین آونگ  $B$**

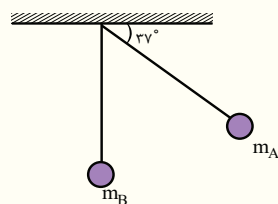
**و خط قائم چند درجه است؟** ( $g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ ) و از نیروهای اتلافی صرف نظر کنید، گوی‌ها هم جرم هستند ( $\sqrt{2} = 1/4$ ,  $\sqrt{3} = 1/7$ ).

۳۰ (۱)

۳۷ (۲)

۴۵ (۳)

۶۰ (۴)



**۲۹ گزینه ۱**

از آنجایی که از نیروهای اتلافی صرف نظر شده است داریم:

$$E_B = E_A \Rightarrow mgh_B + \frac{1}{2}mV_B^2 = mgh_A + \frac{1}{2}mV_A^2 \Rightarrow V_B^2 - V_A^2 = 2g\Delta h$$

و همچنین مشخص است که ارتفاع عمودی معادل  $\cos\theta$  در طول طناب است پس داریم:

$$\Delta h = L(\cos\theta_B - \cos\theta_A) \Rightarrow \theta \Rightarrow \text{زاویه‌ی بین طناب و خط قائم است}$$

$$V_B^2 - V_A^2 = 2gL(\cos\theta_B - \cos\theta_A) = V_B^2 - 0 = 2 \times 10 \times L(1 - \cos 53^\circ) \Rightarrow V_B^2 = 8L$$

$$K_B = \frac{1}{2}mV_B^2 = 4mL \Rightarrow K_B = K_B \times 37/5\% = 1/5 mL \Rightarrow K_B = \frac{1}{5}m_B V_B^2$$

$$1/5 mL = \frac{1}{5}m V_B^2 \Rightarrow 2L - 0 = 2 \times 10 \times L(1 - \cos\theta) \Rightarrow \cos\theta = 0/85 \Rightarrow \theta = 30^\circ$$

۳۰ توان تولیدی یک پمپ آب (W) ۲۰۰ و بازده آن ۶۰ درصد است. به وسیله‌ی این پمپ ۱۰ لیتر آب را در مدت ۳۰ ثانیه از حال

سکون در عمق ۳ متری سطح زمین کشیده و در ارتفاع ۱ متری از سطح زمین در زمین کشاورزی تخلیه می‌کند. سرعت آب

هنگام خروج از لوله چند متر بر ثانیه است؟  $(g = 10 \frac{m}{s}, 1 \text{ Lit} = 1000 \text{ cm}^3, \rho_{\text{آب}} = 1 \frac{g}{\text{cm}^3})$

۸ (۴)

۸√۱۰ (۳)

۶۰ (۲)

۱۰√۶ (۱)

گزینه ۳

سوال از ما سرعت خواسته، در کار و انرژی سرعت در رابطه قضیه کار و انرژی جنبشی بدست می‌آید پس می‌نویسیم:

$$W_T = K_2 - K_1 \xrightarrow{K_1=0} W_{mg} + W_{\text{پمپ}} = \frac{1}{2}mV^2$$

$$W_T = W_{mg} + W_{\text{پمپ}}$$

برای محاسبه‌ی v در رابطه‌ی بالا پمپ W و  $W_{mg}$  را نیاز داریم پس:

$$W_{mg} = -mgh$$

$$m = \rho.V = 1 \times 10 \times 1000 = 10000(g) = 10(kg) \Rightarrow W_{mg} = -10 \times 10 \times 4 = -400(J)$$

$$W_{\text{پمپ}} = P \times t$$

$$P_{\text{خروجی}} = R_a \times P_{\text{ورودی}} = \frac{6}{10} \times 200 = 120(W) \rightarrow W_{\text{پمپ}} = 120 \times 30 = 3600(J)$$

$$-400 + 3600 = \frac{1}{2} \times 10 \times v^2 \rightarrow \frac{3200 \times 2}{10} = v^2 \rightarrow v^2 = 640 \rightarrow v = 8\sqrt{10} (\frac{m}{s})$$