

دوازدهم ریاضی

نام: 

نام خانوادگی:

شماره داوطلبی:

محل امضاء:

دفترچه شماره ۱

صبح جمعه

۱۴۰۲/۴/۹



آزمون جامع سوم (۹ تیر ۱۴۰۲)

آزمون اختصاصی

گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی

تعداد سؤال: ۴۰

مدت پاسخگویی: ۷۰ دقیقه

عنوان مواد امتحانی آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی، تعداد، شماره سؤالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره	مدت پاسخگویی
۱	ریاضیات	۴۰	۱	۴۰	۷۰ دقیقه

تعداد سؤالها و زمان پاسخگویی به سؤالها مطابق بخشنامه سازمان سنجش برای کنکور ۱۴۰۲ است.

آزمون ۹ تیر ماه ۱۴۰۲ دفترچه اول اختصاصی دوازدهم ریاضی (ریاضیات)

پدیدآورندگان

نام طراحان	نام درس	اختصاصی
کاظم اجلائی-سیدرضا اسلامی-محسن بهرام‌پور-عادل حسینی	حسابان ۲ و ریاضی پایه	
امیرحسین ابومحبوب-حنانه اتفاقی-محمد خندان-سوگند روشنی-محمد صحت‌کار-احمدرضا فلاح-مهرداد ملوندی	هندسه و آمار و ریاضیات گسسته	

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	حسابان ۲ و ریاضی پایه	هندسه	آمار و احتمال و ریاضیات گسسته
گزینشگر	کاظم اجلائی سیدرضا اسلامی	امیرحسین ابومحبوب	سوگند روشنی
گروه ویراستاری	مهدی ملارمضانی	عادل حسینی	عادل حسینی
		ویراستار استاد: مهرداد ملوندی	ویراستار استاد: مهرداد ملوندی
مسئول درس	عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب	امیرحسین ابومحبوب
مستندسازی	سمیه اسکندری	سرژ یقیازاریان تبریزی	سرژ یقیازاریان تبریزی

گروه فنی و تولید

مدیر گروه	محمد اکبری
مسئول دفترچه	نرگس غنی‌زاده
گروه مستندسازی	مدیر گروه: محیا اصغری مسئول دفترچه: الهه شهبازی
حروف‌نگار	فرزانه فتح‌اله‌زاده
ناظر چاپ	سوران نعیمی

گروه آزمون

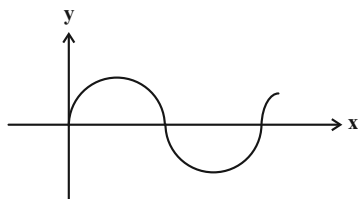
بنیاد علمی آموزشی قلم‌چی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: ۰۲۱-۶۴۶۳

زمان پاسخگویی: ۷۰ دقیقه
 زمان نقصانی: ۴۵ دقیقه
 زمان ذخیره شده: ۲۵ دقیقه

ریاضیات

۱- متحرکی از مبدأ مختصات شروع به حرکت می کند و روی یک نیم دایره به مساحت 2π به سمت راست جلو می رود. اگر پس از هر بار برخورد با محور x ها از مساحت نیم دایره 75% کاهش یابد، پس از لحظه صفر، حداقل چند بار محور x ها را باید قطع کند تا مطمئن باشیم فاصله متحرک از محور y ها بیشتر از $7/99$ است؟

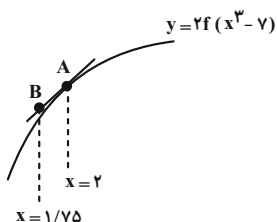


- ۹ (۱)
- ۱۰ (۲)
- ۱۲ (۳)
- ۱۳ (۴)

۲- اگر $f(x) = 2x + \sqrt{x^2 + 1}$ و $g(x) = 2x - \sqrt{x^2 + 1}$ باشد، حاصل $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{(f \circ g)(x) - (f \circ g)(0)}{x}$ کدام است؟

- ۲ + $\sqrt{2}$ (۱)
- ۲ - $\sqrt{2}$ (۲)
- ۴ + $\sqrt{2}$ (۳)
- ۴ - $\sqrt{2}$ (۴)

۳- خط به معادله $3x - y = 1$ در نقطه ای به طول $x = 1$ بر نمودار تابع $y = f(x)$ مماس است. در شکل زیر، عرض نقطه B کدام است؟



- ۱۴ (۱)
- ۱۲ (۲)
- ۶ (۳)
- صفر (۴)

۴- روی کدام بازه، نمودار تابع $f(x) = (x-8)\sqrt[3]{x}$ صعودی است و تقعر آن به سمت پایین است؟

- (۲, ۴) (۱)
- (-۴, ۲) (۲)
- (۲, +∞) (۳)
- (۴, ∞) (۴)

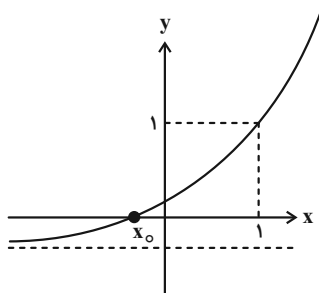
۵- نقاط عطف توابع $f(x) = x^3 + ax^2 + 2x - 4$ و $g(x) = 3\sqrt[3]{x+2} + b$ بر هم منطبق اند. حاصل $a - b$ کدام است؟

- ۴ (۱)
- ۴ (۲)
- ۲ (۳)
- ۲ (۴)

۶- حاصل $\left[\frac{-1}{1 - \log_3 2} \right]$ کدام است؟ ([]، نماد جزء صحیح است.)

- ۲ (۱)
- ۳ (۲)
- ۴ (۳)
- ۵ (۴)

۷- نمودار تابع $f(x) = a \times 3^{bx} - 1$ در شکل زیر رسم شده است. اگر $x_0 = \log_3 \frac{3}{4}$ باشد، حاصل ab کدام است؟



- ۳ (۱)
- $\sqrt{3}$ (۲)
- $\frac{\sqrt{3}}{3}$ (۳)
- $\frac{1}{3}$ (۴)

۸- مجموعه جواب‌های معادله $\sqrt{kx+1} - x = 1$ دو عضوی است. مجموع مقادیر ممکن برای k کدام است؟

- (1) $\frac{3}{2}$ (2) $\frac{9}{4}$ (3) $\frac{15}{4}$ (4) $\frac{3}{4}$

۹- اگر α و β جواب‌های معادله $x^2 - 4x - 2 = 0$ باشند، جواب‌های کدام معادله $\frac{64}{(\beta^2 - 2)^2}$ و $\frac{64}{(\alpha^2 - 2)^2}$ است؟

- (1) $x^2 + 20x = 4$ (2) $x^2 = 20x + 4$ (3) $x^2 + 4 = 20x$ (4) $x^2 + 20x + 4 = 0$

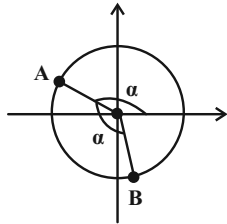
۱۰- خط $2y = x + 3$ نمودار تابع $f(x) = x^2 - [x]$ را چند بار در بازه $(-1, 2)$ قطع می‌کند؟ $[]$ ، نماد جزء صحیح است.

- (1) صفر (2) ۱ (3) ۲ (4) ۳

۱۱- اگر $f(x) = 2x^2 + x$ و $(f^{-1} \circ g)(\frac{5x+1}{2x+1}) = 2x^2 + x$ و $f(\frac{3x}{2x-1}) = 5x - 9$ ، حاصل $f^{-1}(-4) + f^{-1}(1)$ کدام است؟

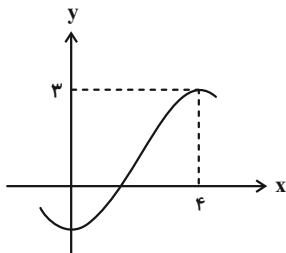
- (1) ۴ (2) ۱ (3) ۲ (4) -۱

۱۲- اگر در دایره مثلثاتی شکل زیر، طول نقطه B برابر $\frac{1}{9}$ باشد، حاصل $2\cos^3 \alpha - \cos \alpha$ چند برابر $\sqrt{5}$ است؟



- (1) $\frac{4}{27}$ (2) $\frac{1}{27}$ (3) $-\frac{4}{27}$ (4) $-\frac{1}{27}$

۱۳- بخشی از نمودار تابع $f(x) = a \sin(\pi(bx + \frac{y}{\pi})) + 1$ در شکل زیر رسم شده است. مقدار $|ab|$ کدام است؟



- (1) ۱ (2) $\frac{1}{2}$ (3) $\frac{4}{3}$ (4) $\frac{2}{3}$

۱۴- مجموع جواب‌های معادله $\sin^2 2x + \frac{\cos 6x}{\cos 2x} = \cos^2 2x$ در بازه $[0, 2\pi]$ کدام است؟

- (1) $\frac{5\pi}{2}$ (2) 3π (3) 5π (4) 6π

۱۵- تابع $f(x) = \frac{ax^2 + bx + 16}{\sqrt{4x - x^2} - 2}$ در تمام نقاط بازه $(0, 4)$ حد دارد. مقدار ab کدام است؟

- (1) ۳۲ (2) -۳۲ (3) ۶۴ (4) -۶۴

۱۶- در تابع $f(x) = \frac{a\sqrt{x^2 + 2x - 2} + b}{x + 3}$ داریم $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 5$. اگر نمودار تابع $g(x) = \begin{cases} f(x) & ; x > -3 \\ \frac{12}{x} + c & ; x \leq -3 \end{cases}$ در $x = -3$ پیوسته باشد، مقدار c کدام است؟

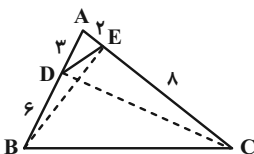
- (1) -۱۰ (2) ۱۴ (3) ۸ (4) -۶

۱۷- اگر $A(3, 2)$ محل تلاقی مجانب‌های افقی و قائم نمودار تابع $y = f(1-x) + 1$ و $B(a, b)$ محل تلاقی مجانب‌های افقی و قائم نمودار تابع $y = f^{-1}(2x)$ باشد، حاصل $a + b$ کدام است؟

- (1) $-\frac{3}{2}$ (2) -۱ (3) $-\frac{1}{2}$ (4) صفر

- ۱۸- کدام یک از گزاره‌های زیر همواره درست است؟
- (۱) $[(\sim p \wedge q) \vee \sim (p \vee q)] \wedge p$
- (۲) $A = \{3, 6, 9, \dots, 18\}$, $B = \{2, 4, 6, \dots, 20\} \Rightarrow n[(A \times B) \cap (B \times A)] = 16$
- (۳) $\exists x \in \mathbb{R}$, $\forall y \in \mathbb{R}$; $x^2 < x + y^2$
- (۴) $\forall x \in \mathbb{R}$, $\exists y \in \mathbb{R}$; $x = y^2$
- ۱۹- اگر A و B دو مجموعه دلخواه باشند، مجموعه $[(A \cap B) \cup (B' - A)] \cup [(A \cap B)' - B']$ ، متمم کدام یک از مجموعه‌های زیر است؟
- (۱) $A - B$ (۲) $B - A$ (۳) $A' \cup B$ (۴) $A \cup B'$
- ۲۰- A و B دو پیشامد از فضای نمونه S هستند به طوری که $P(A) = \frac{7}{11}$ و $P(B) = \frac{5}{7}$ و احتمال آن‌که A و B با هم رخ دهند کمترین مقدار ممکن است. اگر بدانیم که A رخ داده است احتمال آن‌که B رخ داده باشد چقدر است؟
- (۱) $\frac{27}{49}$ (۲) $\frac{27}{77}$ (۳) $\frac{27}{55}$ (۴) صفر
- ۲۱- در جعبه‌ای ۳ مهره سفید و ۷ مهره آبی است. از این جعبه ۳ مهره به تصادف و بدون مشاهده برمی‌داریم و در جعبه‌ای خالی قرار می‌دهیم. اینک اگر از جعبه جدید یک مهره برداریم احتمال آن‌که سفید باشد چقدر است؟
- (۱) $0/39$ (۲) $0/33$ (۳) $0/36$ (۴) $0/30$
- ۲۲- دوازده داده در اختیار داریم. اگر هر کدام از این داده‌ها را ۳ برابر کرده و سپس ۵ واحد از آن کم کنیم، آن‌گاه ضریب تغییرات داده‌های جدید دو برابر ضریب تغییرات داده‌های اولیه خواهد بود. مجموع داده‌های جدید چند واحد بیشتر از مجموع داده‌های اولیه است؟
- (۱) ۱۲ (۲) ۲۰ (۳) ۳۶ (۴) ۴۰
- ۲۳- چند عدد زوج و مثبت وجود دارد که باقی‌مانده تقسیم آن‌ها بر ۲۶ از دو برابر مکعب خارج قسمت سه واحد کمتر باشد؟
- (۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴) ۵
- ۲۴- اگر عدد پنج رقمی $A = \overline{ababa}$ بر ۳۵ بخش پذیر باشد آن‌گاه باقیمانده تقسیم مجموع ارقام بزرگ‌ترین عدد ممکن A بر ۱۳ چقدر است؟
- (۱) ۱ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴) ۶
- ۲۵- علی به نمایشگاه کتاب رفته است و می‌خواهد کتابی به ارزش ۹۷۵۰۰۰ تومان را بخرد. اگر او بن‌های ۱۵۰۰۰ و ۱۳۰۰۰ تومانی داشته باشد، به چند حالت می‌تواند از این بن‌ها برای خرید کتاب استفاده کند؟
- (۱) ۳ (۲) ۴ (۳) ۵ (۴) ۶
- ۲۶- در گراف G از مرتبه ۷، درجه دو رأس ۲ و ۴ و حاصل ضرب درجات سایر رئوس برابر ۹۶ است. اگر عدد احاطه‌گری این گراف بزرگ‌تر از یک باشد، مکمل این گراف چند رأس از درجه ۵ دارد؟
- (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴
- ۲۷- در گراف ۵- منتظم ناهمبند با کمترین تعداد رئوس، عدد احاطه‌گری کدام است؟
- (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴
- ۲۸- چند عضو از مجموعه $\{1, 2, 3, \dots, 50\}$ بر حداکثر یک عدد از اعداد ۴ ، ۶ ، ۹ بخش پذیرند؟
- (۱) ۴۶ (۲) ۴۵ (۳) ۴۴ (۴) ۳۵
- ۲۹- از میان زیرمجموعه‌های ۲ عضوی مجموعه $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ دست‌کم چند مجموعه به تصادف انتخاب کنیم تا یقین داشته باشیم که اشتراک حداقل ۲ تا از آن‌ها تهی است؟
- (۱) ۸ (۲) ۷ (۳) ۶ (۴) ۵

۳۰- در مثلث شکل زیر، نسبت مساحت مثلث CDE به مساحت مثلث BDE کدام است؟



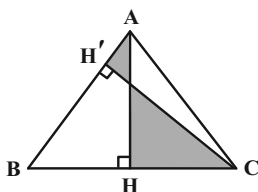
(۱) $\frac{3}{2}$

(۲) $\frac{5}{3}$

(۳) ۲

(۴) ۳

۳۱- در شکل زیر مثلث ABC متساوی الاضلاع و مساحت قسمت رنگی برابر $9\sqrt{3}$ واحد مربع است. طول ضلع مثلث کدام است؟



(۱) ۶

(۲) $6\sqrt{3}$

(۳) ۱۲

(۴) $12\sqrt{3}$

۳۲- مثلث متساوی الساقینی که طول ساق و قاعده آن به ترتیب ۵ و ۶ واحد است را حول ارتفاع وارد بر قاعده آن دوران می‌دهیم.

مجموع مساحت‌های شکل حاصل در نماهای چپ، جلو و بالا کدام است؟

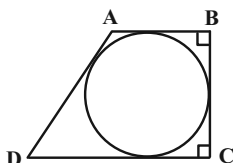
(۴) $9(\pi+8)$

(۳) $9(\pi+4)$

(۲) $3(3\pi+8)$

(۱) $3(2\pi+4)$

۳۳- در شکل زیر اگر طول قاعده‌های دوزنقه به ترتیب برابر ۹ و ۱۸ باشد، شعاع دایره محاطی دوزنقه کدام است؟



(۱) $\frac{7}{5}$

(۲) $\frac{6}{75}$

(۳) $\frac{6}{25}$

(۴) ۶

۳۴- دو دایره $C(O, R)$ و $C'(O', R')$ مماس داخل‌اند و دایره C' از نقطه O عبور می‌کند. از نقطه M واقع بر مماس مشترک

خارجی این دو دایره، مماس MT را بر دایره C' رسم می‌کنیم (T درون دایره C قرار دارد). اگر $OM = 7$ و مساحت ناحیه

بین دو دایره برابر 18π باشد، طول مماس MT کدام است؟

(۴) ۵

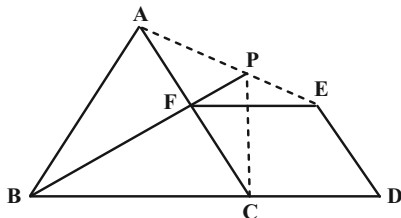
(۳) $5\sqrt{2}$

(۲) ۶

(۱) $6\sqrt{2}$

۳۵- در شکل زیر، مثلث ABC متساوی‌الاضلاع و نقطه F روی ضلع AC و نقطه D روی امتداد ضلع BC طوری قرار دارند که

$CDEF$ یک لوزی است. اگر امتداد BF ، پاره خط AE را در P قطع کند، کدام عبارت زیر نادرست است؟



(۱) $\hat{APF} = 60^\circ$

(۲) $AE = BF$

(۳) BP نیمساز زاویه \hat{APC} است.

(۴) FP میانه ضلع AE است.

۳۶- اگر $A = \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$ باشد، مجموع درایه‌های ماتریس $A^6 + A^8 + A^{10}$ کدام است؟

(۴) ۵۶

(۳) ۳۲

(۲) ۲۸

(۱) ۱۶

۳۷- نقاط $O(0, 0)$ ، $A(2, 4)$ و $B(4, -2)$ را در نظر بگیرید. طول وتری که خط $y = 2$ از دایره محیطی مثلث OAB جدا می‌کند،

کدام است؟

(۴) ۶

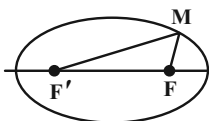
(۳) $4\sqrt{2}$

(۲) $2\sqrt{6}$

(۱) ۴

۳۸- در شکل زیر F و F' کانون‌های بیضی هستند. اگر $MF' = 3MF$ ، $FF' = 2\sqrt{7}$ و $\hat{FMF}' = 60^\circ$ باشد، خروج از مرکز بیضی

کدام است؟



(۲) $\frac{\sqrt{7}}{3}$

(۱) $\frac{\sqrt{7}}{4}$

(۴) $\frac{\sqrt{14}}{6}$

(۳) $\frac{\sqrt{14}}{4}$

۳۹- به ازای چند مقدار n ، بردارهای $\vec{a} = (n, 2, 1)$ ، $\vec{b} = (2, 1, 2-n)$ و $\vec{c} = (n+2, 3, 3-n)$ در یک صفحه واقع‌اند؟

(۴) هیچ

(۳) ۱

(۲) ۲

(۱) بی‌شمار

۴۰- اگر اندازه بردارهای \vec{a} و \vec{b} به ترتیب ۲ و $3\sqrt{3}$ و زاویه بین آن‌ها 30° باشد، اندازه بردار $(\vec{a} + \vec{b}) \times (\vec{a} \times \vec{b})$ کدام است؟

(۲) $15\sqrt{3}$

(۱) $\frac{21\sqrt{3}}{2}$

(۴) $30\sqrt{3}$

(۳) $21\sqrt{3}$

دوازدهم ریاضی

نام: 

نام خانوادگی:

شماره داوطلبی:

محل امضاء:

دفترچه شماره ۲۵

صبح جمعه

۱۴۰۲/۴/۹



آزمون جامع سوم (۹ تیر ۱۴۰۲)

آزمون اختصاصی

گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی

تعداد سؤال: ۶۵

مدت پاسخگویی: ۷۵ دقیقه

عنوان مواد امتحانی آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی، تعداد، شماره سؤالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره	مدت پاسخگویی
۱	فیزیک	۳۵	۴۱	۷۵	۴۵ دقیقه
۲	شیمی	۳۰	۷۶	۱۰۵	۳۰ دقیقه

تعداد سؤالها و زمان پاسخگویی به سؤالها مطابق بخشنامه سازمان سنجش برای کنکور ۱۴۰۲ است.

دفترچه سؤال

آزمون ۹ تیر ماه ۱۴۰۲ دفترچه دوم اختصاصی دوازدهم ریاضی (فیزیک و شیمی)



پدیدآورندگان

نام درس	نام طراحان
فیزیک	خسرو ارغوانی فرد- عبدالرضا امینی نسب- زهره آقامحمدی- محمدعلی راست پیمان- معصومه شریعت ناصری- سعید طاهری بروجنی پوریا علاقه مند- مسعود قره خانی- مصطفی کیانی- غلامرضا محبی- امیراحمد میرسعید
شیمی	صلاح الدین ابراهیمی- محمدرضا پورچاوید- یاسر راش- فرزاد رضایی- محمدرضا زهرهوند- رضا سلیمانی- میلاد شیخ الاسلامی خیایو مسعود طبرسا- امیرحسین طیبی سود کلایی- رسول عابدینی زواره- محمد عظیمیان زواره- محمدپارسا فراهانی- فاضل قهرمانی فرد امیرحسین مسلمی- محمد نکو- سیدرحیم هاشمی دهکردی

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	فیزیک	شیمی
گزینشگر	بابک اسلامی	امیر حاتمیان
گروه ویراستاری	حمید زرین کفش زهره آقامحمدی	محمدحسن محمدزاده مقدم جواد سوری لکی علیرضا گندمی
	ویراستار استاد: مصطفی کیانی	
مسئول درس	بابک اسلامی	امیرحسین مسلمی
مستندسازی	احسان صادقی	سمیه اسکندری

گروه فنی و تولید

مدیر گروه	محمد اکبری
مسئول دفترچه	نرگس غنی زاده
گروه مستندسازی	مدیر گروه: محیا اصغری مسئول دفترچه: الهه شهبازی
حروف نگار	فرزانه فتح اله زاده
ناظر چاپ	سوران نعیمی

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: ۰۲۱-۶۴۶۳

فیزیک

زمان پاسخگویی (مجموع فیزیک و شیمی): ۷۵ دقیقه

زمان نقصانی (مجموع فیزیک و شیمی): ۶۰ دقیقه

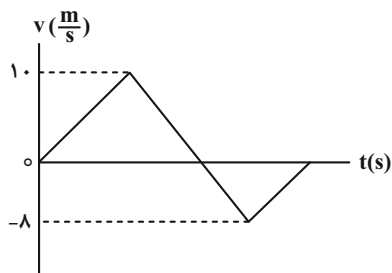
زمان ذخیره شده (مجموع فیزیک و شیمی): ۱۵ دقیقه

۴۱- متحرکی که با سرعت v در مسیری مستقیم در حال حرکت است، در لحظه $t=0$ با شتاب ثابت $\frac{2}{3} \frac{m}{s^2}$ سرعت خود را افزایش می دهد.

اگر اندازه جابه جایی این متحرک در ۲ ثانیه دوم حرکت، $\frac{3}{4}$ برابر اندازه جابه جایی آن در ۲ ثانیه اول حرکت باشد، جابه جایی متحرک در ۴ ثانیه اول حرکت چند متر است؟

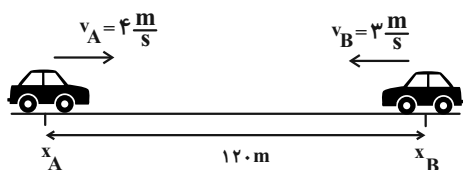
- ۲۴ (۱) ۳۲ (۲) ۴۸ (۳) ۴۰ (۴)

۴۲- نمودار سرعت- زمان متحرکی که روی محور x حرکت می کند، مطابق شکل زیر است. در بازه زمانی که متحرک در خلاف جهت محور x حرکت کرده است، تندی متوسط آن چند متر بر ثانیه است؟



- ۴ (۱)
۴ (۲)
۲ (۳)
۴ (۴)

۴۳- مطابق شکل زیر، دو متحرک A و B به ترتیب با تندی های ثابت $4 \frac{m}{s}$ و $3 \frac{m}{s}$ به طرف یکدیگر در حال حرکت هستند. اختلاف زمانی عبور آن ها از نقاط x_B و x_A چند ثانیه باشد تا دقیقاً در وسط فاصله x_A تا x_B به هم برسند؟



- ۱۵ (۱)
۳ (۲)
۵ (۳)
۱۰ (۴)

۴۴- در شرایط خلأ، گلوله ای را از ارتفاع ۳۲۰ متری سطح زمین رها می کنیم. ۳s بعد گلوله دیگری را از همان ارتفاع رها می کنیم.

بیشترین فاصله بین دو گلوله چند متر است؟ ($g = 10 \frac{m}{s^2}$)

- ۲۹۷/۵ (۱) ۱۹۵ (۲) ۱۲۵ (۳) ۲۲۵ (۴)

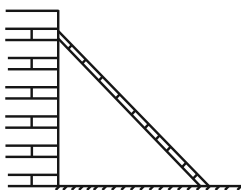
۴۵- در شکل زیر، جسمی به جرم m تحت تاثیر نیروی قائم \vec{F} در راستای قائم و رو به بالا در حال حرکت است و معادله سرعت- زمان آن در SI به صورت $v = 2t + 6$ است. اگر اندازه نیروی \vec{F} بدون تغییر جهت، دو برابر شود، شتاب حرکت جسم چند متر

بر مربع ثانیه می شود؟ ($g = 10 \frac{m}{s^2}$) (از اتلاف صرف نظر شود.)



- ۱۴ (۱)
۴ (۲)
۸ (۳)
۱۰ (۴)

۴۶- مطابق شکل زیر، نردبانی به جرم m به دیوار قائم و بدون اصطکاکی تکیه داده شده است. ضریب اصطکاک ایستایی بین سطح افقی و پای نردبان $0/4$ است. در آستانه سر خوردن نردبان، نسبت اندازه نیرویی که دیوار به نردبان وارد می‌کند، به اندازه نیروی عمودی که سطح افقی به نردبان وارد می‌کند، کدام است؟



- (۱) $\frac{2}{5}$
- (۲) $\frac{5}{2}$
- (۳) $\frac{3}{5}$
- (۴) $\frac{5}{3}$

۴۷- معادله نیرو- زمان متحرکی در SI به صورت $F = 2t - 1$ است. تغییرات تکانه متحرک در بازه زمانی دو ثانیه سوم حرکت برحسب یکای SI کدام است؟

- (۱) ۹
- (۲) ۱۸
- (۳) $4/5$
- (۴) ۲۱

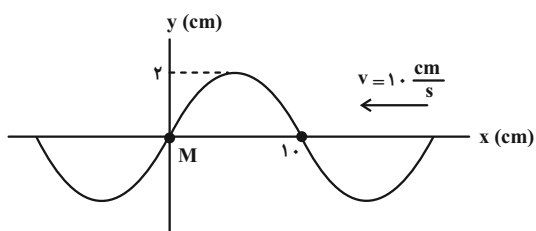
۴۸- جسمی بر روی یک مسیر دایره‌ای با تندی ثابت در حال حرکت است. اگر اندازه نیروی خالص وارد بر این جسم را دو برابر کنیم، دوره حرکت جسم بر روی همان دایره چند برابر خواهد شد؟

- (۱) $\sqrt{2}$
- (۲) $\frac{\sqrt{2}}{2}$
- (۳) ۲
- (۴) $\frac{1}{2}$

۴۹- دوره تناوب آونگ ساده‌ای در سطح زمین $2s$ است. آونگ را به سیاره دیگری که جرم و شعاع آن هر کدام نصف جرم و شعاع زمین است، می‌بریم و طول آن را نصف می‌کنیم. در روی این سیاره دوره تناوب آونگ ساده چند ثانیه است؟

- (۱) ۲
- (۲) $\frac{\sqrt{2}}{2}$
- (۳) $\frac{1}{2}$
- (۴) ۱

۵۰- شکل زیر، تصویر لحظه‌ای از موجی عرضی را در یک ریسمان کشیده شده نشان می‌دهد که به سمت چپ حرکت می‌کند. جزء M ریسمان $1s$ پس از این لحظه در چه مکانی برحسب سانتی‌متر قرار دارد و تندی آن چند متر بر ثانیه است؟

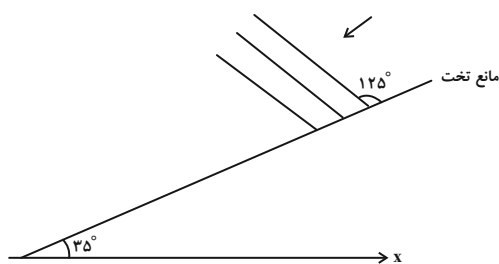


- (۱) ۲، صفر
- (۲) -۲، صفر
- (۳) صفر، $0/02\pi$
- (۴) صفر، 2π

۵۱- در یک فضای باز، تراز شدت صوت در فاصله d از یک چشمه صوتی برابر 96 دسی‌بل است. اگر در همان راستا به اندازه $3d$ از چشمه صوت دور شویم، تراز شدت صوت چند درصد کاهش می‌یابد؟ ($\log 2 = 0/3$ و اتلاف نداریم.)

- (۱) ۱۲
- (۲) $12/5$
- (۳) ۲۴
- (۴) ۲۵

۵۲- در شکل زیر، جبهه‌های موج نشان داده شده به یک مانع تخت تابیده‌اند. زاویه بین امتداد جبهه‌های موج بازتابیده از مانع با



محور x چند درجه است؟

- ۲۰ (۱)
- ۵۵ (۲)
- ۷۰ (۳)
- ۹۰ (۴)

۵۳- وقتی آزمایش یانگ در محیطی با ضریب شکست ۳ انجام می‌شود، پهنای هر کدام از نوارهای تداخلی برابر $1/2\text{mm}$ است. اگر

این آزمایش در محیط شفافی که تندی نور در آن $1/5 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ است، انجام گردد، پهنای هر کدام از نوارها چند میلی‌متر

خواهد شد؟ ($c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$)

- ۱/۸ (۴)
- ۰/۴ (۳)
- ۳/۶ (۲)
- ۰/۸ (۱)

۵۴- در آزمایش فوتوالکتریک، طول موج آستانه فلز A، 200nm و طول موج آستانه فلز B، 600nm است. اگر فوتون تابش شده به

سطح فلزها دارای کوتاه‌ترین طول موج رشته پاشن ($n' = 3$) باشد، اثر فوتوالکتریکی در کدام یک از فلزها رخ می‌دهد؟

($R = 0.01\text{nm}^{-1}$)

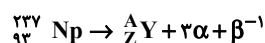
- (۱) فقط فلز A
- (۲) فقط فلز B

(۳) در هر دو فلز رخ می‌دهد. (۴) در هیچ کدام از فلزها رخ نمی‌دهد.

۵۵- در اتم هیدروژن، انرژی الکترون در اولین حالت برانگیخته، چند برابر انرژی آن در سومین حالت برانگیخته است؟

- ۳ (۱)
- ۸ (۲)
- ۴ (۳)
- ۹ (۴)

۵۶- در معادله واپاشی هسته اتم زیر، به ترتیب از راست به چپ، تعداد نوترون‌ها و پروتون‌های هسته دختر کدام است؟



- ۹۲ ، ۲۲۵ (۱)
- ۸۸ ، ۲۲۵ (۲)
- ۹۲ ، ۱۳۷ (۳)
- ۸۸ ، ۱۳۷ (۴)

۵۷- نیمه‌عمر یک ماده پرتوزا ۸ روز است. پس از چند روز تعداد هسته‌های واپاشیده ۱۵ برابر تعداد هسته‌های فعال باقی‌مانده خواهد شد؟

- ۳۲ (۱)
- ۱۶ (۲)
- ۲۴ (۳)
- ۶۴ (۴)

۵۸- دو بار الکتریکی نقطه‌ای $q_1 = 2\mu\text{C}$ و $q_2 = 27\mu\text{C}$ در فاصله 8cm از یکدیگر ثابت شده‌اند. اگر بار q در نقطه‌ای خاص قرار

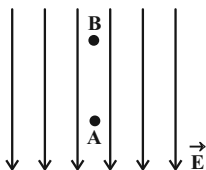
بگیرد که نیروی خالص وارد بر آن صفر شود، با قرینه کردن علامت یکی از بارهای q_1 یا q_2 ، بار q را نسبت به مکان اولیه‌اش

چند سانتی‌متر جابه‌جا کنیم تا مجدداً نیروی خالص وارد بر آن صفر شود؟

- ۴ (۱)
- ۲ (۲)
- ۶ (۳)
- ۸ (۴)

۵۹- مطابق شکل زیر، ذره‌ای به جرم 10g و بار الکتریکی $3 \times 10^{-4}\mu\text{C}$ را از نقطه A رها می‌کنیم و ذره به سمت نقطه B حرکت می‌کند. اگر پتانسیل الکتریکی نقطه B برابر 15V باشد، به ترتیب تندی ذره در نقطه B چند متر بر ثانیه و پتانسیل نقطه A

چند ولت است؟ (اندازه میدان الکتریکی $10 \frac{\text{N}}{\text{C}}$ و فاصله A تا B برابر ۲ متر است و $g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$)



(۱) $4\sqrt{10}$ ، -۵

(۲) $4\sqrt{10}$ ، -۲۰

(۳) $4\sqrt{5}$ ، -۲۰

(۴) $4\sqrt{5}$ ، -۵

۶۰- خازن تختی را که بین صفحه‌های آن هوا قرار دارد، پس از پر شدن از باتری جدا می‌کنیم. در این حالت، مساحت صفحه‌های خازن را دو برابر نموده و دی‌الکتریکی با ثابت $\kappa = 4$ بین صفحه‌های آن قرار می‌دهیم به طوری که فضای بین صفحه‌ها را به طور کامل پر کند. اندازه میدان الکتریکی بین صفحه‌های خازن چند برابر می‌شود؟

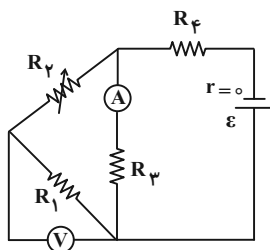
(۱) $\frac{1}{8}$ (۲) $\frac{1}{4}$ (۳) ۴ (۴) ۸

۶۱- چه تعداد از عبارتهای زیر نادرست است؟

- الف) مقاومت نوری (LDR)، نوعی مقاومت است که مقاومت الکتریکی آن به دمای محیط بستگی دارد.
- ب) از ترمیستور به عنوان حسگر دما در مدارهای حساس به دما مانند زنگ خطر آتش و دماپاها استفاده می‌شود.
- پ) دیودها نوعی مقاومت نوری هستند که جریان را تنها از یکسو عبور می‌دهد.
- ت) از LEDها برخلاف LDRها می‌توان در تجهیزات چشم الکترونیکی استفاده کرد.
- ث) با کاهش روشنایی، میزان مقاومت LDR افزایش می‌یابد.

(۱) ۳ (۲) ۴ (۳) ۲ (۴) ۵

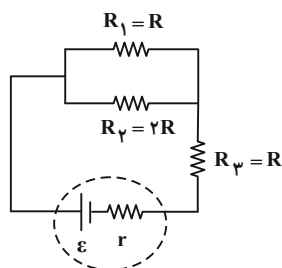
۶۲- در مدار شکل زیر، اگر مقاومت متغیر R_p را افزایش دهیم، عددهایی که ولت‌سنج آرمانی و آمپرسنج آرمانی نشان می‌دهند، به ترتیب چگونه تغییر می‌کنند؟



- (۱) افزایش- افزایش
- (۲) افزایش- کاهش
- (۳) کاهش- کاهش
- (۴) کاهش- افزایش

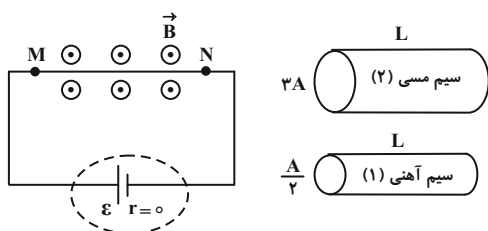
۶۳- در مدار نشان داده شده در شکل زیر، ۱۰ درصد توان تولیدی باتری در مقاومت درونی آن مصرف می‌شود. در این حالت توان

مصرفی در مقاومت R_ψ چند درصد توان تولیدی باتری است؟



- ۱۲ (۱)
- ۱۸ (۲)
- ۱۵ (۳)
- ۲۵ (۴)

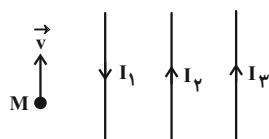
۶۴- در مدار شکل زیر، یک بار سیم مسی و بار دیگر سیم آهنی را به جای سیم MN قرار می‌دهیم. نیروی مغناطیسی وارد بر سیم مسی چند برابر نیروی مغناطیسی وارد بر سیم آهنی است؟ (مقاومت ویژه آهن سه برابر مقاومت ویژه مس است.)



- $\frac{1}{18}$ (۱)
- ۱۸ (۲)
- ۹ (۳)
- $\frac{1}{9}$ (۴)

۶۵- مطابق شکل زیر، سه سیم راست و موازی حامل جریان در یک صفحه واقع‌اند و میدان مغناطیسی حاصل از جریان‌های I_1 ، I_2 و I_3 در نقطه M به ترتیب $2.0G$ ، $3.0G$ و $4.0G$ است. اگر بار الکتریکی $q = 5\mu C$ با تندی $10^4 \frac{m}{s}$ در جهت نشان داده شده از

نقطه M عبور کند، در لحظه عبور، نیروی مغناطیسی وارد بر آن چند نیوتون و در چه جهتی است؟



- (۱) $2/5 \times 10^{-4}$ ، راست
- (۲) $2/5 \times 10^{-4}$ ، چپ
- (۳) $2/5 \times 10^{-3}$ ، راست
- (۴) $2/5 \times 10^{-3}$ ، چپ

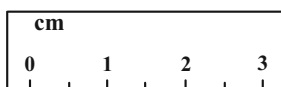
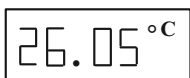
۶۶- مقاومت هر متر از سیمی 25Ω است. با این سیم، پیچهای که شعاع سطح مقطع آن $5cm$ و دارای 300 دور است، می‌سازیم و سطح پیچه را عمود بر میدان مغناطیسی که معادله آن در SI به صورت $B = 2t + 6$ است، قرار می‌دهیم. اندازه جریان القایی متوسط در دو ثانیه دوم چند میلی‌آمپر است؟ ($\pi \approx 3$)

- ۲/۵ (۴)
- ۲۵ (۳)
- ۰/۵ (۲)
- ۵ (۱)

۶۷- معادله جریان الکتریکی عبوری از یک سیملوله در SI به صورت $I = 2\sqrt{3} \sin 30\pi t$ است. اگر بیشینه انرژی ذخیره شده در سیملوله $0.8 J$ باشد، در چه لحظه‌ای بر حسب ثانیه برای اولین بار، انرژی ذخیره شده در سیملوله $0.6 J$ می‌شود؟

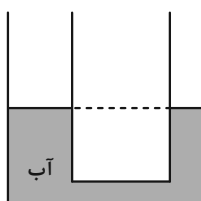
- (۱) $\frac{1}{300}$ (۲) $\frac{1}{1800}$ (۳) $\frac{1}{900}$ (۴) $\frac{1}{600}$

۶۸- در شکل‌های زیر، یک دماسنج و یک خط‌کش نشان داده شده است. دقت اندازه‌گیری خط‌کش و دقت اندازه‌گیری دماسنج است.



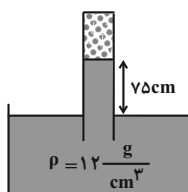
- (۱) $0.1^\circ C$ ، $0.5 cm$
 (۲) $1^\circ C$ ، $0.05 cm$
 (۳) $0.01^\circ C$ ، $0.5 cm$
 (۴) $0.01^\circ C$ ، $1 cm$

۶۹- در شکل زیر، شعاع مقطع قسمت باریک لوله $2 cm$ و شعاع مقطع قسمت پهن آن $3 cm$ است. اگر در قسمت باریک لوله 78 گرم از یک مایع بریزیم، ارتفاع سطح مایع در این قسمت از لوله $1 cm$ بیشتر از ارتفاع آب در قسمت پهن لوله می‌شود. چگالی مایع چند گرم بر سانتی‌متر مکعب است؟ ($\rho_{\text{آب}} = 1 \frac{g}{cm^3}$ ، $\pi = 3$ و فرض کنید مایع روی آب قرار می‌گیرد و با آن مخلوط نمی‌گردد).



- (۱) $\frac{13}{15}$
 (۲) 0.8
 (۳) $1/25$
 (۴) 0.7

۷۰- در شکل زیر، فشار پیمانه‌ای گاز محبوس در انتهای لوله چند کیلوپاسکال است؟ ($g = 10 \frac{m}{s^2}$)



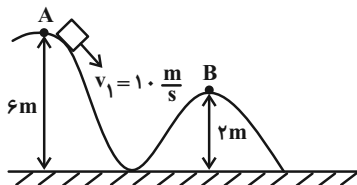
- (۱) 90
 (۲) 10
 (۳) -90
 (۴) -10

۷۱- از بالای یک برج جسمی به جرم $2 kg$ را رها می‌کنیم. اگر تندی جسم در ارتفاع 200 متری سطح زمین $4 \frac{m}{s}$ و بر روی سطح زمین $5 \frac{m}{s}$ باشد، کار نیروی مقاومت هوا از ارتفاع 200 متری تا سطح زمین چند ژول است؟ ($g = 10 \frac{m}{s^2}$)

(۱) 3991 (۲) -3910 (۳) -3991 (۴) 3910

۷۲- مطابق شکل زیر، جسمی به جرم 2kg با تندی اولیه $10 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ از نقطه A پرتاب می‌شود. اگر این جسم با نصف تندی اولیه از نقطه

B عبور کند، کار نیروی اصطکاک در جابه‌جایی از A تا B چند ژول است؟ ($g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$)



(۱) ۱۵۵

(۲) -۱۵۵

(۳) ۱۴۵

(۴) -۱۴۵

۷۳- دمای یک میله آهنی به طول 10m را 36°F افزایش می‌دهیم. طول این میله به چند متر می‌رسد؟ ($\alpha_{\text{آهن}} = 8 \times 10^{-6} \frac{1}{^\circ\text{C}}$)

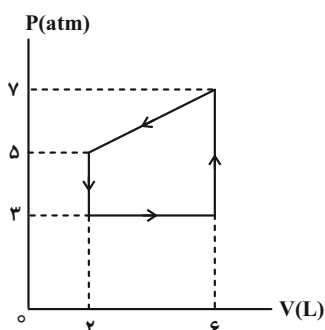
(۴) $10/2$

(۳) $10/0.02$

(۲) $10/16$

(۱) $10/0.016$

۷۴- گاز داخل یک استوانه، چرخه‌ای مطابق شکل زیر را می‌پیماید. در این چرخه، گاز ژول گرما است.



(۱) ۱۲۰۰، گرفته

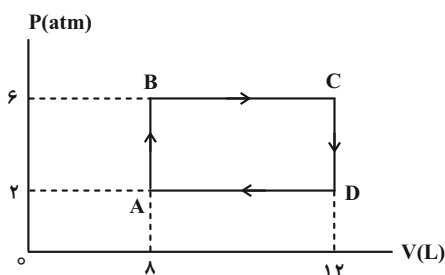
(۲) ۱۲۰۰، از دست داده

(۳) ۲۴۰۰، گرفته

(۴) ۲۴۰۰، از دست داده

۷۵- چرخه‌ای یک ماشین گرمایی که ماده کاری آن یک گاز آرمانی است، مطابق شکل زیر است. اگر بازده این ماشین $\frac{4}{37}$ و گاز در طی

فرایند AB مقدار 4800J گرما دریافت کرده باشد، در طی فرایند BC چند ژول گرما دریافت کرده است؟



(۱) ۶۰۰۰

(۲) ۱۰۸۰۰

(۳) ۵۶۰۰

(۴) ۷۲۰۰

شیمی

۷۶- تعداد الکترون‌های موجود در ۲۰ گرم از اتم $^{80}_{34}\text{Br}$ که مجموع دو عدد کوانتومی n و l آن‌ها برابر با ۴ است، با تعداد

الکترون‌های موجود در چند گرم از یون SO_4^{2-} برابر خواهد بود؟ ($_{16}\text{O} = 16$, $_{32}\text{S} = 32$: g.mol^{-1})

۳/۸۴ (۱) ۷/۲ (۲) ۸/۷۸ (۳) ۱۶/۴۶ (۴)

۷۷- چند مورد از ویژگی‌های زیر در ایزوتوپ‌های یک عنصر یکسان نیست؟

- پایداری در طبیعت
- فعالیت شیمیایی
- موقعیت در جدول دوره‌ای
- نقطه ذوب و جوش
- مجموع شمار ذره‌های زیراتمی باردار
- چگالی
- عدد جرمی

۱ (۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴)

۷۸- اگر تعداد اتم‌های اکسیژن در ۲/۳ گرم از $\text{C}_x\text{H}_x\text{O}$ برابر با $3/0 \times 10^{23}$ باشد، $0/5$ مول از این ترکیب چند اتم کربن دارد؟

($\text{H} = 1$, $\text{C} = 12$, $\text{O} = 16$: g.mol^{-1})

۳/۰۱×۱۰^{۲۳} (۱) ۶/۰۲×۱۰^{۲۳} (۲) ۹/۰۳×۱۰^{۲۳} (۳) ۱۲/۰۴×۱۰^{۲۳} (۴)

۷۹- در چند ردیف از جدول زیر، همه اطلاعات برای ترکیب یونی داده شده درست است؟

فرمول شیمیایی	نام ترکیب	تعداد الکترون مبادله شده	تعداد الکترون با $l=1$ در آرایش الکترونی کاتیون
Mg_3N_4	منیزیم نیتريد	۶	۶
AlF_3	آلومینیوم فلئورید	۳	۷
Li_4O	لیتیم هیدروکسید	۲	صفر
KI	پتاسیم یدید	۲	۱۲

صفر (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴)

۸۰- ۱۰۴ گرم از مخلوط گازهای CH_4 و C_3H_8 با مقدار کافی از گاز O_2 به‌طور کامل واکنش می‌دهند. اگر اختلاف حجم گاز H_2O و

CO_2 تولیدشده در واکنش سوختن گاز C_3H_8 برابر با ۵۰ لیتر باشد، مجموع حجم گازهای تولیدشده در طی دو واکنش در شرایطی

که حجم مولی گازها برابر با ۲۵ لیتر بر مول باشد، برابر چند لیتر است؟ ($\text{C} = 12$, $\text{H} = 1$: g.mol^{-1})

۲۱۲/۵ (۱) ۴۱۰ (۲) ۴۲۵ (۳) ۶۳۷/۵ (۴)

۸۱- نسبت شمار جفت الکترون‌های پیوندی به شمار جفت الکترون‌های ناپیوندی در ساختار لوویس مولکول با نسبت شمار جفت الکترون‌های ناپیوندی به شمار جفت الکترون‌های پیوندی در ساختار لوویس مولکول یکسان است و شمار پیوندها در ساختار لوویس مولکول کربن دی‌اکسید با شمار پیوندها در ساختار لوویس مولکول یکسان است. (گزینه‌ها را به ترتیب از راست به چپ بخوانید.)



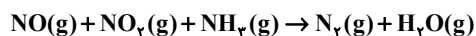
۸۲- اگر دمای n مول گاز را از $45/5^\circ\text{C}$ تا 91°C افزایش دهیم، باید چه مقدار شمار مول‌های گاز را تغییر دهیم تا حجم آن $1/5$ برابر حجم اولیه شود؟ (فشار ثابت است.)



۸۳- به ۴ لیتر محلولی از متانول در آب با چگالی 0.525 g.mL^{-1} و درصد جرمی ۶۴٪ چند لیتر آب مقطر بیافزاییم، تا محلول جدیدی با چگالی 0.7 g.mL^{-1} و درصد جرمی ۲۴٪ حاصل شود؟ ($\text{H} = 1, \text{C} = 12, \text{O} = 16: \text{g.mol}^{-1}$)



۸۴- چند مورد از مطالب زیر درباره واکنش داده شده پس از موازنه نادرست است؟

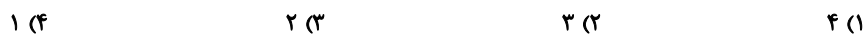


(الف) یکی از فراورده‌های گازی تولید شده، در فرایند هابر به عنوان واکنش‌دهنده حضور دارد.

(ب) مجموع ضریب استوکیومتری واکنش‌دهنده‌ها با تعداد پیوندهای اشتراکی در ساختار گاز SO_2 برابر است.

(پ) این واکنش در مبدل کاتالیستی خودروهای دیزلی جهت حذف آمونیاک انجام می‌شود.

(ت) نصف اتم‌های نیتروژن در فرایند اکسایش شرکت می‌کنند.



۸۵- چند مورد از عبارتهای زیر درست هستند؟

• میزان حرکت مولکول‌های آب از غشا نیمه تراوا در پدیده اسمز از محلول غلیظ به محلول رقیق بیشتر از محلول رقیق به محلول غلیظ است.

• در روش‌های اسمز معکوس و صافی کربن، آلاینده‌های مشابهی از آب آلوده حذف می‌شوند.

• در اسمز معکوس فشاری که بر سطح محلول غلیظ وارد می‌شود، بیش از فشار وارد شده بر سطح آب شیرین است.

• استفاده از صافی کربن برای حذف ترکیب‌های آلی فرار مناسب است و کلرزنی نیز منجر به حذف میکروب‌ها از آب می‌شود.



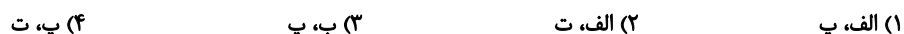
۸۶- کدام موارد از عبارتهای زیر نادرست هستند؟

(الف) از واکنش فلزهای قلیایی با گاز کلر، گرما و نور تولید می‌شود.

(ب) برخی از رفتارهای شیمیایی فلزهای دسته d با فلزهای هم‌دوره‌شان در گروه اول و دوم تفاوت دارد.

(پ) خواص فیزیکی شبه‌فلزها مانند نافلزها بوده و خواص شیمیایی آن‌ها مشابه فلزها می‌باشد.

(ت) ^{21}Sc نخستین عنصر دوره چهارم جدول دوره‌ای بوده و در ساخت تلویزیون رنگی مورد استفاده قرار می‌گیرد.



۸۷- مخلوطی از گازهای اتن و اتین که در شرایط استاندارد ۶/۷۲ لیتر حجم دارد، با ۸۰ گرم برم مایع به طور کامل واکنش می دهد.

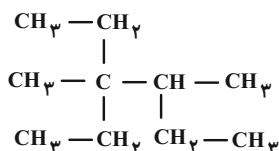
درصد مولی اتن در این مخلوط به تقریب کدام است؟ ($\text{Br} = ۸۰ \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$)

- (۱) ۳۳/۳۳ (۲) ۶۶/۶۶ (۳) ۵۰ (۴) ۲۵

۸۸- همه گزینه ها درست اند به جز:

- (۱) به فروش منابع طبیعی بدون فراوری و به همان صورت که از طبیعت به دست می آید، خام فروشی می گویند.
 (۲) امروزه بسیاری از کشورهای جهان منابع خود را به همان صورتی که از طبیعت به دست می آورند، می فروشند.
 (۳) فناوری به دانش یا مهارتی گفته می شود که برای ساختن یک ابزار یا حل یک مسئله در صنعت به صورت روزانه مورد استفاده قرار می گیرد.
 (۴) خام فروشی تنها برای نفت و منابع معدنی به کار می رود.

۸۹- نام هیدروکربنی با فرمول ساختاری زیر چیست و فرمول مولکولی آن با کدام ترکیب یکسان است؟ (گزینه ها را به ترتیب از راست به چپ بخوانید.)



- (۱) ۴- اتیل-۳، ۴- دی متیل هگزان / ۲- متیل هپتان
 (۲) ۳- اتیل-۳، ۴- دی متیل هگزان / ۲- متیل هپتان
 (۳) ۴- اتیل-۳، ۴- دی متیل هگزان / ۲- اتیل اوکتان
 (۴) ۳- اتیل-۳، ۴- دی متیل هگزان / ۲- اتیل اوکتان

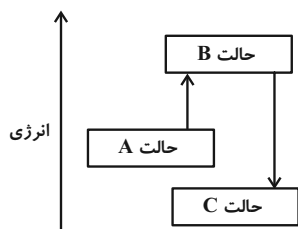
۹۰- با توجه به نمودار زیر، چند مورد از مطالب زیر نادرست است؟

• اگر فرایند گذار از B به C با تغییرات همزمان دما و محتوای انرژی شیمیایی همراه باشد، حالت C، دما و پایداری بیشتری نسبت به حالت B دارد.

• شکل می تواند مربوط به فرایند خوردن بستنی (از A تا C) باشد.

• در صورتی که هر دو فرایند $A \rightarrow B$ و $B \rightarrow C$ صرفاً با تغییرات دما همراه باشند، علامت $\Delta\theta$ در $C \rightarrow A$ مثبت است.

• اگر حالت A آنتالپی گرافیت و گاز هیدروژن را نشان دهد، C و B می توانند به ترتیب آنتالپی متان و فراورده های سوختن آن را نشان دهند.



- (۱) ۱
 (۲) ۲
 (۳) ۳
 (۴) ۴

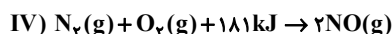
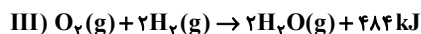
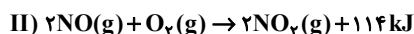
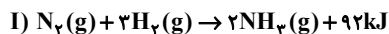
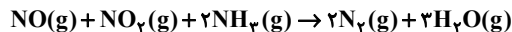
۹۱- مخلوطی از گازهای اتان و پروپان را به طور کامل می سوزانیم و در نتیجه ۱۰۵۳ کیلوژول گرما آزاد می شود. اگر تفاوت شمار

اتم های هیدروژن با کربن در این مخلوط برابر ۲/۴۵ مول باشد، درصد جرمی اتان در این مخلوط چقدر است؟ (آنتالپی سوختن

اتان و پروپان به ترتیب ۱۶۶۰ و ۲۲۲۰ کیلوژول بر مول است) ($\text{C} = ۱۲, \text{H} = ۱: \text{g} \cdot \text{mol}^{-1}$)

- (۱) ۱۹ (۲) ۴۵ (۳) ۸۱ (۴) ۵۵

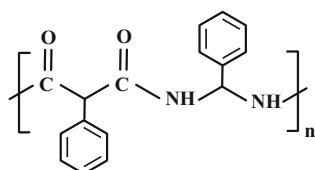
۹۲- با توجه به اطلاعات داده شده در واکنش‌های ترموشیمیایی زیر، گرمای حاصل از انجام واکنش زیر برحسب کیلوژول کدام است؟



(۱) -۳۷۹ (۲) -۷۵۸

(۳) -۱۸۹۵ (۴) -۳۷۹۰

۹۳- تعداد پیوندهای دوگانه $\text{C}=\text{C}$ موجود در ساختار پلیمری از پلی‌استیرن به جرم ۲۴۹۶ گرم چند برابر تعداد پیوندهای دوگانه موجود در ۱۵۹۶ گرم از پلیمری با ساختار زیر است؟ ($\text{O} = 16, \text{C} = 12, \text{H} = 1: \text{g} \cdot \text{mol}^{-1}$) (شمار زیر واحدهای هر دو پلیمر با یکدیگر برابرند).



(۱) ۰/۵

(۲) ۱/۲۵

(۳) ۱/۵

(۴) ۲

۹۴- چند مورد از عبارت‌های زیر درست است؟

الف) در واکنش $\text{Fe}_2\text{O}_3 + 3\text{CO} \rightarrow 2\text{Fe} + 3\text{CO}_2$ سرعت متوسط تولید هیچ ماده‌ای با سرعت متوسط مصرف هیچ ماده‌ای با واحد مول بر ثانیه برابر نیست.

ب) اگر سرعت تولید Br_2 در واکنش $4\text{BrF}_3 + 3\text{TiO}_2 \rightarrow 2\text{Br}_2 + 3\text{TiF}_4 + 3\text{O}_2$ برابر با $4 \text{ mol} \cdot \text{min}^{-1}$ باشد، سرعت مصرف BrF_3 برابر با $2 \text{ mol} \cdot \text{min}^{-1}$ خواهد بود.

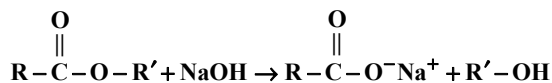
پ) در واکنش‌های شیمیایی گرماده با گذشت زمان سرعت مصرف مواد کاهش یافته و سرعت تولید فرآورده‌ها افزایش می‌یابد.

ت) فلزهای Li و Na در شرایط مشابه با آب سرد واکنش داده و در بازه زمانی یکسان، مقدار برابری گاز تولید می‌کنند.

ث) سرعت واکنش سریع محلول پتاسیم پرمنگنات با یک اسید آلی در دمای اتاق، با افزودن کاتالیزگر بیشتر می‌شود.

(۱) صفر (۲) ۱ (۳) ۲ (۴) ۳

۹۵- مطابق واکنش زیر اگر درصد جرمی کربن در الکل تولیدی ۶۰٪ باشد و استر موجود در واکنش‌دهنده‌ها در مجموع شامل ۷ پیوند کربن-کربن باشد آن‌گاه درصد جرمی سدیم در صابون تولیدی کدام است؟ (R و R' هر دو زنجیره‌های هیدروکربنی سیر شده‌اند و $\text{Na} = 23, \text{C} = 12, \text{H} = 1, \text{O} = 16: \text{g} \cdot \text{mol}^{-1}$)



(۱) ۳۱ (۲) ۲۳

(۳) ۱۶/۶۷ (۴) ۳۳/۳

۹۶- چند مورد از عبارتهای زیر نادرست است؟

(الف) مولکولهای صابون ذرات چربی را از سطح پارچه جدا و در آب حل می‌کنند.

(ب) میزان پخش نور در سوسپانسیون‌ها از محلول‌ها کمتر است.

(پ) در پاک‌کننده‌های غیرصابونی گروه CO_3^- وجود دارد.

(ت) با جایگزین کردن صابون بدون آنزیم به جای صابون آنزیم‌دار، قدرت صابون ۱۵٪ افزایش می‌یابد.

(۱) ۴ (۲) ۱ (۳) ۲ (۴) ۳

۹۷- به تقریب جرم نمونه‌ای از آلومینیم سولفات که گاز حاصل از تجزیه آن، ۳۰۰ میلی‌لیتر محلول ۰/۰۵ مولار NaOH را خنثی می‌کند، کدام است؟ (این نمونه از آلومینیم سولفات، ۸۰ درصد خالص و بازده درصدی واکنش تجزیه آن ۵۰ درصد است).

($\text{O} = ۱۶$, $\text{Al} = ۲۷$, $\text{S} = ۳۲$: g.mol^{-1})

$\text{Al}_2(\text{SO}_4)_3(\text{s}) \rightarrow \text{Al}_2\text{O}_3(\text{s}) + \text{SO}_2(\text{g})$ (معادله واکنش‌ها موازنه شود.)

$\text{SO}_2(\text{g}) + \text{NaOH}(\text{aq}) \rightarrow \text{Na}_2\text{SO}_3(\text{aq}) + \text{H}_2\text{O}(\text{l})$

(۱) ۱/۰۶ (۲) ۲/۱۳ (۳) ۱/۷۱ (۴) ۳/۴۲

۹۸- در یک شیشه پاک‌کن دارای محلول آمونیاک، غلظت یون هیدروکسید در دمای اتاق ۱۶×10^4 برابر غلظت یون هیدرونیوم است.

است. pH محلول آمونیاک، کدام است؟ ($\log 5 = 0.7$)

(۱) ۵/۶ (۲) ۸/۴ (۳) ۹/۶ (۴) ۴/۴

۹۹- کدام یک از گزینه‌های زیر درست است؟

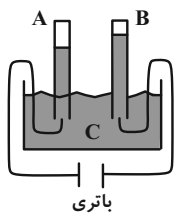
(۱) هر چه غلظت یون‌های هیدرونیوم در محلولی بیشتر باشد، محلول مورد نظر pH بالاتری دارد.

(۲) صابون باعث حل شدن چربی در آب می‌شود، چون هم بخش قطبی و هم بخش ناقطبی دارد.

(۳) در ساختار شوینده‌های غیرصابونی حلقه بنزنی مشاهده می‌شود.

(۴) اضافه کردن آلومینیم به شیر منیزی در برخی از داروهای ضد اسید مشاهده می‌شود.

۱۰۰- با توجه به شکل زیر که برقکافت آب را نشان می‌دهد، کدام عبارت‌ها درست‌اند؟ ($\text{H} = ۱, \text{O} = ۱۶$: g.mol^{-1})



باتری

(۴) الف، ت

(۳) پ، ت

(۲) ب، پ

(۱) الف، ب

(الف) الکتروود مربوط به بخش A مثبت است.

(ب) مایع موجود در قسمت C خالص است.

(پ) کاغذ pH در اطراف الکتروود B به رنگ قرمز درمی‌آید.

(ت) جرم گاز تولید شده در قسمت B بیشتر از A است.

۱۰۱- در یک سلول سوختی $\text{H}_2 - \text{O}_2$ در مجموع $۱۳۴/۴$ لیتر گاز در شرایط STP مصرف شده است. چند گرم آب در این سلول

تولید می‌شود و اگر به اندازه الکترون‌های عبور کرده در این سلول، الکترون برای یک فرایند آبکاری به وسیله فلز کروم از

یون‌های Cr^{3+} مصرف شود چند گرم بر جرم وسیله مورد آبکاری افزوده می‌شود؟ ($\text{Cr} = ۵۲$, $\text{H} = ۱$, $\text{O} = ۱۶$: g.mol^{-1})

(گزینه‌ها را به ترتیب از راست به چپ بخوانید).

(۴) ۳۶ , ۶۹/۳

(۳) ۷۲ , ۱۳۸/۶

(۲) ۷۲ , ۶۹/۳

(۱) ۳۶ , ۱۳۸/۶

۱۰۲- کدام یک از عبارتهای زیر درست هستند؟

(الف) مبنای اندازه‌گیری گشتاور دوقطبی، جهت‌گیری مولکول‌ها در میدان الکتریکی است.

(ب) مولکول‌های متان با ساختاری خمیده، در میدان الکتریکی جهت‌گیری نمی‌کنند.

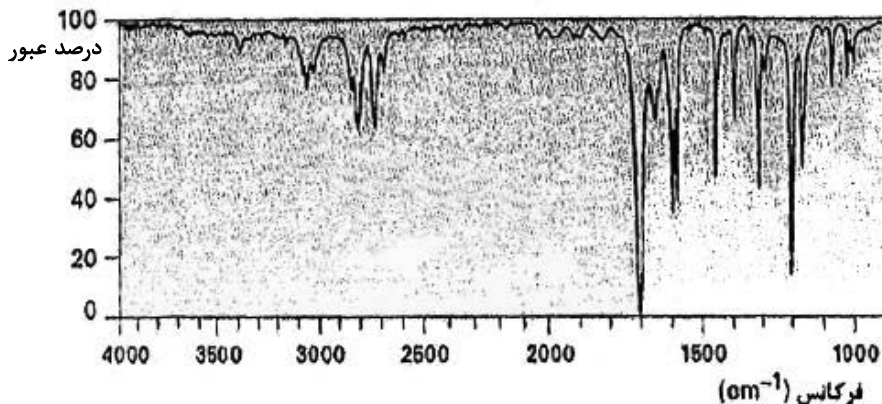
(پ) گاز کلر در مقایسه با هیدروژن فلئورید نقطه جوش بالاتری دارد.

(ت) گشتاور دوقطبی مولکول‌هایی با جرم مولی بالاتر، لزوماً از مولکول‌های سبک‌تر از خود بیشتر نیست.

(۱) الف، ب (۲) الف، ت (۳) ب، پ (۴) پ، ت

۱۰۳- از روش طیف‌سنجی فروسرخ برای شناسایی انواع پیوندها در یک نوع ترکیب می‌توان استفاده کرد. با توجه به جدول داده شده که

نشان‌دهنده فرکانس موج جذب شده توسط هر پیوند خاص است، مشخص کنید در نمونه داده شده کدام نوع پیوند وجود دارد؟



C=O	C-H	O-H	C≡C	نوع پیوند
۱۷۰۰	۲۹۰۰	۳۵۰۰	۲۱۰۰	فرکانس موجی که جذب می‌کند (cm ⁻¹)

(۱) C=O

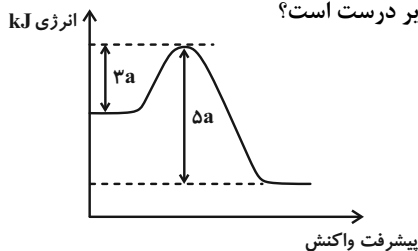
(۲) C-H

(۳) O-H

(۴) C≡C

۱۰۴- با توجه به نمودار تغییر انرژی نسبت به پیشرفت واکنش $2A(g) + B(g) \rightarrow 2C(g)$ ، اگر تفاوت سطح انرژی واکنش‌دهنده‌ها و

فرآورده‌ها برحسب kJ، ۵ برابر جرم مولی اوته باشد، چند مورد از عبارتهای زیر درست است؟



(O=۱۶, N=۱۴, C=۱۲, H=۱: g.mol⁻¹)

(الف) ضمن تشکیل هر مول ماده C به اندازه ۱۵۰kJ گرما آزاد می‌شود.

(ب) انرژی فعال‌سازی واکنش با کاربرد کاتالیزگر می‌تواند ۳۲۰kJ باشد.

(پ) فرآورده حاصل نسبت به واکنش‌دهنده‌ها پایدارتر می‌باشد.

(ت) با کاربرد کاتالیزگر میزان کاهش انرژی فعال‌سازی و کاهش واکنش ΔH با

هم برابر است.

(۱) صفر (۲) ۱ (۳) ۲ (۴) ۳

۱۰۵- با توجه به اطلاعات داده شده که به یک تعادل گازی مربوط است، چند مورد از مطالب بیان شده درست است؟

ثابت تعادل	دما (°C)
6×10^5	۲۵
$2/24$	۲۰۰
$6/2 \times 10^{-4}$	۴۰۰

(الف) واکنش گرماده است.

(ب) با کاهش دما، تعادل در جهت برگشت جابه‌جا می‌شود.

(پ) اگر با افزایش فشار، مقدار مول فرآورده‌ها افزایش یابد، مجموع ضرایب مواد گازی در سمت

راست معادله واکنش بیشتر است.

(ت) با افزایش دما، غلظت فرآورده‌ها کاهش می‌یابد.

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴



پدیدآورندگان

نام طراحان	نام درس	اختصاصی
کاظم اجلائی-سیدرضا اسلامی-محسن بهرام پور-عادل حسینی	حسابان ۲ و ریاضی پایه	
امیرحسین ابومحبوب-حنانه اتفاقی-محمد خندان-سوگند روشنی-محمد صحت کار-احمد رضا فلاح-مهرداد ملوندی	هندسه و آمار و ریاضیات گسسته	
خسرو ارغوانی فرد-عبدالرضا امینی نسب-زهره آقامحمدی-محمدعلی راست پیمان-معصومه شریعت ناصری-سعید طاهری بروجنی پوریا علاقه مند-مسعود قره خانی-مصطفی کیانی-غلامرضا محبی-امیراحمد میرسعید	فیزیک	
صلاح الدین ابراهیمی-محمد رضا پورچاوید-یاسر راش-فرزاد رضایی-محمد رضا زهرهوند-رضا سلیمانی-میلاد شیخ الاسلامی خیابوی مسعود طبر سا-امیرحسین طیبی سود کلایی-رسول عابدینی زواره-محمد عظیمیان زواره-محمد پارسا فراهانی-فاضل قهرمانی فرد امیرحسین مسلمی-محمد نکو-سیدرحیم هاشمی دهکردی	شیمی	

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	حسابان ۲ و ریاضی پایه	هندسه	آمار و احتمال و ریاضیات گسسته	فیزیک	شیمی
گزینشگر	کاظم اجلائی سیدرضا اسلامی	امیرحسین ابومحبوب	سوگند روشنی	بابک اسلامی	امیر حاتمیان
گروه ویراستاری	مهدی ملارمضانی	عادل حسینی	عادل حسینی	حمید زرین کفش زهره آقامحمدی	محمدحسن محمدزاده مقدم جواد سوری لکی علیرضا گندمی
		ویراستار استاد: مهرداد ملوندی	ویراستار استاد: مهرداد ملوندی	ویراستار استاد: مصطفی کیانی	
مسئول درس	عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب	امیرحسین ابومحبوب	بابک اسلامی	امیرحسین مسلمی
مستندسازی	سمیه اسکندری	سرژ یقیازاریان تبریزی	سرژ یقیازاریان تبریزی	احسان صادقی	سمیه اسکندری

گروه فنی و تولید

مدیر گروه	محمد اکبری
مسئول دفترچه	نرگس غنی زاده
گروه مستندسازی	مدیر گروه: محیا اصغری مسئول دفترچه: الهه شهبازی
حروف نگار	فرزانه فتح اله زاده
ناظر چاپ	سوران نعیمی

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلم چی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: ۰۲۱-۶۴۶۳

ریاضیات

۱- گزینه «۲»

(سیرضا اسلامی)

از مساحت نیم‌دایره‌ها هر بار ۷۵٪ کم می‌شود، یعنی مساحت نیم‌دایره ۲۵٪

یعنی $\frac{1}{4}$ مرحله قبل است. پس قطر نیم‌دایره‌ها، دنباله هندسی با قدرنسبت

$\frac{1}{4}$ می‌سازند:

$$\text{مساحت نیم‌دایره اول} = 2\pi \Rightarrow 4\pi = \pi r^2$$

$$\text{قطر نیم‌دایره اول } 2r = 4 \Rightarrow r = 2$$

اگر فاصله متحرک تا محور y ها را در برخورد n ام، S_n در نظر بگیریم:

$$S_n = a_1 + a_2 + \dots + a_n = 4 \left(\frac{1 - \left(\frac{1}{4}\right)^n}{1 - \frac{1}{4}} \right) = 8 \left(1 - \frac{1}{4^n} \right)$$

از $S_n > 7/99$ محدود n را می‌یابیم:

$$8 \left(1 - \frac{1}{4^n} \right) > 7/99 \Rightarrow 1 - \frac{1}{4^n} > \frac{7/99}{8}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{4^n} < \frac{1}{800} \Rightarrow 4^n > 800 \Rightarrow n \geq 10$$

(مسایان ۱- پیر و معارله: صفحه‌های ۲ تا ۶)

۲- گزینه «۴»

(کاظم ایلائی)

با توجه به تعریف مشتق، مقدار حد مورد نظر همان مشتق تابع $f \circ g$ در نقطه

$x = 0$ است. از طرف دیگر داریم:

$$(f \circ g)'(0) = g'(0)f'(g(0)) \quad \underline{g(0) = -1} \quad g'(0)f'(-1)$$

حال مقادیر $g'(0)$ و $f'(-1)$ را حساب می‌کنیم:

$$f(x) = 2x + \sqrt{x^2 + 1} \Rightarrow f'(x) = 2 + \frac{2x}{2\sqrt{x^2 + 1}}$$

$$\Rightarrow f'(-1) = 2 - \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$g(x) = 2x - \sqrt{x^2 + 1} \Rightarrow g'(x) = 2 - \frac{2x}{2\sqrt{x^2 + 1}}$$

$$\Rightarrow g'(0) = 2$$

در نهایت داریم:

$$(f \circ g)'(0) = 2 \left(2 - \frac{1}{\sqrt{2}} \right) = 4 - \sqrt{2}$$

(مسایان ۲- مشتق: صفحه‌های ۸۰ و ۹۴ تا ۹۶)

۳- گزینه «۱»

(سیرضا اسلامی)

از این که خط $y = 3x - 1$ در $x = 1$ بر نمودار f مماس است، نتیجه

می‌گیریم:

$$\begin{cases} x = 1 \\ y = 2 \\ m = 3 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} f(1) = 2 \\ f'(1) = 3 \end{cases}$$

در این مرحله، محاسبه شیب مماس بر نمودار تابع $y = 2f(x^3 - 7)$

ضروری است:

$$y' = 2(3x^2)f'(x^3 - 7) \xrightarrow{x=2} y' = 24f'(1) = 24 \times 3 = 72$$

از آنجا که طول نقطه B ، $25/0$ کمتر از A است، از عرض نقطه A به

اندازه $18 = 25 \times 0/72$ کم می‌کنیم تا به جواب برسیم:

$$y_A = 2f(2^3 - 7) = 2f(1) = 4$$

$$\Rightarrow y_B = 4 - 18 = -14$$

(مسایان ۲- مشتق: صفحه ۹۶)

(لازم اطلاق)

۶- گزینه «۲»

توجه کنید که $\sqrt{3} < 2 < \sqrt[3]{9}$ ، بنابراین داریم:

$$\log_3 \sqrt{3} < \log_3 2 < \log_3 \sqrt[3]{9} \Rightarrow \frac{1}{2} < \log_3 2 < \frac{2}{3}$$

$$\Rightarrow -\frac{2}{3} < -\log_3 2 < -\frac{1}{2} \Rightarrow \frac{1}{3} < 1 - \log_3 2 < \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow 2 < \frac{1}{1 - \log_3 2} < 3 \Rightarrow -3 < -\frac{1}{1 - \log_3 2} < -2$$

$$\Rightarrow \left[\frac{-1}{1 - \log_3 2} \right] = -3$$

(حسابان ۱- توابع نمایی و لگاریتمی: صفحه ۸۶)

(عادل حسینی)

۷- گزینه «۳»

$$x_0 = \log_3 \frac{3}{4} \text{ صفر تابع است:}$$

$$\Rightarrow a \times 3^{b \log_3 \frac{3}{4} - 1} = a \left(3^{\log_3 \frac{3}{4}} \right)^b - 1 = 0$$

طبق ویژگی $m \log^n = n$ داریم:

$$3^{\log_3 \frac{3}{4}} = \frac{3}{4} \Rightarrow a \left(\frac{3}{4} \right)^b - 1 = 0 \Rightarrow a = \left(\frac{4}{3} \right)^b \quad (*)$$

مختصات نقطه (۱, ۱) هم در ضابطه تابع صدق می‌کند:

$$\Rightarrow a(3^b) - 1 = 1 \xrightarrow{*} \left(\frac{4}{3} \right)^b \times 3^b = 2$$

$$\Rightarrow 4^b = 2 \Rightarrow b = \frac{1}{2} \xrightarrow{*} a = \sqrt{\frac{4}{3}} = \frac{2}{\sqrt{3}}$$

در نهایت داریم:

$$ab = \frac{2}{\sqrt{3}} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{3}$$

(حسابان ۱- توابع نمایی و لگاریتمی: صفحه‌های ۷۲ تا ۷۵ و ۸۶)

(ممنون بهرام‌پور)

۴- گزینه «۴»

$$f'(x) = \sqrt[3]{x} + \frac{x-8}{3\sqrt[3]{x^2}} = \frac{4}{3}\sqrt[3]{x} - \frac{8}{3\sqrt[3]{x^2}} = \frac{4}{3} \left(\frac{x-2}{\sqrt[3]{x^2}} \right)$$

در تابع صعودی $f'(x) \geq 0$ است:

$$\Rightarrow x-2 \geq 0 \Rightarrow x \geq 2 \quad (1)$$

$$f''(x) = \frac{4}{9\sqrt[3]{x^2}} + \frac{16}{9x\sqrt[3]{x^2}} = \frac{4}{9\sqrt[3]{x^2}} \left(1 + \frac{4}{x} \right)$$

تقعر نمودار رو به پایین است، پس $f'' < 0$ است:

$$\frac{f'' < 0}{\rightarrow} 1 + \frac{4}{x} < 0 \Rightarrow \frac{4}{x} < -1 \Rightarrow -4 < x < 0 \quad (2)$$

اشتراک دو بازه (۱) و (۲) نهی است.

(حسابان ۲- کاربردهای مشتق: صفحه‌های ۱۳۱ و ۱۳۹)

(ممنون بهرام‌پور)

۵- گزینه «۳»

تابع g در $x = -2$ مماس قائم دارد، پس طول نقطه عطف نمودار این تابع

برابر -2 است، این یعنی طول نقطه عطف نمودار تابع f نیز -2 است. از

طرفی طول نقطه عطف نمودار f برابر $x = -\frac{a}{3}$ است، پس داریم:

$$-\frac{a}{3} = -2 \Rightarrow a = 6$$

عرض نقطه عطف تابع f برابر $f(-2)$ است:

$$f(-2) = (-2)^3 + 6(-2)^2 + 2(-2) - 4 = 8$$

$g(-2)$ هم باید برابر همین مقدار باشد:

$$g(-2) = b = 8$$

$$\Rightarrow a - b = 6 - 8 = -2$$

(حسابان ۲- مشتق و کاربردهای مشتق: صفحه‌های ۸۸ و ۱۳۱)

از طرفی از رابطه $P = \alpha\beta = -2$ استفاده می‌کنیم و می‌توانیم بنویسیم:

$$\frac{1}{\alpha} = -\frac{\beta}{2} \Rightarrow 2\left(\frac{1}{\alpha}\right) = 2\left(\frac{\beta}{\alpha}\right) = \beta^2$$

به طریق مشابه $\frac{64}{(\beta^2 - 2)^2} = \alpha^2$ است.

پس هدف پیدا کردن معادله‌ای است که جواب‌های آن $\alpha' = \alpha^2$ و

$$\beta' = \beta^2 \text{ باشد.}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} S' = \alpha' + \beta' = \alpha^2 + \beta^2 = S^2 - 2P = 20 \\ P' = \alpha'\beta' = \alpha^2\beta^2 = P^2 = 4 \end{cases}$$

پس معادله مورد نظر به صورت زیر است:

$$\xrightarrow{x^2 - S'x + P' = 0} x^2 - 20x + 4 = 0 \Rightarrow x^2 + 4 = 20x$$

(مسایان ۱- پیر و معارله؛ صفحه‌های ۷ تا ۹)

(عارل حسینی)

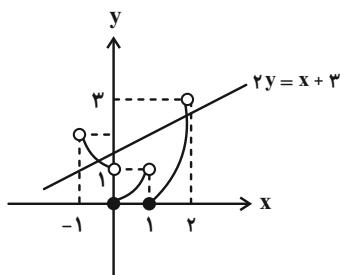
۱۰- گزینه «۳»

تابع $f(x) = x^2 - |x|$ را در بازه $(-1, 2)$ و همچنین خط

$$y = \frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$$

را در یک دستگاه مختصات رسم می‌کنیم:

$$f(x) = \begin{cases} x^2 + 1 & ; -1 < x < 0 \\ x^2 & ; 0 \leq x < 1 \\ x^2 - 1 & ; 1 \leq x < 2 \end{cases}$$



با توجه به نمودارهای بالا، دو تابع در بازه $(-1, 2)$ دو نقطه مشترک دارند.

(مسایان ۱- تابع؛ صفحه‌های ۳۹ تا ۵۲)

(کاظم ایلالی)

۸- گزینه «۳»

معادله را به صورت زیر ساده می‌کنیم:

$$\sqrt[3]{kx+1} = x+1 \xrightarrow{\text{توان } 3} kx+1 = x^3 + 3x^2 + 3x+1$$

$$\Rightarrow x^3 + 3x^2 + (3-k)x = x(x^2 + 3x + 3 - k) = 0$$

یک جواب معادله $x = 0$ است. در حالت‌های زیر معادله فقط یک جواب

دیگر دارد:

الف) معادله $x^2 + 3x + 3 - k = 0$ جواب مضاعف داشته باشد.

$$\Rightarrow \Delta = 9 - 4(3 - k) = 4k - 3 = 0 \Rightarrow k = \frac{3}{4}$$

در این حالت جواب دیگر معادله $x = -\frac{3}{4}$ است.

ب) یکی از جواب‌های معادله $x^2 + 3x + 3 - k = 0$ ، $x = 0$ باشد.

$$\xrightarrow{x=0} 3 - k = 0 \Rightarrow k = 3$$

در این حالت نیز جواب دیگر معادله $x = -3$ است. پس مجموع مقادیر

$$\text{قابل قبول برای } k \text{ برابر } \frac{3}{4} + \frac{15}{4} = 4 \text{ است.}$$

(مسایان ۱- پیر و معارله؛ صفحه‌های ۲۰ و ۲۱)

(عارل حسینی)

۹- گزینه «۳»

در معادله داده شده داریم:

$$S = \alpha + \beta = 4, \quad P = \alpha\beta = -2$$

حال چون جواب‌های یک معادله در خود معادله صدق می‌کنند، داریم:

$$\alpha^2 - 4\alpha - 2 = 0 \Rightarrow \alpha^2 - 2 = 4\alpha$$

$$\Rightarrow \frac{64}{(\alpha^2 - 2)^2} = \frac{64}{16\alpha^2} = \frac{4}{\alpha^2}$$

گزینه ۱» ۱۱-

(سیرضا اسلامی)

برای محاسبه $f^{-1}(1)$ ، مقدار تابع f را برابر ۱ قرار می‌دهیم:

$$\Delta x - 9 = 1 \Rightarrow x = 2 \Rightarrow f(2) = 1 \Rightarrow f^{-1}(1) = 2$$

برای محاسبه $g^{-1}(-4)$ ، فرض نخست را به صورت ساده‌تر می‌نویسیم:

$$(f^{-1} \circ g)\left(\frac{\Delta x + 1}{2x + 1}\right) = 2x^2 + x$$

$$\xrightarrow{f} g\left(\frac{\Delta x + 1}{2x + 1}\right) = f(2x^2 + x) \quad (I)$$

برای این که حاصل g و در نتیجه حاصل f برابر -4 شود، داریم:

$$\Delta x - 9 = -4 \Rightarrow x = 1 \Rightarrow f(3) = -4$$

حال در رابطه I ، $x = 1$ را قرار می‌دهیم:

$$g(2) = f(3) = -4 \Rightarrow g(2) = -4 \Rightarrow g^{-1}(-4) = 2$$

پس حاصل نهایی برابر $2 + 2 = 4$ است.

(حسابان ۱- تابع: صفحه‌های ۵۷ تا ۷۰)

گزینه ۴» ۱۲-

(سیرضا اسلامی)

در این دایره مثلثاتی، طول نقطه B همان $\cos 2\alpha$ است، پس:

$$\cos 2\alpha = \frac{1}{9} \Rightarrow 2 \cos^2 \alpha - 1 = \frac{1}{9}$$

$$\Rightarrow \cos^2 \alpha = \frac{5}{9} \xrightarrow{\alpha \text{ در ربع دوم}} \cos \alpha = \frac{-\sqrt{5}}{3}$$

در نتیجه جواب نهایی برابر است با:

$$2 \cos^3 \alpha - \cos \alpha = \cos \alpha (2 \cos^2 \alpha - 1)$$

$$= \cos \alpha \cdot \cos 2\alpha = -\frac{\sqrt{5}}{3} \left(-\frac{1}{9}\right) = -\frac{\sqrt{5}}{27}$$

(حسابان ۱- مثلثات: صفحه‌های ۱۱۰ تا ۱۱۲)

گزینه ۲» ۱۳-

(ناظم ابلالی)

ابتدا ضابطه تابع را ساده می‌کنیم:

$$f(x) = a \sin(b\pi x + \frac{7\pi}{4}) + 1 = -a \cos(b\pi x) + 1$$

از روی نمودار معلوم است که نصف دوره تناوب (فاصله بین یک ماکزیمم با

مینیمم متوالی‌اش) تابع برابر ۴ و ماکزیمم آن برابر ۳ است. پس:

$$\frac{1}{2}T = 4 \Rightarrow T = 8 \Rightarrow \frac{2\pi}{|b\pi|} = 8 \Rightarrow |b| = \frac{1}{4}$$

$$1 + |-a| = 3 \Rightarrow |a| = 2$$

$$\text{بنابراین } |ab| = \frac{1}{4}$$

(حسابان ۲- مثلثات: صفحه ۲۷)

گزینه ۳» ۱۴-

(مسئله بوم‌پرور)

$$\frac{\cos 6x}{\cos 2x} = \cos^2 2x - \sin^2 2x = \cos 4x \quad ; \quad \cos 2x \neq 0$$

$$\Rightarrow \cos 6x = \cos 2x \cos 4x$$

با نوشتن $\cos 6x$ به صورت $\cos(4x + 2x)$ داریم:

$$\cos 4x \cos 2x - \sin 4x \sin 2x = \cos 4x \cos 2x$$

$$\Rightarrow \sin 2x \sin 4x = 0$$

$$\Rightarrow \sin 2x (\sin 2x \cos 2x) = \sin^2 2x \cos 2x = 0$$

$$\xrightarrow{\cos 2x \neq 0} \sin 2x = 0 \Rightarrow 2x = k\pi \Rightarrow x = \frac{k\pi}{2} \quad ; \quad k \in \mathbb{Z}$$

جواب‌های بازه $[0, 2\pi)$ عبارتند از: صفر، $\frac{\pi}{2}$ ، π ، $\frac{3\pi}{2}$ و 2π که

مجموع آن‌ها برابر 5π است.

(حسابان ۲- مثلثات: صفحه‌های ۳۵ تا ۴۴)

گزینه ۴» ۱۵

(کامل ایملی)

تابع‌های $y = \sqrt{4x - x^2} - 2$ و $y = ax^2 + bx + 16$ در تمام نقاط

بازه (۰, ۴) حد دارند، پس تابع f در تمام نقاطی از این بازه که حد

مخرج صفر نشود، حد دارد. پس باید نقاطی که مخرج $f(x)$ صفر می‌شود را

معین کنیم:

$$\sqrt{4x - x^2} - 2 = 0 \Rightarrow \sqrt{4x - x^2} = 2 \Rightarrow 4x - x^2 = 4$$

$$x^2 - 4x + 4 = 0 \Rightarrow (x - 2)^2 = 0 \Rightarrow x = 2$$

پس تابع f باید در $x = 2$ حد داشته باشد:

$$\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{ax^2 + bx + 16}{\sqrt{4x - x^2} - 2}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 2} \frac{ax^2 + bx + 16}{4x - x^2 - 4} \times (\sqrt{4x - x^2} + 2)$$

$$= \lim_{x \rightarrow 2} \frac{ax^2 + bx + 16}{-(x - 2)^2} \times (\sqrt{4 - 4} + 2)$$

حد بالا فقط در صورتی می‌تواند وجود داشته باشد که صورت کسر عامل

$(x - 2)^2$ را داشته باشد. پس:

$$ax^2 + bx + 16 = a(x - 2)^2 = ax^2 - 4ax + 4a$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 4a = 16 \Rightarrow a = 4 \\ -4a = b \Rightarrow b = -16 \end{cases} \Rightarrow ab = -64$$

(مسئله ۱- مر و پیوستگی: صفحه‌های ۱۳۱ تا ۱۳۴)

گزینه ۲» ۱۶

(سیدرضا اسلامی)

حد تابع f وقتی که $x \rightarrow -\infty$ برابر است با:

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{a\sqrt{x^2}}{x} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-ax}{x} = -a = 5 \Rightarrow a = -5$$

با توجه به پیوستگی تابع g در $x = -3$ خواهیم داشت:

$$\lim_{x \rightarrow (-3)^+} \frac{-5\sqrt{x^2 + 2x - 2} + b}{x + 3} = \lim_{x \rightarrow (-3)^+} \frac{12}{x} + c = -4 + c$$

برای این که این حد وجود داشته باشد، لازم است که حد صورت صفر باشد.

پس:

$$-5\sqrt{9 - 6 - 2} + b = 0 \Rightarrow -5 + b = 0 \Rightarrow b = 5$$

حال حاصل حد را به دست می‌آوریم تا مقدار c مشخص شود:

$$\lim_{x \rightarrow (-3)^+} \frac{-5(\sqrt{x^2 + 2x - 2} - 1)}{x + 3} \times \frac{\sqrt{x^2 + 2x - 2} + 1}{\sqrt{x^2 + 2x - 2} + 1}$$

$$= \lim_{x \rightarrow (-3)^+} \frac{-5(x^2 + 2x - 3)}{2(x + 3)} = \lim_{x \rightarrow (-3)^+} \frac{-5}{2}(x - 1) = 10$$

از $10 = -4 + c$ مقدار c برابر با ۱۴ به دست می‌آید.

(مسئله ۱- مر و پیوستگی: صفحه‌های ۱۳۱ تا ۱۵۱)

گزینه ۱» ۱۷

(سیدرضا اسلامی)

$x = 3$ و $y = 2$ مجانب‌های تابع $y = f(1 - x) + 1$ است. با قرینه

کردن نسبت به محور y ها، مجانب‌های $y = f(x + 1) + 1$ به صورت

$x = -3$ و $y = 2$ و سپس با انتقال به راست به اندازه یک واحد،

مجانب‌های $y = f(x) + 1$ به صورت $x = -2$ و $y = 2$ مشخص

می‌گردد. در نهایت با انتقال یک واحدی به پایین به مجانب‌های $y = f(x)$

یعنی $x = -2$ و $y = 1$ می‌رسیم.

برای مشخص شدن مجانب‌های تابع f^{-1} ، جای x و y را عوض می‌کنیم

یعنی $x = 1$ و $y = -2$ مجانب‌ها هستند. در گام آخر طول نقاط را نصف

کرده تا به مجانب‌های $y = f^{-1}(2x)$ یعنی $x = \frac{1}{2}$ و $y = -2$ برسیم:

$$\begin{cases} x = \frac{1}{2} \\ y = -2 \end{cases} \Rightarrow B\left(\frac{1}{2}, -2\right) \Rightarrow a + b = \frac{-3}{2}$$

(مسئله ۲- تابع و مرهای نامتناهی- مر در پی‌نوایت: صفحه‌های ۱۳ تا ۱۴، ۵۵ تا ۵۷، ۶۷ و ۶۸)

طبق قانون دموگن داریم:

$$A' \cup B = (A \cap B')' = (A - B)'$$

(آمار و احتمال - آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های ۲۶ تا ۳۴)

(ممر سمت‌کار)

۲۰- گزینه «۱»

نکته: اگر $P(A) \leq P(B)$ آن‌گاه:

$$P(A) + P(B) - 1 \leq P(A \cap B) \leq P(A)$$

$$P(A) + P(B) = \frac{7}{11} + \frac{5}{7} = \frac{49 + 55}{77} = \frac{104}{77}$$

$$\Rightarrow P(A \cap B) \geq \frac{104}{77} - 1 \Rightarrow P(A \cap B) \geq \frac{27}{77}$$

$$\Rightarrow P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{\frac{27}{77}}{\frac{7}{11}} = \frac{27}{49}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۵۲ تا ۵۵)

(ممر سمت‌کار)

۲۱- گزینه «۴»

روش اول: برای مهره‌های جعبه جدید، ۴ حالت زیر امکان‌پذیر است:

۳ آبی	یا	۱ سفید و ۲ آبی	یا	۲ سفید و ۱ آبی	یا	۳ سفید
-------	----	----------------	----	----------------	----	--------

بنابراین براساس قانون احتمال کل، احتمال مطلوب به صورت زیر محاسبه

می‌شود:

$$\left(\frac{\binom{3}{3}}{\binom{3}{3}} \times \frac{1}{3}\right) + \left(\frac{\binom{3}{2} \binom{7}{1}}{\binom{10}{3}} \times \frac{2}{3}\right)$$

(سوکنر روشنی)

۱۸- گزینه «۳»

به بررسی گزاره‌های داده شده می‌پردازیم:

$$[(\sim p \wedge q) \vee (\sim p \wedge \sim q)] \wedge p \quad (1)$$

$$\equiv [\sim p \wedge (q \vee \sim q)] \wedge p \equiv \sim p \wedge p \equiv F$$

$$n((A \times B) \cap (B \times A)) = n(A \cap B)^2 \quad (2)$$

$$A \cap B = \{6, 12, 18\} \Rightarrow n(A \cap B)^2 = 3^2 = 9$$

بنابراین گزاره داده شده نادرست است.

(۳) این گزاره درست است. مثلاً اگر $x = \frac{1}{2}$ انتخاب شود، آن‌گاه داریم:

$$\left(\frac{1}{2}\right)^2 < \frac{1}{2} + y^2 \Rightarrow y^2 > \frac{1}{4} - \frac{1}{4} \Rightarrow y^2 > -\frac{1}{4}$$

رابطه اخیر به ازای تمام مقادیر حقیقی y پدیده است.

(۴) این گزاره نادرست است. مثلاً اگر $x = -1$ باشد، آن‌گاه هیچ عدد

حقیقی مانند y وجود ندارد که $y^2 = -1$ باشد.

(آمار و احتمال - آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های ۲ تا ۱۶ و ۳۵)

(مناظره اتفاقی)

۱۹- گزینه «۱»

طبق قوانین جبر مجموعه‌ها داریم:

$$(A \cap B)' - B' = (A' \cup B') \cap B$$

$$= (A' \cap B) \cup \underbrace{(B' \cap B)}_{\emptyset} = A' \cap B$$

بنابراین عبارت صورت سؤال به شکل زیر درآمده و ساده می‌شود:

$$[(A \cap B) \cup (B' \cap A')] \cup (A' \cap B)$$

$$= (A \cap B) \cup [(A' \cap B') \cup (A' \cap B)]$$

$$= (A \cap B) \cup [(A' \cap \underbrace{(B' \cup B)}_U)] = (A \cap B) \cup A'$$

$$= \underbrace{(A \cup A')}_U \cap (B \cup A') = B \cup A' = A' \cup B$$

(امیررضا فلاح)

گزینه «۱» - ۲۳

با توجه به اطلاعات صورت سؤال می‌توانیم قضیه تقسیم را به صورت زیر

بنویسیم:

$$a = 263q + 2q^3 - 3$$

$$0 \leq r < b \Rightarrow 0 \leq 2q^3 - 3 < 263 \Rightarrow 3 \leq 2q^3 < 266$$

$$2 \leq q^3 < 133 \Rightarrow q = 2, 3, 4, 5$$

با توجه به این که a عددی زوج است، q باید فرد باشد (دقت کنید که

$2q^3 - 3$ حتماً عددی فرد است، پس باید $263q$ عددی فرد باشد).

بنابراین q فقط می‌تواند ۳ و ۵ باشد یعنی a دو مقدار را اختیار کند.

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد: صفحه ۱۴)

(مهدی صحت‌کار)

گزینه «۲» - ۲۴

$$\overline{ababa} \equiv 0 \Rightarrow \overline{ababa} \equiv 0 \text{ و } \overline{ababa} \equiv 0$$

$$\overline{ababa} \equiv 0 \Rightarrow a \equiv 0 \Rightarrow a = 0 \text{ یا } a = 5$$

a رقم ده هزارگان است پس نمی‌تواند صفر باشد بنابراین $a = 5$ است.

$$\Rightarrow \overline{5b5b5} \equiv 0 \Rightarrow 5 + 10b + 500 + 1000b + 50000 \equiv 0$$

$$\Rightarrow 5 + 3b + 3 + (-1)b + (-1) \equiv 0 \Rightarrow 2b \equiv -7 \equiv 0 \Rightarrow b \equiv 0$$

$$\Rightarrow b = 0 \text{ یا } b = 7 \Rightarrow A = 57575 \text{ بزرگ‌ترین عدد مانند } A$$

$$\Rightarrow 5 + 7 + 5 + 7 + 5 = 29 \Rightarrow 29 = (13 \times 2) + 3$$

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد: صفحه‌های ۲۲ و ۲۳)

$$+ \left(\frac{\binom{3}{1} \binom{7}{2}}{\binom{10}{3}} \times \frac{1}{3} \right) + \left(\frac{\binom{7}{3}}{\binom{10}{3}} \times 0 \right)$$

$$= \left(\frac{1}{120} \times \frac{3}{3} \right) + \left(\frac{21}{120} \times \frac{2}{3} \right) + \left(\frac{63}{120} \times \frac{1}{3} \right)$$

$$= \frac{3 + 42 + 63}{360} = \frac{108}{360} = \frac{3}{10}$$

روش دوم: در شرایط این مسئله، احتمال سفید بودن مهره خارج شده از جعبه

جدید با احتمال این که یک مهره از جعبه اصلی برداریم و سفید باشد برابر

است. این احتمال برابر با $0/3$ است.

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۵۸ تا ۶۲)

(امیرمسین ابومحبوب)

گزینه «۲» - ۲۲

اگر داده‌های اولیه را با X_1, X_2, \dots, X_{12} و X_1 نمایش دهیم، داده‌های جدید

به صورت $3X_1 - 5, 3X_2 - 5, \dots, 3X_{12} - 5$ خواهند بود و در این

صورت داریم:

$$\frac{CV_2}{CV_1} = \frac{\frac{\sigma_2}{\bar{x}_2}}{\frac{\sigma_1}{\bar{x}_1}} = \frac{\sigma_2}{\sigma_1} \times \frac{\bar{x}_1}{\bar{x}_2}$$

$$2 = \frac{2\sigma_1}{\sigma_1} \times \frac{\bar{x}_1}{3\bar{x}_1 - 5} \Rightarrow 6\bar{x}_1 - 10 = 3\bar{x}_1$$

$$\Rightarrow \bar{x}_1 = \frac{10}{3} \Rightarrow \bar{x}_2 = 3\left(\frac{10}{3}\right) - 5 = 5$$

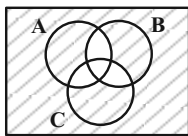
$$\left. \begin{aligned} \text{مجموع داده‌های اولیه} &= \frac{10}{3} \times 12 = 40 \\ \text{مجموع داده‌های جدید} &= 5 \times 12 = 60 \end{aligned} \right\} \Rightarrow 60 - 40 = 20$$

(آمار و احتمال - آمار توصیفی: صفحه‌های ۸۴ تا ۹۷)

(امروزه فلاح)

۲۸- گزینه «۲»

عضوهای که بر حداکثر یک عدد از میان اعداد ۴، ۶ و ۹ بخش پذیرند به شکل زیر در نمودار ون قرار دارند.



نواحی مورد نظر به شکل زیر محاسبه می گردند.

تعداد عضوهایی که بر حداکثر یک عدد بخش پذیرند

$$= |S| - (\text{تعداد عضوهایی که بر حداقل دو تا عدد بخش پذیر باشند})$$

$$= |S| - (|A \cap B| + |A \cap C| + |B \cap C| - 2|A \cap B \cap C|)$$

$$= 50 - \left(\left| \frac{50}{[4, 6]} \right| + \left| \frac{50}{[4, 9]} \right| + \left| \frac{50}{[6, 9]} \right| - 2 \times \left| \frac{50}{[4, 6, 9]} \right| \right)$$

$$= 50 - \left(\left| \frac{50}{12} \right| + \left| \frac{50}{36} \right| + \left| \frac{50}{18} \right| - 2 \times \left| \frac{50}{36} \right| \right)$$

$$= 50 - (4 + 1 + 2 - 2) = 50 - 5 = 45$$

(ریاضیات گسسته - ترکیبیات: صفحه های ۷۴ و ۷۵)

(مهم صحت کار)

۲۹- گزینه «۴»

زیرمجموعه های دوعضوی مجموعه A عبارتند از:

$$\{1, 2\}, \{1, 3\}, \{1, 4\}, \{1, 5\},$$

$$\{2, 3\}, \{2, 4\}, \{2, 5\}, \{3, 4\}, \{3, 5\}, \{4, 5\}$$

هر عضو دلخواه از مجموعه A در ۴ تا از این زیرمجموعه های ۲ عضوی هست. به عنوان مثال، عدد ۱ در ۴ مجموعه $\{1, 2\}, \{1, 3\}, \{1, 4\}, \{1, 5\}$.

$\{1, 5\}$ وجود دارد. بنابراین با انتخاب تصادفی ۴ مجموعه، امکان دارد که

این ۴ مجموعه انتخاب شوند که اشتراک هیچ دو تای آنها تهی نیست. اما با

انتخاب تصادفی مجموعه پنجم از میان ۶ مجموعه دیگر، مجموعه ای خواهیم

داشت که اشتراکش حداقل با یکی از اینها تهی خواهد بود. بنابراین با

انتخاب تصادفی حداقل ۵ مجموعه ۲ عضوی یقیناً اشتراک ۲ تا از آنها تهی

است.

(ریاضیات گسسته - ترکیبیات: صفحه های ۸۰ تا ۸۲)

(سوکندر روشنی)

۲۵- گزینه «۴»

با توجه به توضیحات صورت سوال می توانیم معادله زیر را برای استفاده از بن های خرید کتاب بنویسیم:

$$13000x + 15000y = 975000 \xrightarrow{+1000} 13x + 15y = 975$$

$$15y \equiv 975 \pmod{13} \xrightarrow{+15} y \equiv 65 \pmod{13} \Rightarrow y = 13k \quad (1)$$

$$13x + 15(13k) = 975 \xrightarrow{+13} x = -15k + 75 \quad (2)$$

$$\begin{cases} (1): 13k \geq 0 \Rightarrow k \geq 0 \\ (2): -15k + 75 \geq 0 \Rightarrow k \leq 5 \end{cases} \Rightarrow 0 \leq k \leq 5$$

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد: صفحه ۲۶)

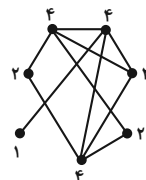
(امروزه فلاح)

۲۶- گزینه «۳»

درجات رأس های این گراف به فرم a, b, c, d, e می باشد که طبق فرض $abcde = 96$ است. از طرفی چون عدد احاطه گیری بزرگ تر از یک است، پس گراف رأسی از درجه ۶ ندارد و تنها حالت ممکن به صورت زیر است:

$$96 = 4 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1$$

\Rightarrow درجات رئوس: ۴، ۴، ۴، ۳، ۲، ۲، ۱



گراف G سه رأس از درجه ۴ $\Delta = 4$ دارد و در نتیجه گراف \bar{G} دارای ۳ رأس از درجه ۵ است.

(ریاضیات گسسته - گراف و مدل سازی: صفحه های ۳۵ تا ۳۷)

(امروزه فلاح)

۲۷- گزینه «۲»

گراف ۵- منتظم حداقل ۶ رأس دارد که K است. چون گراف ناهمبند است، پس این گراف از دو گراف کامل مرتبه ۶ تشکیل شده است. در هر گراف کامل عدد احاطه گیری ۱ و در نتیجه عدد احاطه گیری گراف $\gamma = 2$ است.

(ریاضیات گسسته - گراف و مدل سازی: صفحه ۴۴)

$$S_{\text{رنجی}} = S_{\triangle AGH'} + S_{\triangle CGH} = \frac{2}{6} S_{\triangle ABC} = 9\sqrt{3}$$

$$\Rightarrow S_{\triangle ABC} = 27\sqrt{3}$$

اگر طول ضلع مثلث متساوی‌الاضلاع برابر a باشد، مساحت مثلث از رابطه

$$S = \frac{\sqrt{3}}{4} a^2 \quad \text{به دست می‌آید، بنابراین داریم:}$$

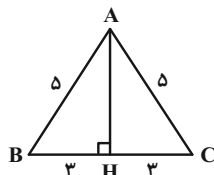
$$\frac{\sqrt{3}}{4} a^2 = 27\sqrt{3} \Rightarrow a^2 = 108 \Rightarrow a = 6\sqrt{3}$$

(هنرسه ۱ - هندسه‌های ۶۶ و ۶۷)

(امیرمسین ابومصوب)

گزینه «۲» - ۳۲

$$\triangle AHB : AH^2 = AB^2 - BH^2 = 25 - 9 = 16 \Rightarrow AH = 4$$



شکل حاصل از دوران این مثلث حول ارتفاع وارد بر قاعده آن، یک مخروط

به ارتفاع ۴ و شعاع قاعده ۳ است. تصویر این مخروط در نمای بالا، دایره‌ای

به شعاع ۳ و در نمای جلو و چپ، همان مثلث متساوی‌الساقین است. در

نتیجه داریم:

$$\text{مساحت نمای بالا} = \pi \times 3^2 = 9\pi$$

$$\text{مساحت نمای جلو و چپ} = \frac{1}{2} \times 6 \times 4 = 12$$

$$\text{مجموع مساحت‌ها} = 9\pi + 2 \times 12 = 9\pi + 24 = 3(3\pi + 8)$$

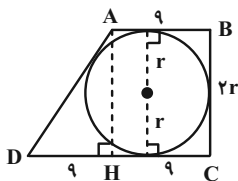
(هنرسه ۱ - تقسیم فضایی؛ صفحه‌های ۸۷ تا ۹۶)

(مهمر فندان)

گزینه «۴» - ۳۳

اگر شعاع دایره محاطی دوزنقه را با r نمایش دهیم، آن‌گاه مطابق شکل

$$BC = 2r \quad \text{است.}$$

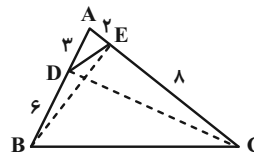


(مهردار ملونری)

گزینه «۳» - ۳۰

نسبت مساحت مثلث‌های ADC و AEB به مساحت مثلث ABC به

صورت زیر است:



$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{S_{\triangle ADC}}{S_{\triangle ABC}} = \frac{AD}{AB} = \frac{3}{9} = \frac{1}{3} \\ \frac{S_{\triangle AEB}}{S_{\triangle ABC}} = \frac{AE}{AC} = \frac{2}{10} = \frac{1}{5} \end{array} \right.$$

دو مثلث ADC و AEB در مثلث ADE مشترکند. نسبت مساحت

مثلث ADE به مساحت مثلث ABC براساس رابطه سینوسی مساحت

مثلث برابر است با:

$$\frac{S_{\triangle ADE}}{S_{\triangle ABC}} = \frac{\frac{1}{2} AD \times AE \times \sin \hat{A}}{\frac{1}{2} AB \times AC \times \sin \hat{A}} = \frac{3 \times 2}{9 \times 10} = \frac{1}{15}$$

$$\frac{S_{\triangle CDE}}{S_{\triangle BDE}} = \frac{S_{\triangle ADC} - S_{\triangle ADE}}{S_{\triangle AEB} - S_{\triangle ADE}}$$

$$= \frac{\frac{1}{3} S_{\triangle ABC} - \frac{1}{15} S_{\triangle ABC}}{\frac{1}{5} S_{\triangle ABC} - \frac{1}{15} S_{\triangle ABC}} = \frac{\frac{1}{3} - \frac{1}{15}}{\frac{1}{5} - \frac{1}{15}} = \frac{\frac{4}{15}}{\frac{2}{15}} = 2$$

(هنرسه ۱ - قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن؛ صفحه‌های ۳۰ تا ۳۳)

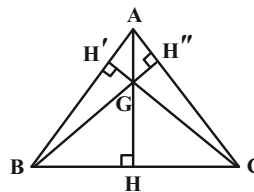
(امیرمسین ابومصوب)

گزینه «۲» - ۳۱

در مثلث متساوی‌الاضلاع، ارتفاع و میانه وارد بر هر ضلع بر هم منطبق‌اند. از

طرفی می‌دانیم از تقاطع میانه‌های هر مثلث، ۶ مثلث هم‌مساحت ایجاد

می‌شود، بنابراین داریم:



قطر CE در لوزی نیمساز زاویه $\widehat{FCD} = 120^\circ$ است. مطابق شکل نقاط A و E دوران یافته نقاط B و F تحت دوران به مرکز C و زاویه 60° هستند. لذا AE دوران یافته BF تحت دوران به مرکز C و زاویه 60° بوده و زاویه حاده بین آن‌ها 60° است. پس:

$$\begin{cases} \widehat{APF} = 60^\circ & (\text{گزینه ۱}) \\ AE = BF & (\text{گزینه ۲}) \end{cases}$$

مثلث‌های BFC و ACE به حالت تساوی دو ضلع و زاویه بین (ض ض) همنهشت بوده و در نتیجه $\widehat{A}_1 = \widehat{B}_1$ و به همین دلیل چهارضلعی $APCB$ محاطی است و داریم:

$$\begin{cases} \widehat{B} + \widehat{APC} = 180^\circ \\ \widehat{B} = 60^\circ \text{ و } \widehat{APF} = 60^\circ \end{cases} \Rightarrow \widehat{CPF} = 60^\circ$$

(گزینه ۳) BP نیمساز زاویه \widehat{APC} است. \Rightarrow

(هنر سه ۲- تبدیل‌های هنر سی و کاربردها: صفحه‌های ۴۲ و ۴۳)

(امیرمسین ابومویب)

۳۶- گزینه «۳»

ابتدا ماتریس A^2 را محاسبه می‌کنیم:

$$A^2 = \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & -2 \\ 2 & 0 \end{bmatrix}$$

با توجه به فرم ماتریس A^2 ، به جای محاسبه A^3 ، ماتریس A^4 را پیدا می‌کنیم:

$$A^4 = \begin{bmatrix} 0 & -2 \\ 2 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & -2 \\ 2 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -4 & 0 \\ 0 & -4 \end{bmatrix} = -4I$$

بنابراین داریم:

$$\begin{aligned} A^6 + A^4 + A^2 &= A^4 \times A^2 + (A^4)^2 + (A^4)^2 \times A^2 \\ &= -4I \times A^2 + (-4I)^2 + (-4I)^2 \times A^2 \\ &= -4A^2 + 16I + 16A^2 = 12A^2 + 16I \end{aligned}$$

با توجه به این که مجموع درایه‌های ماتریس A^2 ، برابر صفر است، پس کافی است مجموع درایه‌های ماتریس $16I$ را محاسبه کنیم که برابر است با:

$$16 \times 2 = 32$$

(هنر سه ۳- ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۱۷ تا ۲۱)

طبق رابطه چهارضلعی محیطی داریم:

$$\begin{aligned} AB + CD &= AD + BC \Rightarrow 9 + 18 = AD + 2r \\ \Rightarrow AD &= 27 - 2r \end{aligned}$$

طبق قضیه فیثاغورس در مثلث قائم‌الزاویه AHD داریم:

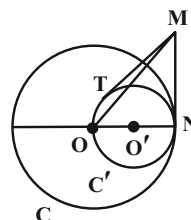
$$\begin{aligned} AD^2 &= AH^2 + HD^2 \Rightarrow (27 - 2r)^2 = (2r)^2 + 9^2 \\ \Rightarrow 729 - 108r + 4r^2 &= 4r^2 + 81 \\ \Rightarrow 108r &= 648 \Rightarrow r = 6 \end{aligned}$$

(هنر سه ۲- رابره: صفحه‌های ۲۷ و ۲۸)

(امیرمسین ابومویب)

۳۴- گزینه «۴»

با توجه به شکل داریم:



$$2R' = R \Rightarrow R' = \frac{R}{2}$$

$\pi R'^2 - \pi R^2 =$ مساحت ناحیه بین دو دایره

$$= \pi R^2 - \frac{\pi R^2}{4} = \frac{3\pi R^2}{4} \Rightarrow \frac{3\pi R^2}{4} = 18\pi \Rightarrow R^2 = 24$$

مطابق شکل اگر N نقطه تماس دو دایره باشد، آن‌گاه $ON \perp MN$ و در مثلث قائم‌الزاویه OMN داریم:

$$MN^2 = OM^2 - ON^2 = 49 - 24 = 25 \Rightarrow MN = 5$$

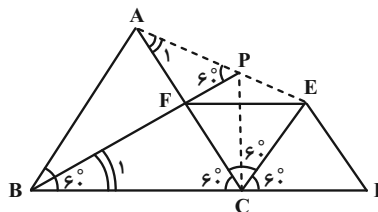
می‌دانیم طول مماس‌های رسم شده بر دایره از یک نقطه خارج آن برابر یکدیگر است. پس برای دایره C' داریم:

$$MT = MN = 5$$

(هنر سه ۲- رابره: صفحه‌های ۱۹ و ۲۰)

(مهرداد ملونری)

۳۵- گزینه «۴»



$$\Rightarrow 28 = x^2 + 9x^2 - 3x^2 \Rightarrow 7x^2 = 28$$

$$\Rightarrow x^2 = 4 \xrightarrow{x>0} x = 2$$

بنابراین $MF = 2$ و $MF' = 6$ است. می‌دانیم مجموع فواصل هر نقطه واقع بر بیضی از دو کانون آن برابر طول قطر بزرگ بیضی است. پس داریم:

$$2a = MF + MF' = 2 + 6 = 8 \Rightarrow a = 4$$

$$2c = FF' = 2\sqrt{7} \Rightarrow c = \sqrt{7}$$

$$\text{خروج از مرکز بیضی} = \frac{c}{a} = \frac{\sqrt{7}}{4}$$

(هنر سه ۳ - آشنایی با مقاطع مخروطی؛ صفحه‌های ۳۷ تا ۳۹)

گزینه «۱» - ۳۹ (مهرزاد ملونری)

باید حجم متوازی‌السطوح ساخته شده توسط این سه بردار برابر صفر باشد:

$$V = \begin{vmatrix} n & 2 & 1 \\ 2 & 1 & 2-n \\ n+2 & 3 & 3-n \end{vmatrix} = 0 \xrightarrow{\text{دستور ساروس}}$$

$$(n(3-n) + 2(4-n^2) + 6) - (n+2+4(3-n) + 3n(2-n)) = 0$$

$$\Rightarrow \underbrace{(-3n^2 + 3n + 14)}_{\text{صفر}} - \underbrace{(-3n^2 + 3n + 14)}_{\text{صفر}} = 0$$

بنابراین به ازای هر مقدار n ، سه بردار هم‌صفحه‌اند.

توجه: بردار \vec{c} مجموع دو بردار \vec{a} و \vec{b} است.

(هنر سه ۳ - بردارها؛ صفحه‌های ۸۳ و ۸۴)

گزینه «۳» - ۴۰ (امیرمسین ابومیبوب)

بردار $\vec{a} \times \vec{b}$ بر دو بردار \vec{a} و \vec{b} عمود است، پس بر هر بردار موجود در

صفحه این دو بردار از جمله $\vec{a} + \vec{b}$ نیز عمود خواهد بود. بنابراین داریم:

$$|\vec{a} + \vec{b}|^2 = |\vec{a}|^2 + |\vec{b}|^2 + 2\vec{a} \cdot \vec{b}$$

$$= 2^2 + (3\sqrt{3})^2 + 2 \times 2 \times 3\sqrt{3} \times \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\Rightarrow |\vec{a} + \vec{b}|^2 = 49 \Rightarrow |\vec{a} + \vec{b}| = 7$$

$$|\vec{a} \times \vec{b}| = |\vec{a}| |\vec{b}| \sin 30^\circ = 2 \times 3\sqrt{3} \times \frac{1}{2} = 3\sqrt{3}$$

$$|(\vec{a} + \vec{b}) \times (\vec{a} \times \vec{b})| = |\vec{a} + \vec{b}| |\vec{a} \times \vec{b}| \sin 90^\circ$$

$$= 7 \times 3\sqrt{3} \times 1 = 21\sqrt{3}$$

(هنر سه ۳ - بردارها؛ صفحه‌های ۷۷ تا ۸۴)

گزینه «۴» - ۳۷ (امیرمسین ابومیبوب)

ابتدا مرکز و شعاع دایره محیطی مثلث OAB را به دست می‌آوریم. اگر

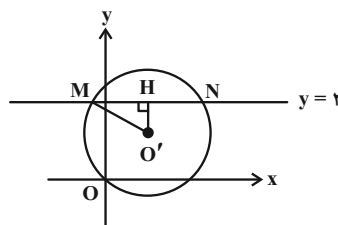
معادله این دایره را به صورت $x^2 + y^2 + ax + by + c = 0$ در نظر بگیریم، آن‌گاه داریم:

$$O(0, 0) \Rightarrow 0 + 0 + 0 + 0 + c = 0 \Rightarrow c = 0$$

$$\left. \begin{aligned} A(2, 4) &\Rightarrow 4 + 16 + 2a + 4b = 0 \\ &\Rightarrow a + 2b = -10 \\ B(4, -2) &\Rightarrow 16 + 4 + 4a - 2b = 0 \\ &\Rightarrow 2a - b = -10 \end{aligned} \right\} \Rightarrow \begin{cases} a = -6 \\ b = -2 \end{cases}$$

$$\text{مرکز دایره: } O'(-\frac{a}{2}, -\frac{b}{2}) = (3, 1)$$

$$\text{شعاع دایره: } R = \frac{1}{2}\sqrt{a^2 + b^2 - 4c} = \frac{1}{2}\sqrt{(-6)^2 + (-2)^2} = \sqrt{10}$$



مطابق شکل فاصله نقطه $O'(3, 1)$ از خط $y = 2$ برابر $O'H = 1$ است و داریم:

$$\Delta O'MH: MH^2 = O'M^2 - O'H^2$$

$$= (\sqrt{10})^2 - 1^2 = 9 \Rightarrow MH = 3$$

می‌دانیم قطر عمود بر یک وتر، آن وتر را نصف می‌کند، پس طول وتر MN برابر است با:

$$MN = 2MH = 2 \times 3 = 6$$

(هنر سه ۳ - آشنایی با مقاطع مخروطی؛ صفحه‌های ۳۰ تا ۳۶)

گزینه «۱» - ۳۸ (امیرمسین ابومیبوب)

فرض کنید $MF = x$ باشد. در این صورت طبق قضیه کسینوس‌ها در مثلث $MF F'$ داریم:

$$FF'^2 = MF^2 + MF'^2 - 2MF \times MF' \times \cos(\widehat{FMF'})$$

$$\Rightarrow (2\sqrt{7})^2 = x^2 + (3x)^2 - 2x \times 3x \times \frac{1}{2}$$

فیزیک

۴۱- گزینه «۴»

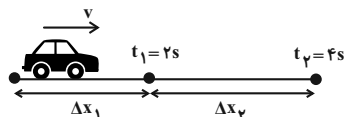
(معمرد علی راست پیمان)

روش اول: مطابق شکل زیر، متحرک با سرعت اولیه $v_0 = v$ و با شتاب

$a = \frac{2}{3} \frac{m}{s^2}$ دارای حرکت تندشونده است. با توجه به شکل زیر، معادله

جابه‌جایی- زمان را یک بار برای ۲ ثانیه اول و بار دیگر برای ۴ ثانیه اول

می‌نویسیم و به صورت زیر v را می‌یابیم.



$$\Delta x_1 = \frac{1}{2} a t_1^2 + v \cdot t_1 \quad \begin{matrix} a = \frac{2}{3} \frac{m}{s^2} \\ v_0 = v, t_1 = 2s \end{matrix}$$

$$\Delta x_1 = \frac{1}{2} \times 2 \times 4 + v \times 2 = 4 + 2v$$

$$\Delta x_1 + \Delta x_2 = \frac{1}{2} a t_2^2 + v \cdot t_2 \quad t_2 = 4s$$

$$\Delta x_1 + \Delta x_2 = \frac{1}{2} \times 2 \times 16 + v \times 4$$

$$\Rightarrow \Delta x_1 + \Delta x_2 = 16 + 4v \quad \Delta x_1 = 4 + 2v$$

$$4 + 2v + \Delta x_2 = 16 + 4v \Rightarrow \Delta x_2 = 12 + 2v$$

از طرف دیگر طبق صورت سؤال داریم:

$$\Delta x_2 = \frac{2}{3} \Delta x_1 \Rightarrow 12 + 2v = \frac{2}{3} \times (4 + 2v)$$

$$\Rightarrow 12 + 2v = 6 + \frac{4}{3}v \Rightarrow v = \frac{6}{3} \frac{m}{s}$$

در آخر، با داشتن v ، جابه‌جایی در ۴ ثانیه اول حرکت برابر است با:

$$\Delta x = \frac{1}{2} a t^2 + v_0 t \quad \begin{matrix} v_0 = v = 6 \frac{m}{s} \\ t = 4s, a = \frac{2}{3} \frac{m}{s^2} \end{matrix}$$

$$\Delta x = \frac{1}{2} \times 2 \times 16 + 6 \times 4 = 40m$$

روش دوم: چون در حرکت شتابدار با شتاب ثابت، جابه‌جایی در t ثانیه‌های

متوالی تشکیل یک دنباله عددی با قدرنسبت $d = at^2$ را می‌دهد، می‌توان

نوشت:

$$\Delta x_n = \Delta x_1 + (n-1)at^2 \quad \begin{matrix} a = \frac{2}{3} \frac{m}{s^2}, t = 2s \\ n = 2 \end{matrix}$$

$$\Delta x_2 = \Delta x_1 + (2-1) \times 2 \times 4 \quad \Delta x_2 = \frac{2}{3} \Delta x_1$$

$$\frac{2}{3} \Delta x_1 = \Delta x_1 + 8 \Rightarrow \Delta x_1 = 16m$$

$$\Delta x_2 = \frac{2}{3} \times 16 = 24m$$

$$\Delta x_{2s} = \Delta x_1 + \Delta x_2 = 16 + 24 = 40m$$

(فیزیک ۳ - حرکت بر خط راست: صفحه‌های ۱۵ تا ۲۱)

۴۲- گزینه «۲»

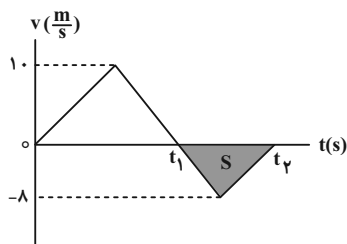
(عبدالرضا امینی نسب)

می‌دانیم سطح بین نمودار $v-t$ و محور t برابر جابه‌جایی است. از طرف

دیگر، در بازه زمانی که سرعت منفی است، متحرک در خلاف جهت محور

x حرکت کرده است. بنابراین با محاسبه مساحت مثلث رنگ شده، مسافت

طی شده را می‌یابیم و به دنبال آن تندی متوسط را حساب می‌کنیم:



$$s_{av} = \frac{\ell}{\Delta t} \quad \ell = |S| = \frac{-\Delta x(t_2 - t_1)}{2} \quad \Delta t = t_2 - t_1$$

$$s_{av} = \frac{\frac{1}{2} \times 10 \times (t_2 - t_1)}{t_2 - t_1} = 5 \frac{m}{s}$$

(فیزیک ۳ - حرکت بر خط راست: صفحه‌های ۲ تا ۱۰ و ۱۷)

۴۳- گزینه «۳»

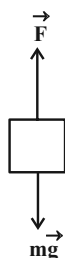
(معمومه شریعت‌ناهری)

چون دو متحرک در وسط مسیر به هم می‌رسند، هر کدام از آن‌ها $60m$

جابه‌جا می‌شوند. بنابراین، کافی است، زمان جابه‌جایی هر یک از متحرک‌ها

را بیابیم و اختلاف آن‌ها را حساب کنیم. چون سرعت متحرک‌ها ثابت است،

با استفاده از معادله حرکت با سرعت ثابت داریم:



$$F_{net} = ma \Rightarrow F - mg = ma \Rightarrow F = m(g + a) \quad (1)$$

اکنون برای حالت اول و دوم و با توجه به معادله سرعت $v = 2t + 6$.

شتاب حرکت در مرحله اول $a_1 = 2 \frac{m}{s^2}$ است، داریم:

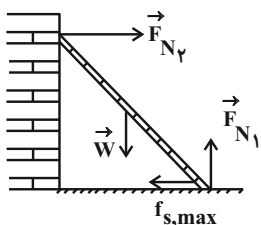
$$(1) \rightarrow \frac{F_2}{F_1} = \frac{m(g + a_2)}{m(g + a_1)} \quad \frac{F_2 = 2F_1}{a_1 = 2 \frac{m}{s^2}}$$

$$\frac{2F_1}{F_1} = \frac{10 + a_2}{10 + 2} \Rightarrow 10 + a_2 = 24 \Rightarrow a_2 = 14 \frac{m}{s^2}$$

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای، صفحه‌های ۳۰ تا ۳۶، ۳۴ و ۳۵)

۴۶ - گزینه «۱» (عبدالرضا امینی نسب)

مطابق شکل زیر، نخست، نیروهای وارد بر نردبان را رسم می‌کنیم. چون نردبان در آستانه حرکت قرار دارد، بنابراین، نیروی خالص در راستای افقی و قائم صفر است. در این حالت می‌توان نوشت:



$$(F_{net})_y = 0 \Rightarrow F_{N1} - W = 0 \Rightarrow F_{N1} = W = mg$$

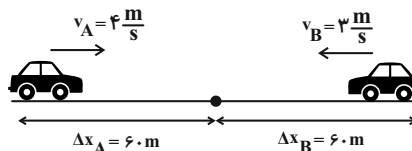
$$(F_{net})_x = 0 \Rightarrow F_{N2} - f_{s,max} = 0 \Rightarrow F_{N2} = f_{s,max}$$

$$\frac{F_{N2}}{F_{N1}} = \frac{f_{s,max}}{F_{N1}} = \frac{\mu_s F_{N1}}{F_{N1}} = \mu_s$$

$$\Rightarrow \frac{F_{N2}}{F_{N1}} = 0.4 = \frac{2}{5}$$

در آخر داریم:

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای، صفحه‌های ۳۰ تا ۳۶)



$$\Delta x_A = v_A t_A \rightarrow \frac{\Delta x_A = 60m}{v_A = 4 \frac{m}{s}} = 60 = 4t_A \Rightarrow t_A = 15s$$

$$\Delta x_B = v_B t_B \rightarrow \frac{\Delta x_B = 60m}{v_B = 3 \frac{m}{s}} = 60 = 3t_B \Rightarrow t_B = 20s$$

در آخر داریم:

$$t = t_B - t_A = 20 - 15 = 5s$$

(فیزیک ۳ - حرکت بر خط راست، صفحه‌های ۱۳ تا ۱۵)

۴۴ - گزینه «۲» (مصطفی کیانی)

بیشترین فاصله دو گلوله در حالتی است که گلوله اول به سطح زمین برسد. بنابراین، ابتدا زمان رسیدن گلوله اول به سطح زمین را می‌یابیم. جهت بالا را مثبت و مبدأ مکان را محل رها شدن گلوله فرض می‌کنیم. در این حالت داریم:

$$y_1 = -\frac{1}{2}gt_1^2 + y_0 \xrightarrow{y_1=0, y_0=-320m} -320 = -\frac{1}{2} \times 10 \times t_1^2 + 0$$

$$t_1^2 = 64 \Rightarrow t_1 = 8s$$

چون گلوله دوم ۳s دیرتر رها شده است، در لحظه‌ای که گلوله اول به زمین می‌رسد، گلوله دوم ۵s $t_2 = 8 - 3 = 5s$ در حال حرکت بوده است. بنابراین، در لحظه $t = 5s$ مکان گلوله دوم برابر است با:

$$y_2 = -\frac{1}{2}gt_2^2 + y_0 \Rightarrow y_2 = -\frac{1}{2} \times 10 \times 5^2 + 0 = -125m$$

در آخر، بیشترین فاصله دو گلوله از یکدیگر برابر است با:

$$d = |y_1| - |y_2| = 320 - 125 = 195m$$

(فیزیک ۳ - حرکت بر خط راست، صفحه‌های ۲۱ تا ۲۴)

۴۵ - گزینه «۱» (غلامرضا ممینی)

ابتدا با استفاده از قانون دوم نیوتون و شکل زیر و با توجه به این که جهت حرکت در راستای قائم و رو به بالا است، می‌توان نوشت:

(عبدالرضا امینی نسب)

۴۹- گزینه «۴»

ابتدا شتاب گرانشی را در سطح سیاره دیگر برحسب g_e می‌یابیم:

$$g = \frac{GM}{R^2} \Rightarrow \frac{g_e}{g_p} = \frac{M_e}{M_p} \times \left(\frac{R_p}{R_e}\right)^2 \Rightarrow \frac{M_p = \frac{1}{2}M_e}{R_p = \frac{1}{2}R_e}$$

$$\frac{g_e}{g_p} = \frac{M_e}{\frac{1}{2}M_e} \times \left(\frac{\frac{1}{2}R_e}{R_e}\right)^2 = 2 \times \frac{1}{4} \Rightarrow \frac{g_e}{g_p} = \frac{1}{2}$$

اکنون، با استفاده از رابطه دوره تناوب آونگ ساده می‌توان نوشت:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}} \Rightarrow \frac{T_p}{T_e} = \sqrt{\frac{l_p \times \frac{g_e}{g_p}}{l_e}} \Rightarrow \frac{l_p = \frac{1}{2}l_e}{T_e = 2s}$$

$$\frac{T_p}{2} = \sqrt{\frac{\frac{1}{2}l_e}{l_e}} \times \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{T_p}{2} = \sqrt{\frac{1}{2}} \Rightarrow \frac{T_p}{2} = \frac{1}{\sqrt{2}} \Rightarrow T_p = 1s$$

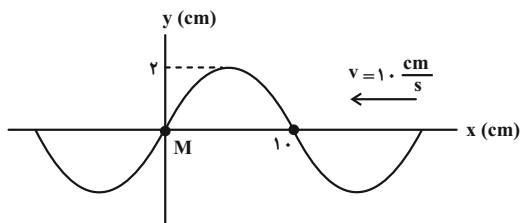
(فیزیک ۳ - نوسان و موج: صفحه‌های ۵۳ تا ۵۶ و ۶۷ و ۶۸)

(عبدالرضا امینی نسب)

۵۰- گزینه «۳»

ابتدا طول موج و سپس دوره تناوب موج را می‌یابیم. با توجه به شکل زیر،

داریم:



$$\frac{\lambda}{2} = 10 \Rightarrow \lambda = 20 \text{ cm}$$

$$\lambda = vT \xrightarrow{v=10 \frac{\text{cm}}{\text{s}}} 20 = 10 \times T \Rightarrow T = 2s$$

اکنون تعیین می‌کنیم $\Delta t = 1s$ چه کسری از دوره تناوب است.

$$\frac{\Delta t}{T} = \frac{1}{2} \Rightarrow \Delta t = \frac{1}{2}T$$

چون $\Delta t = 1s$ نصف دوره تناوب است، با توجه به جهت انتشار موج، در

این مدت ذره M به طرف نقطه بازگشتی $A = 2 \text{ cm}$ می‌رود و مجدداً به

نقطه تعادل (مرکز نوسان خودش) بازمی‌گردد. بنابراین، مکان آن بعد از

$\Delta t = 1s$ برابر $x = 0$ است و تندی آن در این مکان بیشینه است که از

رابطه زیر به‌دست می‌آید:

(معمومه شریعت ناصری)

۴۷- گزینه «۲»

دو ثانیه سوم، همان بازه زمانی $t_1 = 4s$ تا $t_2 = 6s$ است. بنابراین، ابتدا

نیروی وارد بر متحرک را در لحظه‌های t_1 و t_2 پیدا می‌کنیم:

$$F = \gamma t - 1 \Rightarrow \begin{cases} t_1 = 4s \Rightarrow F_1 = 2 \times 4 - 1 = 7N \\ t_2 = 6s \Rightarrow F_2 = 2 \times 6 - 1 = 11N \end{cases}$$

اکنون نیروی متوسط در بازه زمانی فوق را می‌یابیم. دقت کنید، چون F تابع

درجه یک از زمان است، نیروی متوسط برابر است با:

$$F_{av} = \frac{F_1 + F_2}{2} = \frac{7 + 11}{2} = 9N$$

در آخر از رابطه زیر تغییرات تکانه را پیدا می‌کنیم:

$$F_{av} = \frac{\Delta p}{\Delta t} \xrightarrow{\Delta t = 6 - 4 = 2s, F_{av} = 9N} 9 = \frac{\Delta p}{2} \Rightarrow \Delta p = 18 \frac{\text{kg} \cdot \text{m}}{\text{s}}$$

به عنوان روش دوم می‌توان نمودار $F - t$ را با توجه به رابطه

$F = 2t - 1$ ، رسم نمود و سپس از مساحت سطح زیر نمودار، Δp را

به‌دست آورد.

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۶ تا ۳۸)

(مسعود قره‌قانی)

۴۸- گزینه «۲»

چون جسم با تندی ثابت بر مسیر دایره‌ای در حال حرکت است، حرکت آن

دایره‌ای یکنواخت است. بنابراین، ابتدا با استفاده از رابطه $F = m \frac{v^2}{r}$ و با

توجه به این که m و r ثابت‌اند، می‌توان نوشت:

$$F = m \frac{v^2}{r} \xrightarrow{\substack{m = \text{ثابت} \\ r = \text{ثابت}}} \frac{F_2}{F_1} = \left(\frac{v_2}{v_1}\right)^2$$

$$\xrightarrow{F_2 = 2F_1} \frac{2F_1}{F_1} = \left(\frac{v_2}{v_1}\right)^2 \Rightarrow \frac{v_2}{v_1} = \sqrt{2} \Rightarrow v_2 = \sqrt{2}v_1$$

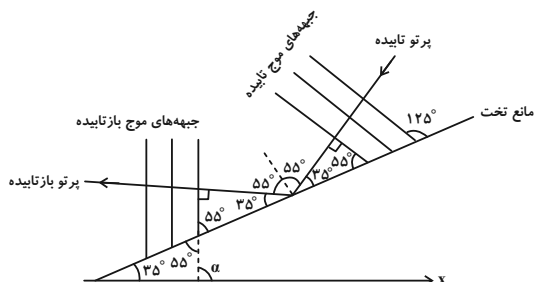
اکنون با استفاده از رابطه $T = \frac{2\pi r}{v}$ ، می‌توان نوشت:

$$T = \frac{2\pi r}{v} \xrightarrow{r = \text{ثابت}} \frac{T_2}{T_1} = \frac{v_1}{v_2} \xrightarrow{v_2 = \sqrt{2}v_1}$$

$$\frac{T_2}{T_1} = \frac{v_1}{\sqrt{2}v_1} \Rightarrow \frac{T_2}{T_1} = \frac{1}{\sqrt{2}} \times \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} \Rightarrow \frac{T_2}{T_1} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۸ تا ۵۳)

بنابراین، چون جبهه‌های موج بر پرتوهای تابیده و بازتابیده عموداند، در نتیجه، زاویه بین جبهه‌های موج تابیده و مانع تخت برابر زاویه بین جبهه‌های موج بازتابیده و مانع خواهد بود. در این حالت داریم:



$$\alpha = 35^\circ + 55^\circ = 90^\circ$$

(فیزیک ۳ - برهم‌کنش‌های موج: صفحه‌های ۹۰ تا ۹۲)

(معصومه شریعت‌نصری)

گزینه «۴» - ۵۳

می‌دانیم پهنای نوارهای تداخلی متناسب با طول‌موج است. بنابراین، ابتدا، تندی نور در محیط با ضریب شکست $n_1 = 3$ را می‌یابیم و سپس با استفاده از رابطه $\lambda = \frac{v}{f}$ و با توجه به اینکه f ثابت می‌باشد، به صورت زیر، پهنای نوار در محیط دوم را حساب می‌کنیم:

$$v_1 = \frac{c}{n_1} = \frac{3 \times 10^8}{3} = 10^8 \frac{m}{s}$$

$$\lambda = \frac{v}{f} \quad f = \text{ثابت} \rightarrow \frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{v_2}{v_1} = \frac{1/5 \times 10^8}{10^8} = \frac{1}{5}$$

$$\frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{1/5 \times 10^8}{10^8} = 1/5 \Rightarrow \frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{3}{2}$$

از طرف دیگر، $a \propto \lambda$ است، لذا داریم:

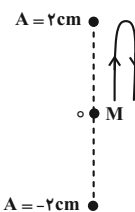
$$\frac{a_2}{a_1} = \frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{3}{2} \Rightarrow a_2 = 1/8 \text{ mm}$$

(فیزیک ۳ - برهم‌کنش‌های موج: صفحه‌های ۹۷، ۱۰۴ و ۱۰۵)

(امیرامیر میرسعید)

گزینه «۴» - ۵۴

ابتدا کوتاه‌ترین طول‌موج رشته پاشن را می‌یابیم. کوتاه‌ترین طول‌موج رشته پاشن، در گذار الکترون از تراز $n = \infty$ به تراز $n' = 3$ به دست می‌آید. بنابراین داریم:



$$v_{\max} = A\omega = A \times \frac{2\pi}{T} \rightarrow v_{\max} = A \times \frac{2\pi}{T}$$

$$\frac{A=2\text{cm}=0.02\text{m}}{T=2\text{s}} \rightarrow v_{\max} = 0.02 \times \frac{2\pi}{2} = 0.02\pi \frac{m}{s}$$

(فیزیک ۳ - نوسان و موج: صفحه‌های ۶۷ تا ۷۴)

(زهرا آقاممیری)

گزینه «۲» - ۵۱

ابتدا باید مشخص کنیم با افزایش فاصله از چشمه صوت، شدت صوت چند برابر می‌شود:

$$\frac{I_2}{I_1} = \left(\frac{f_2}{f_1} \times \frac{A_2}{A_1} \times \frac{r_1}{r_2} \right)^2 = \frac{r_1=d, f_1=f_2, A_1=A_2}{r_2=d+rd=4d}$$

$$\frac{I_2}{I_1} = \left(1 \times 1 \times \frac{d}{4d} \right)^2 \Rightarrow \frac{I_2}{I_1} = \frac{1}{16} = \frac{1}{2^4} = 2^{-4}$$

اکنون، تغییر تراز شدت صوت را حساب می‌کنیم:

$$\Delta\beta = \beta_2 - \beta_1 = 10 \log \frac{I_2}{I_1} \Rightarrow \Delta\beta = 10 \log 2^{-4} = -40 \log 2$$

$$\xrightarrow{\log 2 \approx 0.3} \Delta\beta = -40 \times 0.3 = -12 \text{ dB}$$

در آخر، درصد تغییر تراز شدت صوت را می‌یابیم:

$$\text{درصد تغییر تراز شدت صوت} = \frac{\Delta\beta}{\beta_1} \times 100 = \frac{-12}{96} \times 100 = -12.5\%$$

$$\text{درصد تغییر تراز شدت صوت} = \frac{-12}{96} \times 100 = -12.5\%$$

(فیزیک ۳ - نوسان و موج: صفحه‌های ۸۰ و ۸۱)

(زهرا آقاممیری)

گزینه «۴» - ۵۲

با توجه به شکل زیر، زاویه بین جبهه‌های موج تابیده به مانع تخت برابر 55° است، لذا، زاویه بین جبهه‌های موج بازتابیده و مانع نیز 55° می‌باشد. چراکه طبق قانون بازتاب عمومی زاویه تابش برابر زاویه بازتابش است.

$${}_{93}^{237}\text{NP} \rightarrow {}_Z^A\text{Y} + {}_2^4\text{He}^{2+} + {}_{-1}^0\text{e}$$

$$\begin{cases} 237 = A + (2 \times 4) + 0 \Rightarrow A = 225 \\ 93 = Z + (2 \times 2) - 1 \Rightarrow Z = 88 \end{cases}$$

می‌بینیم، تعداد پروتون‌ها $Z = 88$ و تعداد نوترون‌ها برابر

$$N = 225 - 88 = 137 \text{ می‌باشد. دقت کنید، } A = N + Z \text{ است.}$$

(فیزیک ۳ - آشنایی با فیزیک هسته‌ای، صفحه‌های ۱۳۸ تا ۱۴۵)

۵۷- گزینه «۱» (مسعود قره‌فانی)

ابتدا تعداد هسته‌های باقی‌مانده را می‌یابیم. چون تعداد هسته‌های واپاشیده

$$(N' = N_0 - N) \text{ ۱۵ برابر تعداد هسته‌های فعال باقیمانده (N) است.}$$

می‌توان نوشت:

$$N' = 15N \xrightarrow{N' = N_0 - N} N_0 - N = 15N$$

$$\Rightarrow N_0 = 16N \Rightarrow N = \frac{1}{16} N_0$$

اکنون، با استفاده از رابطه زیر، تعداد نیمه‌عمرهای سپری شده را پیدا

می‌کنیم:

$$N = N_0 \left(\frac{1}{2}\right)^n \xrightarrow{N = \frac{1}{16} N_0} \frac{1}{16} N_0 = N_0 \left(\frac{1}{2}\right)^n$$

$$\Rightarrow \left(\frac{1}{2}\right)^n = \frac{1}{16} \Rightarrow \frac{1}{2^n} = \frac{1}{16} \Rightarrow 2^n = 16 = 2^4 \Rightarrow n = 4$$

در آخر داریم:

$$n = \frac{t}{T_{1/2}} = \frac{\text{روز } T_{1/2} = 8}{n=4} \rightarrow 4 = \frac{t}{8} \Rightarrow t = 32 \text{ روز}$$

(فیزیک ۳ - آشنایی با فیزیک هسته‌ای، صفحه‌های ۱۴۵ تا ۱۴۷)

۵۸- گزینه «۳» (معصومه شریعت‌ناصری)

در حالت اول، نقطه‌ای را که نیروی خالص وارد بر بار q صفر می‌شود، پیدا

می‌کنیم. چون بارهای q_1 و q_2 هم‌علامت‌اند، نقطه مورد نظر بین دو بار و

نزدیک باری است که اندازه آن کوچک‌تر است. بنابراین، با فرض $q > 0$ ،

داریم:

$$\frac{1}{\lambda} = R \left(\frac{1}{n'^2} - \frac{1}{n^2} \right) \quad n = \infty, n' = 2 \quad R = 1.097 \times 10^7 \text{ nm}^{-1}$$

$$\frac{1}{\lambda_{\min}} = \frac{1}{100} \times \left(\frac{1}{9} - \frac{1}{\infty} \right) \Rightarrow \frac{1}{\lambda_{\min}} = \frac{1}{900}$$

$$\Rightarrow \lambda_{\min} = 900 \text{ nm}$$

چون طول موج فوتون تابش شده ($\lambda_0 = 900 \text{ nm}$) بزرگ‌تر از طول موج

آستانه فلزها ($\lambda_{0A} = 200 \text{ nm}$ و $\lambda_{0B} = 600 \text{ nm}$) است، اثر

فوتوالکتریک برای هیچ کدام از فلزها رخ نمی‌دهد.

دقت کنید اگر طول موج نور تابشی از طول موج آستانه فلز (λ_0) بزرگ‌تر

باشد، انرژی فوتون فرودی کمتر از تابع کار فلز (W_0) می‌شود، لذا پدیده

فوتوالکتریک رخ نمی‌دهد.

(فیزیک ۳ - آشنایی با فیزیک اتمی، صفحه‌های ۱۱۶ تا ۱۲۴)

۵۵- گزینه «۳» (مسعود قره‌فانی)

می‌دانیم برای اولین حالت برانگیخته، الکترون در تراز $n = 2$ و برای سومین

حالت برانگیخته، الکترون در تراز $n = 4$ قرار دارد. از طرف دیگر، انرژی

الکترون در هر تراز از رابطه $E_n = -\frac{E_R}{n^2}$ به دست می‌آید. بنابراین،

می‌توان نوشت:

$$\begin{cases} \Rightarrow E_2 = -\frac{E_R}{2^2} = -\frac{E_R}{4} & \text{اولین حالت برانگیخته} \\ \Rightarrow E_4 = -\frac{E_R}{4^2} = -\frac{E_R}{16} & \text{سومین حالت برانگیخته} \end{cases}$$

$$\frac{E_2}{E_4} = \frac{-\frac{E_R}{4}}{-\frac{E_R}{16}} = \frac{16}{4} \Rightarrow \frac{E_2}{E_4} = 4$$

(فیزیک ۳ - آشنایی با فیزیک اتمی، صفحه‌های ۱۲۵ تا ۱۲۷)

۵۶- گزینه «۴» (زهره آقاممیری)

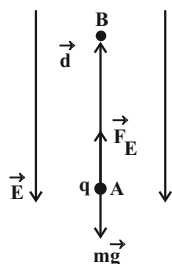
می‌دانیم در معادله واپاشی هسته یک اتم، باید مجموع عددهای جرمی دو

طرف معادله با هم و مجموع عددهای اتمی دو طرف معادله نیز با هم برابر

باشند. بنابراین، با توجه به معادله واپاشی زیر، تعداد نوترون‌ها و تعداد

پروتون‌های هسته دختر را می‌یابیم. دقت کنید، ذره α از جنس هسته هلیوم

(${}^4_2\text{He}^{2+}$) و β^- از جنس الکترون ${}_{-1}^0\text{e}$ است.



$$W_E = F \cos \theta d \xrightarrow{F=|q|E} W_E = |q| E \cos \theta \times d$$

$$\frac{|q|=27 \times 10^{-6} \text{C} = 27 \times 10^{-6} \times 10^{-9} \text{C}}{E=1 \cdot \frac{\text{N}}{\text{C}}, \theta=0, d=2\text{m}}$$

$$W_E = 27 \times 10^{-6} \times 10^{-6} \times 10^9 \times \cos(0) \times 2$$

$$\Rightarrow W_E = 0.6 \text{ J}$$

اکنون کار نیروی وزن را می‌یابیم:

$$W_{mg} = -mgh \xrightarrow{h=d=2\text{m}} \xrightarrow{m=1 \cdot 10^{-6} \text{kg}}$$

$$W_{mg} = -0.01 \times 10 \times 2 = -0.2 \text{ J}$$

با توجه به اینکه کار برآیند نیروهای وارد بر جسم برابر تغییر انرژی جنبشی آن است، داریم:

$$W_{\text{کل}} = \Delta K \Rightarrow W_E + W_{mg} = \frac{1}{2} m (v_B^2 - v_A^2)$$

$$\xrightarrow{v_A=0} 0.6 - 0.2 = \frac{1}{2} \times 0.01 \times (v_B^2 - 0)$$

$$\Rightarrow 0.4 = 0.01 \times v_B^2 \Rightarrow v_B^2 = 40 = 16 \times 2.5$$

$$\Rightarrow v_B = 4\sqrt{2.5} \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

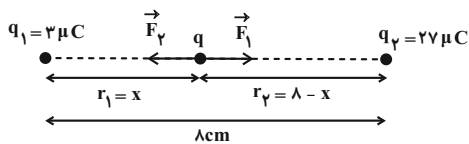
برای محاسبه پتانسیل نقطه B از رابطه $\Delta V = \frac{\Delta U}{q}$ استفاده می‌کنیم. در

این رابطه علامت q را وارد می‌کنیم:

$$V_B - V_A = \frac{\Delta U}{q} \xrightarrow{\Delta U = -W_E = -0.6 \text{ J}} \xrightarrow{V_B = 15 \text{ V}}$$

$$15 - V_A = \frac{-0.6}{-27 \times 10^{-6} \times 10^{-6}} \Rightarrow 15 - V_A = 20 \Rightarrow V_A = -5 \text{ V}$$

(فیزیک ۲ - الکترواستاتیک ساکن، صفحه‌های ۱۷ تا ۲۷)



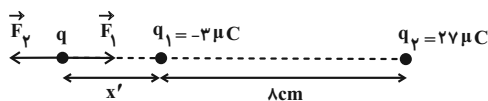
$$F_1 = F_2 \xrightarrow{F=k \frac{|q_1||q_2|}{r^2}} k \frac{|q_1||q|}{r_1^2} = k \frac{|q_2||q|}{r_2^2}$$

$$\Rightarrow \frac{3}{x^2} = \frac{27}{(\lambda - x)^2} \Rightarrow \frac{1}{x^2} = \frac{9}{(\lambda - x)^2} \Rightarrow \frac{1}{x} = \frac{3}{\lambda - x}$$

$$\Rightarrow 3x = \lambda - x \Rightarrow 4x = \lambda \Rightarrow x = 2 \text{ cm}$$

برای حالت دوم، با قرینه کردن علامت بار q_1 یا بار q_2 ، نقطه مورد نظر به خارج از فاصله بین دو بار و روی امتداد آن‌ها و نزدیک به بار کوچک‌تر

(q_1) منتقل می‌شود. بنابراین، با توجه به شکل زیر داریم:



$$F_1 = F_2 \Rightarrow k \frac{|q_1||q|}{r_1^2} = k \frac{|q_2||q|}{r_2^2} \xrightarrow{r_1=x', r_2=\lambda+x'}$$

$$\frac{3}{x'^2} = \frac{27}{(x'+\lambda)^2} \Rightarrow \frac{1}{x'^2} = \frac{9}{(x'+\lambda)^2}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{x'} = \frac{3}{x'+\lambda} \Rightarrow x' = 4 \text{ cm}$$

می‌بینیم نقطه مورد نظر از ۲ سانتی‌متری سمت راست بار q_1 به ۴ سانتی‌متری سمت چپ آن، یعنی $d = 2 + 4 = 6 \text{ cm}$ جابه‌جا می‌شود.

(فیزیک ۲ - الکترواستاتیک ساکن، صفحه‌های ۵ تا ۱۰)

۵۹ - گزینه «۴» (مصطفی کیانی)

بر ذره باردار $q = -3 \times 10^{-6} \text{ C}$ در خلاف جهت میدان الکتریکی و رو به بالا نیرو وارد می‌شود. بنابراین، چون نیروی الکتریکی و جابه‌جایی هم‌جهت‌اند،

$\theta = 0^\circ$ می‌باشد. در این حالت کار نیروی الکتریکی برابر است با:

۶۰- گزینه «۱»

(پوریا علاقه‌مند)

چون خازن را پس از پر شدن از باتری جدا کرده‌ایم، بار الکتریکی آن ثابت

می‌ماند. بنابراین، با استفاده از رابطه $C = \frac{Q}{V}$ داریم:

$$C = \kappa \epsilon_0 \frac{A}{d} \xrightarrow{d=\text{ثابت}} \frac{C_2}{C_1} = \frac{\kappa_2}{\kappa_1} \times \frac{A_2}{A_1}$$

$$\xrightarrow{\kappa_2=4, \kappa_1=1, A_2=2A_1} \frac{C_2}{C_1} = \frac{4}{1} \times \frac{2A_1}{A_1} \Rightarrow \frac{C_2}{C_1} = 8$$

$$C = \frac{Q}{V} \xrightarrow{Q=\text{ثابت}} \frac{C_2}{C_1} = \frac{V_1}{V_2} \Rightarrow \frac{V_1}{V_2} = 8 \Rightarrow V_1 = 8V_2$$

از طرف دیگر، $E = \frac{V}{d}$ است. بنابراین داریم:

$$E = \frac{V}{d} \xrightarrow{d=\text{ثابت}} \frac{E_2}{E_1} = \frac{V_2}{V_1} \xrightarrow{V_1=8V_2} \frac{E_2}{E_1} = \frac{1}{8}$$

$$\frac{E_2}{E_1} = \frac{V_2}{8V_2} \Rightarrow \frac{E_2}{E_1} = \frac{1}{8}$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن؛ صفحه‌های ۳۲ تا ۳۸)

۶۱- گزینه «۱»

(مصطفی کیانی)

بررسی موارد:

(الف) نادرست؛ مقاومت مقاومت‌های نوری به نور تابیده شده به آن‌ها بستگی دارد و به دمای محیط بستگی ندارد.

(ب) درست

(پ) نادرست؛ دیدها از انواع مقاومت‌های نوری نیستند.

(ت) نادرست؛ از LDR ها می‌توان در تجهیزات چشم الکترونیکی، دزدگیرها، کنترل‌کننده‌های خودکار و چراغ‌های روشنایی خیابان استفاده کرد.

(ث) درست؛ میزان مقاومت LDR با میزان نور تابیده به آن، رابطه عکس دارد.

می‌بینیم تعداد ۳ عبارت نادرست است.

(فیزیک ۲ - جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم؛ صفحه‌های ۵۸ تا ۶۰)

۶۲- گزینه «۴»

(زهره آقاممیری)

با افزایش مقاومت R_p ، مقاومت معادل مدار افزایش می‌یابد. در نتیجه، بنابه

رابطه $I = \frac{\mathcal{E}}{R_{eq} + r}$ و با توجه به اینکه \mathcal{E} ثابت و $r = 0$ است، جریان

اصلی مدار که از مقاومت R_p نیز می‌گذرد، کاهش می‌یابد. با کاهش

جریان مقاومت R_p ، بنابه رابطه $V_p = R_p I$ ، چون R_p ثابت است، V_p

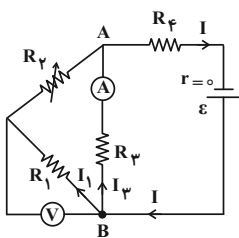
نیز کاهش می‌یابد. اختلاف پتانسیل دو سر باتری ثابت و برابر $V = \mathcal{E}$

می‌باشد. بنابراین، با توجه به اینکه $V = V_p + V_{AB}$ است، با کاهش V_p

و ثابت بودن V ، V_{AB} افزایش می‌یابد. با افزایش V_{AB} ، طبق رابطه

$V_{AB} = R_p I_p$ ، چون R_p ثابت است، جریان I_p که از آمپرسنج عبور

می‌کند، افزایش پیدا خواهد کرد.



در آخر، چون $I = I_p + I_1$ است، با کاهش I و افزایش I_p ،

جریان I_1 نیز کاهش می‌یابد. لذا بنابه رابطه $V_1 = R_1 I_1$ ، اختلاف پتانسیل

دو سر مقاومت R_1 که ولت‌سنج نشان می‌دهد، کاهش خواهد یافت.

(فیزیک ۲ - جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم؛ صفحه‌های ۶۱ تا ۶۶ و ۷۰ تا ۷۷)

۶۳- گزینه «۱»

(مهمدر علی راست‌پیمان)

مطابق شکل زیر، ابتدا جریان الکتریکی مقاومت R_p را برحسب جریان

اصلی مدار (I) می‌یابیم. اگر جریان مقاومت R_p را I_p فرض کنیم، چون

مقاومت R_p موازی مقاومت R_1 است، اختلاف پتانسیل مقاومت معادل

آن‌ها با اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت R_p یکسان است. با توجه به اینکه

از مقاومت R_1, R_2 ، جریان اصلی مدار عبور می‌کند، می‌توان نوشت:

$$\frac{R_2}{R_1} = \frac{\rho_2}{\rho_1} \times \frac{L_2}{L_1} \times \frac{A_1}{A_2} \Rightarrow R_1 = 18R_2$$

اکنون با استفاده از قانون اهم نسبت $\frac{I_2}{I_1}$ را پیدا می‌کنیم. دقت کنید، چون

مقاومت درونی باتری $r = 0$ است. بنابه رابطه $V = \mathcal{E} - rI$ ، اختلاف

پتانسیل دو سر باتری ثابت و همواره برابر $V = \mathcal{E}$ است. در نتیجه V_{MN}

نیز ثابت می‌ماند.

$$I = \frac{V}{R} \quad V = \text{ثابت} \rightarrow \frac{I_2}{I_1} = \frac{R_1}{R_2} \quad R_1 = 18R_2 \rightarrow$$

$$\frac{I_2}{I_1} = \frac{18R_2}{R_2} \Rightarrow \frac{I_2}{I_1} = 18$$

در آخر با استفاده از رابطه $F = ILB \sin \theta$ و با توجه به اینکه در هر دو

حالت سیم‌ها بر میدان مغناطیسی عمودند ($\theta = 90^\circ$)، نسبت $\frac{F_2}{F_1}$ را

می‌یابیم:

$$\frac{F_2}{F_1} = \frac{I_2}{I_1} \times \frac{\ell_2}{\ell_1} \times \frac{B_2}{B_1} \times \frac{\sin 90^\circ}{\sin 90^\circ} \quad \frac{\ell_2}{\ell_1} = \frac{\ell_1}{B_2} = \frac{\ell_1}{B_1}$$

$$\frac{F_2}{F_1} = 18 \times 1 \times 1 \times 1 \Rightarrow \frac{F_2}{F_1} = 18$$

(فیزیک ۲ - مغناطیس: صفحه‌های ۵۱، ۵۲ و ۹۱ تا ۹۴)

(مهم‌علی راست‌پیمان)

۶۵- گزینه «۱»

ابتدا با استفاده از قاعده دست راست، جهت میدان مغناطیسی هر یک از

سیم‌ها را تعیین می‌کنیم و سپس با توجه به جهت و اندازه میدان‌ها در نقطه

M ، اندازه میدان مغناطیسی خالص را در این نقطه می‌یابیم. با توجه به

جهت جریان‌ها، میدان مغناطیسی حاصل از جریان‌های I_2 و I_1 در نقطه

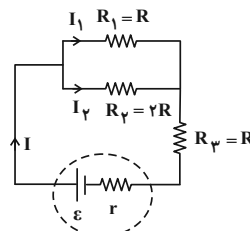
M برون‌سو و میدان مغناطیسی حاصل از جریان I_1 درون‌سو است. از

طرف دیگر، چون $B_2 + B_3 > B_1$ است، جهت میدان مغناطیسی خالص

در نقطه M برون‌سو خواهد بود. بنابراین داریم:

$$B_M = B_2 + B_3 - B_1 \quad \frac{B_2 = 30G, B_3 = 40G}{B_1 = 20G} \rightarrow$$

$$B_M = 30 + 40 - 20 = 50G$$



$$V_{1,2} = V_2 \Rightarrow R_{1,2}I = R_2I_2$$

$$\frac{R_{1,2} = \frac{R_1R_2}{R_1+R_2} = \frac{2R}{3}}{\frac{2}{3}RI = 2RI_2 \Rightarrow I_2 = \frac{1}{3}I}$$

توان مصرفی در مقاومت R_2 برابر است:

$$P_{R_2} = R_2I_2^2 = 2R \times \left(\frac{1}{3}I\right)^2 \Rightarrow P_{R_2} = \frac{2}{9}RI^2$$

اکنون مقاومت معادل مدار را می‌یابیم و توان مصرفی در مقاومت معادل را

حساب می‌کنیم:

$$R_{eq} = R_{1,2} + R_2 \Rightarrow R_{eq} = \frac{2}{3}R + R = \frac{5}{3}R$$

$$P_{R_{eq}} = R_{eq}I^2 \Rightarrow P_{R_{eq}} = \frac{5}{3}RI^2$$

از طرف دیگر، چون ۱۰ درصد توان تولیدی P_E در مقاومت درونی باتری

مصرف می‌شود، لذا، ۹۰ درصد آن در مقاومت معادل مدار مصرف خواهد

شد. در این حالت با یک تناسب ساده می‌توان نوشت:

$$\frac{P_{R_{eq}}}{P_{R_2}} = \frac{0.90P_E}{x} \Rightarrow \frac{\frac{5}{3}RI^2}{\frac{2}{9}RI^2} = \frac{0.90P_E}{x} \Rightarrow \frac{45}{6} = \frac{0.90P_E}{x}$$

$$\Rightarrow x = \frac{6 \times 0.90P_E}{45} = 0.12P_E \Rightarrow x = 12\%P_E$$

(فیزیک ۲ - جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم: صفحه‌های ۶۶ تا ۷۷)

(عبدالرضا امینی نسب)

۶۴- گزینه «۲»

ابتدا با استفاده از رابطه $R = \rho \frac{L}{A}$ ، نسبت $\frac{R_2}{R_1}$ را می‌یابیم. اندیس (۲)

مربوط به سیم مسی و اندیس (۱) مربوط به سیم آهنی است.

$$\frac{R_2}{R_1} = \frac{\rho_2}{\rho_1} \times \frac{L_2}{L_1} \times \frac{A_1}{A_2} \quad \frac{A_1 = \frac{A}{2}, A_2 = 3A}{\rho_1 = 2\rho_2, L_1 = L_2} \rightarrow$$

$$L = N(2\pi r) = 300 \times (2 \times 3 \times 5 \times 10^{-2}) = 90 \text{ m}$$

$$R = 90 \times 2 \Omega = 180 \Omega$$

$$\bar{I} = \frac{\bar{\mathcal{E}}}{R} = \frac{4/5}{180} = \frac{1}{40} \text{ A} \quad (1 \text{ A} = 1000 \text{ mA}) \rightarrow$$

$$\bar{I} = \frac{1}{40} \times 1000 \text{ mA} = 25 \text{ mA}$$

(فیزیک ۲ - القای الکترومغناطیسی و جریان متناوب: صفحه‌های ۱۱۰ تا ۱۱۶)

۶۷ - گزینه «۳» (مصطفی کیانی)

می‌دانیم بیشینه انرژی ذخیره شده در سیمولوله به ازای بیشینه جریان

الکتریکی است. از طرف دیگر، طبق رابطه $I = 2\sqrt{3} \sin 30^\circ \pi t$ ، بیشینه

جریان برابر $I_m = 2\sqrt{3} \text{ A}$ می‌باشد. بنابراین، با توجه به رابطه انرژی

ذخیره شده در سیمولوله، جریان الکتریکی لحظه‌ای را که انرژی ذخیره شده

در آن 0.6 J می‌شود، می‌یابیم:

$$U = \frac{1}{2} LI^2 \xrightarrow{L=\text{ثابت}} \frac{U_m}{U} = \left(\frac{I_m}{I}\right)^2$$

$$\frac{U_m = 0.6 \text{ J}, I_m = 2\sqrt{3} \text{ A}}{U = 0.6 \text{ J}} \rightarrow \frac{0.6}{0.6} = \left(\frac{2\sqrt{3}}{I}\right)^2$$

$$\Rightarrow \frac{4}{3} = \left(\frac{2\sqrt{3}}{I}\right)^2 \Rightarrow \frac{2}{\sqrt{3}} = \frac{2\sqrt{3}}{I} \Rightarrow I = 3 \text{ A}$$

اکنون لحظه‌ای را می‌یابیم که $I = 3 \text{ A}$ است.

$$I = 2\sqrt{3} \sin 30^\circ \pi t \Rightarrow 3 = 2\sqrt{3} \sin 30^\circ \pi t$$

$$\Rightarrow \sin 30^\circ \pi t = \frac{\sqrt{3}}{2} \xrightarrow{\sin \frac{\pi}{2} = \frac{\sqrt{3}}{2}} \sin 30^\circ \pi t = \sin \frac{\pi}{2}$$

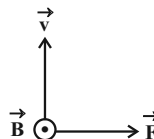
$$\Rightarrow 30^\circ \pi t = \frac{\pi}{2} \Rightarrow t = \frac{1}{900} \text{ s}$$

(فیزیک ۲ - القای الکترومغناطیسی و جریان متناوب: صفحه‌های ۱۱۸ تا ۱۳۶)

اکنون با توجه به جهت \vec{v} و \vec{B} و اندازه آن‌ها، اندازه نیروی مغناطیسی وارد

بر بار q و جهت آن را می‌یابیم. دقت کنید برای تعیین جهت نیروی

مغناطیسی از قاعده دست راست استفاده می‌کنیم.



$$F = |q| v B \sin \theta \quad \begin{matrix} v = 1.4 \frac{\text{m}}{\text{s}}, |q| = 5 \times 10^{-9} \text{ C} \\ B = 5 \times 10^{-4} \text{ T}, \theta = 90^\circ \end{matrix}$$

$$F = 5 \times 10^{-9} \times 1.4 \times 5 \times 10^{-4} \times \sin 90^\circ = 2/5 \times 10^{-4} \text{ N}$$

(فیزیک ۲ - مغناطیس: صفحه‌های ۸۹، ۹۰ و ۹۴ تا ۹۶)

۶۶ - گزینه «۳» (پوریا علاقه‌مند)

دو ثانیه دوم همان بازه زمانی $t_1 = 2 \text{ s}$ تا $t_2 = 4 \text{ s}$ است. بنابراین، ابتدا

اندازه میدان مغناطیسی را در لحظه‌های فوق، می‌یابیم:

$$B = 2t + 6 \Rightarrow \begin{cases} t_1 = 2 \text{ s} \Rightarrow B_1 = 2 \times 2 + 6 = 10 \text{ T} \\ t_2 = 4 \text{ s} \Rightarrow B_2 = 2 \times 4 + 6 = 14 \text{ T} \end{cases}$$

اکنون تغییر شار مغناطیسی در بازه زمانی t_1 تا t_2 را پیدا می‌کنیم. در این

مرحله، ابتدا مساحت سطح مقطع پیچ را حساب می‌کنیم:

$$A = \pi r^2 \xrightarrow{r = 5 \text{ cm} = 5 \times 10^{-2} \text{ m}} A = 3 \times 25 \times 10^{-4} = 75 \times 10^{-4} \text{ m}^2$$

$$\Delta \Phi = A \cos \theta (B_2 - B_1) \xrightarrow{\theta = 0^\circ, \cos(0^\circ) = 1}$$

$$\Delta \Phi = 75 \times 10^{-4} \times 1 \times (14 - 10) = 3 \times 10^{-2} \text{ Wb}$$

در آخر $\bar{\mathcal{E}}$ را می‌یابیم و به دنبال آن جریان القایی را حساب می‌کنیم:

$$\bar{\mathcal{E}} = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \quad \begin{matrix} N = 300, \Delta \Phi = 3 \times 10^{-2} \text{ Wb} \\ \Delta t = 4 - 2 = 2 \text{ s} \end{matrix} \rightarrow$$

$$\bar{\mathcal{E}} = -300 \times \frac{3 \times 10^{-2}}{2} = -4.5 \text{ V} \Rightarrow |\bar{\mathcal{E}}| = 4.5 \text{ V}$$

دقت کنید چون مقاومت هر متر از سیم 2Ω است، لازم است، طول سیمی

که از آن پیچ را ساخته‌ایم، به‌دست آوریم:

۶۸- گزینه «۳»

(معمومه شریعت ناصری)

با توجه به شکل‌های داده شده، کمترین مقداری که خط کش می‌تواند اندازه بگیرد $\frac{1}{4}$ cm و کمترین مقداری که دماسنج اندازه می‌گیرد برابر 0.1°C است. بنابراین:

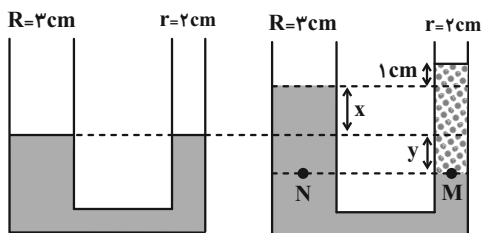
$$\text{دقت اندازه‌گیری خط کش} = \frac{1}{4} \text{ cm} = 0.25 \text{ cm}$$

$$\text{دقت اندازه‌گیری دماسنج} = 0.1^\circ\text{C}$$

(فیزیک ۱ - فیزیک و اندازه‌گیری، صفحه‌های ۱۳ و ۱۵)

۶۹- گزینه «۱»

(سعید طاهری پروینی)



با توجه به اینکه حجم آب جابه‌جا شده در دو لوله یکسان است، داریم:

$$x\pi R^2 = y\pi r^2 \Rightarrow 9x = 4y \Rightarrow y = \frac{9}{4}x \quad (*)$$

از طرفی برای مایع اضافه شده به شاخه سمت راست داریم:

$$m_{\text{مایع}} = \rho_{\text{مایع}} V_{\text{مایع}} = \rho_{\text{مایع}} (x + y + 1)\pi r^2$$

$$\Rightarrow \rho_{\text{مایع}} (x + y + 1) = \frac{m_{\text{مایع}}}{\pi r^2} = \frac{78}{3 \times 4} = \frac{6}{5} \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \quad (**)$$

حال با توجه به برابری فشار در نقاط هم‌تراز یک مایع ساکن، داریم:

$$P_M = P_N \Rightarrow \rho_{\text{مایع}} (x + y + 1) = \rho_{\text{آب}} (x + y)$$

$$\frac{(*)}{(**)} \frac{6}{5} = 1 \times \frac{9}{4} \Rightarrow x = 2 \text{ cm} \Rightarrow y = \frac{9}{4} \times 2 = 4.5 \text{ cm}$$

بنابراین:

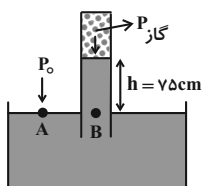
$$\rho_{\text{مایع}} = \frac{6/5}{2 + 4.5 + 1} = \frac{6/5}{7.5} = \frac{13}{15} \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$$

(فیزیک ۱ - ویژگی‌های فیزیکی مواد، صفحه‌های ۳۲ تا ۳۷)

۷۰- گزینه «۳»

(مسعود قره‌فانی)

می‌دانیم فشار پیمانه‌ای برابر اختلاف فشار گاز با فشار هوا است. بنابراین، با توجه به شکل زیر، برای نقطه‌های هم‌تراز A و B در مایع که فشار یکسانی دارند، می‌توان نوشت:



$$P_A = P_B \Rightarrow P_{\text{گاز}} + \rho g h = P_{\text{گاز}} \Rightarrow P_{\text{گاز}} - P_{\text{گاز}} = -\rho g h$$

$$\rho = 12 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} = 12000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \quad h = 7.5 \text{ cm} = 0.075 \text{ m}$$

$$\Rightarrow P_{\text{گاز}} - P_{\text{گاز}} = -12000 \times 10 \times 0.075$$

$$\Rightarrow P_{\text{گاز}} - P_{\text{گاز}} = P_{\text{پیمانه‌ای}} = -90000 \text{ Pa}$$

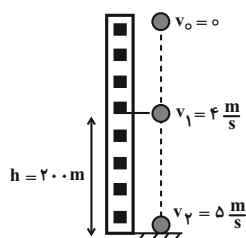
$$\Rightarrow P_{\text{پیمانه‌ای}} = -90 \text{ kPa}$$

(فیزیک ۱ - ویژگی‌های فیزیکی مواد، صفحه‌های ۳۲ تا ۳۴)

۷۱- گزینه «۳»

(فسرو ارغوانی فرد)

طبق قضیه کار - انرژی جنبشی، کار برابند نیروهای وارد بر جسم برابر تغییر انرژی جنبشی آن است. با توجه به اینکه بر جسم نیروی مقاومت هوا و نیروی وزن وارد می‌شود، می‌توان نوشت:



$$W_t = \Delta K \quad \frac{W_t = W_{mg} + W_{fD}}{\Delta K = \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2)}$$

$$W_{mg} + W_{fD} = \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2) \quad \frac{W_{mg} = +mgh}{\Rightarrow}$$

$$mgh + W_{fD} = \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2)$$

۷۴- گزینه «۲» (مسعود قره‌فانی)

چون جهت چرخه پادساعتگرد است $W > 0$ در نتیجه $Q < 0$ می‌باشد. بنابراین، گاز گرما از دست داده است. (گزینه‌های «۱» و «۳» نادرست اند.) از طرف دیگر، در چرخه $\Delta U = 0$ و W برابر مساحت داخل چرخه (در اینجا مساحت دوزنقه) است. بنابراین ابتدا W را می‌یابیم. دقت کنید، باید اتمسفر به پاسکال و لیتر به مترمکعب تبدیل شود.

$$W = \text{مساحت دوزنقه} = \frac{[(5-3) + (7-3)] \times 10^5}{2} \times (6-2) \times 10^{-3}$$

$$\Rightarrow W = \frac{6 \times 10^5 \times 4 \times 10^{-3}}{2} = 1200 \text{ J}$$

اکنون با استفاده از قانون اول ترمودینامیک، Q را می‌یابیم:

$$\Delta U = W + Q \xrightarrow{\Delta U=0} 0 = 1200 + Q \Rightarrow Q = -1200 \text{ J}$$

$$1 \text{ L} = 10^{-3} \text{ m}^3 \text{ و } 1 \text{ atm} = 10^5 \text{ Pa}$$

(فیزیک ۱ - ترمودینامیک: صفحه‌های ۱۲۸ تا ۱۴۰)

۷۵- گزینه «۱» (مصطفی کیانی)

ابتدا مساحت داخل چرخه را که برابر اندازه کار انجام شده بر روی گاز است، می‌یابیم. دقت کنید باید atm به Pa و L به m^3 تبدیل شود.

$$|W| = S_{\text{چرخه}} = (6-2) \times 10^5 \times (12-8) \times 10^{-3} = 1600 \text{ J}$$

اکنون گرمای داده شده به ماشین را با استفاده از رابطه بازده می‌یابیم:

$$\eta = \frac{|W|}{Q_H} \xrightarrow{\eta = \frac{4}{27}, |W| = 1600 \text{ J}} \frac{4}{27} = \frac{1600}{Q_H} \Rightarrow Q_H = 10800 \text{ J}$$

در آخر، با توجه به اینکه $Q_H = Q_{AB} + Q_{BC}$ است، به صورت زیر

Q_{BC} را می‌یابیم.

$$Q_H = Q_{AB} + Q_{BC} \xrightarrow{Q_{AB} = 4800 \text{ J}, Q_H = 10800 \text{ J}}$$

$$10800 = 4800 + Q_{BC} \Rightarrow Q_{BC} = 6000 \text{ J}$$

(فیزیک ۱ - ترمودینامیک: صفحه‌های ۱۴۰ تا ۱۴۶)

$$v_1 = 4 \frac{\text{m}}{\text{s}}, v_2 = 5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$\frac{m=2 \text{ kg}, h=200 \text{ m}}{2 \times 10 \times 200 + W_{fD}} = \frac{1}{2} \times 2 \times (25-16)$$

$$\Rightarrow W_{fD} = 9 - 4000 = -3991 \text{ J}$$

(فیزیک ۱ - کار، انرژی و توان: صفحه‌های ۵۴ تا ۶۵)

۷۲- گزینه «۲» (مصطفی کیانی)

کار نیروی اصطکاک در مسیر AB برابر تغییر انرژی مکانیکی جسم است. بنابراین، چون در نقطه‌های A و B ، جسم هم انرژی جنبشی و هم انرژی پتانسیل گرانشی دارد، می‌توان نوشت:

$$W_f = E_B - E_A \xrightarrow{E=K+U} W_f = (K_B + U_B) - (K_A + U_A)$$

$$\Rightarrow W_f = \left(\frac{1}{2} m v_B^2 + mgh_B\right) - \left(\frac{1}{2} m v_A^2 + mgh_A\right)$$

$$\frac{m=2 \text{ kg}, v_A=10 \frac{\text{m}}{\text{s}}, h_A=6 \text{ m}}{v_B=10 \frac{\text{m}}{\text{s}}, h_B=2 \text{ m}}$$

$$W_f = \left(\frac{1}{2} \times 2 \times 25 + 2 \times 10 \times 2\right) - \left(\frac{1}{2} \times 2 \times 100 + 2 \times 10 \times 6\right)$$

$$\Rightarrow W_f = 65 - 220 = -155 \text{ J}$$

(فیزیک ۱ - کار، انرژی و توان: صفحه‌های ۷۱ و ۷۲)

۷۳- گزینه «۱» (پوریا علاقه‌مند)

ابتدا افزایش دمای جسم را از درجه فارنهایت به درجه سلسیوس تبدیل می‌کنیم:

$$\Delta F = \frac{9}{5} \Delta \theta \xrightarrow{\Delta F = 36^\circ \text{ F}} 36 = \frac{9}{5} \Delta \theta \Rightarrow \Delta \theta = 20^\circ \text{ C}$$

اکنون طول جدید میله را می‌یابیم:

$$L_T = L_1 + \alpha L_1 \Delta \theta \xrightarrow{L_1 = 10 \text{ m}, \alpha = 8 \times 10^{-6} \frac{1}{^\circ \text{C}}}$$

$$L_T = 10 + 8 \times 10^{-6} \times 10 \times 20$$

$$\Rightarrow L_T = 10 + 16 \times 10^{-4} = 10 + 0.0016 = 10.0016 \text{ m}$$

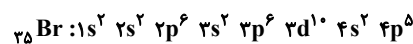
(فیزیک ۱ - گرما و گرمایی: صفحه‌های ۸۷ تا ۸۹)

شیمی

گزینه ۱» -۷۶

(مهمربضا پورباویر)

با توجه به آرایش الکترونی ${}_{35}^{80}\text{Br}$ ، الکترون‌های موجود در زیرلایه‌های ۳p و ۴s دارای $n+l=4$ می‌باشند؛ که در مجموع ۸ الکترون هستند:



تعداد این الکترون‌ها در ${}_{35}^{80}\text{Br}$ برابر است با:

$$20 \text{ g Br} \times \frac{1 \text{ mol Br}}{80 \text{ g Br}} \times \frac{\lambda \text{ mol e}}{1 \text{ mol Br}} = 2 \text{ mol e}$$

از طرفی تعداد الکترون‌های موجود در یک مول یون SO_4^{2-} برابر خواهد بود با:

$$(1 \times 16) + (4 \times 8) + 2 = 50 \text{ mol e}^-$$

بنابراین مقدار جرمی از یون SO_4^{2-} که دارای ۲ مول الکترون باشد عبارت است از:

$$2 \text{ mol e}^- \times \frac{1 \text{ mol SO}_4^{2-}}{50 \text{ mol e}^-} \times \frac{96 \text{ g SO}_4^{2-}}{1 \text{ mol SO}_4^{2-}} = 3 / 84 \text{ g SO}_4^{2-}$$

(شیمی ۱- کیهان زادگاه الفبای هستی: صفحه‌های ۵، ۱۲ تا ۱۹)

گزینه ۴» -۷۷

(مهمربضا پورباویر)

ایزوتوپ‌های یک عنصر از نظر پایداری در طبیعت، نقطه ذوب و جوش (ویژگی‌های فیزیکی وابسته به جرم)، چگالی و عدد جرمی با یکدیگر تفاوت دارند.

(شیمی ۱- کیهان زادگاه الفبای هستی: صفحه‌های ۵ و ۶)

گزینه ۲» -۷۸

(مهمربضا پورباویر)

برای تعیین فرمول ترکیب $\text{C}_x\text{H}_y\text{O}$ لازم است تا جرم مولی (M) آن را به دست آوریم:

$$3 / 0.1 \times 10^{22} \text{ atom O} \times \frac{1 \text{ mol O}}{6 / 0.2 \times 10^{23} \text{ atom O}} \times \frac{1 \text{ mol C}_x\text{H}_y\text{O}}{1 \text{ mol O}} \times \frac{\text{Mg C}_x\text{H}_y\text{O}}{1 \text{ mol C}_x\text{H}_y\text{O}} = 2 / 3 \text{ g C}_x\text{H}_y\text{O} \Rightarrow M = 46$$

به این ترتیب خواهیم داشت:

$$\text{C}_x\text{H}_y\text{O} = (2 \times 12) + (X \times 1) + (1 \times 16) = 46 \Rightarrow X = 6$$

حال می‌توان تعداد اتم‌های کربن در 0.5 مول $\text{C}_6\text{H}_6\text{O}$ را به دست آورد:

$$0.5 \text{ mol C}_6\text{H}_6\text{O} \times \frac{2 \text{ mol C}}{1 \text{ mol C}_6\text{H}_6\text{O}} \times \frac{6 / 0.2 \times 10^{23} \text{ atom C}}{1 \text{ mol C}} = 6 / 0.2 \times 10^{23} \text{ atom C}$$

(شیمی ۱- کیهان زادگاه الفبای هستی: صفحه‌های ۱۲ تا ۱۹)

گزینه ۲» -۷۹

(امیرمسین طیبی سوزگلایی)

تنها ردیف اول به‌طور کامل صحیح می‌باشد.

بررسی موارد نادرست:

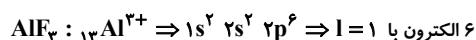
نام ترکیب‌ها: نام Li_2O لیتیم اکسید می‌باشد.

تعداد الکترون مبادله شده:

زیروند آنیون \times بار آنیون = زیروند کاتیون \times بار کاتیون = تعداد الکترون مبادله شده

تعداد الکترون‌های مبادله شده در KI برابر با ۱ می‌باشد.

تعداد الکترون با $l=1$ در آرایش الکترونی کاتیون:



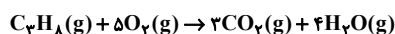
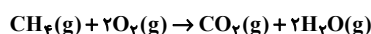
(شیمی ۱- کیهان زادگاه الفبای هستی: صفحه‌های ۳۰ تا ۳۹)

گزینه ۳» -۸۰

(مهمربضا زهره‌وند)

معادله‌های موازنه‌شده واکنش سوختن کامل گازهای CH_4 و C_3H_8

به‌صورت زیر است:



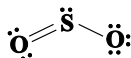
$$\text{CH}_4 \text{ جرم مولی} = 16 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$$

$$\text{C}_3\text{H}_8 \text{ جرم مولی} = 44 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$$

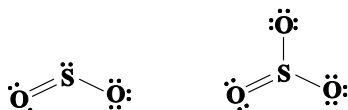
مقدار مول CH_4 را n_1 و مقدار مول C_3H_8 را برابر n_2 در نظر می‌گیریم.

$$16n_1 + 44n_2 = 104 \text{ g}$$

در ساختار لوویس مولکول SO_3 نسبت شمار جفت الکترون‌های پیوندی به ناپیوندی برابر با $\frac{1}{4}$ است.



در ساختار لوویس مولکول‌های SO_3 و SO_3^{2-} نسبت شمار جفت الکترون‌های ناپیوندی به پیوندی برابر با ۲ است.



در ساختار لوویس هر کدام از مولکول‌های CO_2 ، HCN و SO_3 چهار پیوند کووالانسی وجود دارد.



(شیمی ۱- ردپای گازها در زندگی: صفحه‌های ۶۳ و ۶۵)

(مهم‌رضا زهره‌وند)

۸۲- گزینه «۲»

$$T_1 = 45 / 5 + 273 = 318 / 5K$$

$$T_2 = 91 + 273 = 364K$$

$$\Rightarrow V_2 = 1 / 5V_1$$

براساس قانون گازها می‌توان نوشت:

$$\frac{P_1 V_1}{T_1 n_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2 n_2} \rightarrow \text{فشار ثابت} \rightarrow \frac{V_1}{318 / 5 \times n_1} = \frac{1 / 5 V_1}{364 \times n_2}$$

$$n_2 = \frac{21}{16} n_1 \Rightarrow \Delta n = n_2 - n_1 = \frac{21}{16} n_1 - n_1 = \frac{5}{16} n_1$$

بنابراین شمار مول‌های گاز باید به اندازه $\frac{5}{16} n$ افزایش یابد.

(شیمی ۱- ردپای گازها در زندگی: صفحه‌های ۷۷ تا ۸۱)

(مهم‌رضا پورجاوید)

۸۳- گزینه «۲»

ابتدا می‌توان غلظت مولی هر دو محلول CH_3OH را طبق رابطه

$$M = \frac{10 \times a \times d}{\text{جرم مولی}}$$

به دست آورد:

$$M_1 = \frac{10 \times 64 \times 0 / 525}{32} = 10 / 5 \text{ mol.L}^{-1}$$

محلول اولیه

$$M_2 = \frac{10 \times 24 \times 0 / 7}{32} = 5 / 25 \text{ mol.L}^{-1}$$

محلول ثانویه

فرض کردیم در واکنش سوختن پروپان، n_2 مول C_3H_8 را وارد واکنش کرده باشیم، در این حالت $2n_2$ مول CO_2 و $4n_2$ مول H_2O تولید می‌شود، از آنجایی که طبق گفته سؤال اختلاف حجم $CO_2(g)$ و $H_2O(g)$ تولیدی در واکنش سوختن گاز C_3H_8 برابر با ۵۰ لیتر در شرایط واکنش است، داریم:

$$\text{مول } 2 = 25 \frac{\text{لیتر}}{\text{لیتر}} \times 50 = \text{اختلاف شمار مول گازهای تولیدی}$$

$$4n_2 - 2n_2 = n_2 = 2 \text{ mol}$$

$$16n_1 + 44n_2 = 104$$

$$16n_1 + 44 \times 2 = 104 \Rightarrow n_1 = 1 \text{ mol}$$

با توجه به این که $n_1 = 1$ می‌باشد، در واکنش سوختن CH_4 داریم:

$$? \text{ mol } CO_2 = 1 \text{ mol } CH_4 \times \frac{1 \text{ mol } CO_2}{1 \text{ mol } CH_4} = 1 \text{ mol } CO_2$$

$$? \text{ mol } H_2O = 1 \text{ mol } CH_4 \times \frac{2 \text{ mol } H_2O}{1 \text{ mol } CH_4} = 2 \text{ mol } H_2O$$

همچنین در واکنش C_3H_8 داریم:

$$? \text{ mol } CO_2 = 2 \text{ mol } C_3H_8 \times \frac{4 \text{ mol } CO_2}{1 \text{ mol } C_3H_8} = 8 \text{ mol } CO_2$$

$$? \text{ mol } H_2O = 2 \text{ mol } C_3H_8 \times \frac{4 \text{ mol } H_2O}{1 \text{ mol } C_3H_8} = 8 \text{ mol } H_2O$$

مجموع شمار مول گازهای تولیدشده در طی دو واکنش:

۱۷ مول گاز = ۸ مول H_2O + ۶ مول CO_2 + ۲ مول H_2O + ۱ مول CO_2

$$? \text{ L } 1 = 17 \times \frac{25 \text{ لیتر}}{1 \text{ مول گاز}} = 425 \text{ L}$$

(شیمی ۱- ردپای گازها در زندگی: صفحه‌های ۵۳، ۵۶ تا ۶۰)

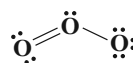
(مهم‌رضا عظیمیان‌زواره)

۸۱- گزینه «۱»

در ساختار لوویس مولکول CH_3O نسبت شمار جفت الکترون‌های پیوندی به ناپیوندی برابر با ۲ است.



در ساختار لوویس مولکول O_3 نسبت شمار جفت الکترون‌های پیوندی به ناپیوندی برابر با $\frac{1}{4}$ است.



(معمدرضا پورجاوید)

۸۶- گزینه «۴»

شبه فلزها از نظر شیمیایی خواصی مشابه نافلزها دارند و خواص فیزیکی آنها به فلزها شباهت دارد.

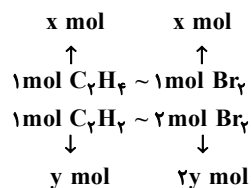
۲۱ Sc اولین عنصر دوره چهارم جدول دوره‌ای نیست بلکه K ۱۹ اولین عنصر این دوره به شمار می‌رود.

(شیمی ۲- قدر هدرایای زمینی را برائیم؛ صفحه‌های ۶ تا ۱۲ و ۱۶)

(یاسر راش)

۸۷- گزینه «۱»

هر مول اتن با یک مول برم و هر مول اتین با ۲ مول برم واکنش می‌دهد.



$$\Rightarrow \begin{cases} x + y = \frac{6/72}{22/4} = 0/3 \\ x + 2y = \frac{80}{160} = 0/5 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x + y = 0/3 \\ x + 2y = 0/5 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x = 0/1 \text{ mol} & \text{اتن} \\ y = 0/2 \text{ mol} & \text{اتین} \end{cases}$$

$$\Rightarrow \text{درصد مولی اتن} = \frac{0/1}{0/1 + 0/2} \times 100 = 33/33\%$$

(شیمی ۲- قدر هدرایای زمینی را برائیم؛ صفحه‌های ۳۲ تا ۴۱)

(مسعود طبرسا)

۸۸- گزینه «۴»

خام‌فروشی تنها برای نفت و منابع معدنی به کار نمی‌رود بلکه برای محصولات کشاورزی نیز به کار می‌رود.

(شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشن‌تر؛ صفحه‌های ۱۰۹ تا ۱۱۱)

با توجه به رابطه $M_1 V_1 = M_2 V_2$ می‌توان حجم نهایی محلول ثانویه و مقدار آب لازم برای تولید آن را به صورت زیر محاسبه کرد:

$$10/5 \times 4 = 5/25 \times V_2 \Rightarrow V_2 = 8L$$

$$\text{حجم آب مورد نیاز} = 8 - 4 = 4L$$

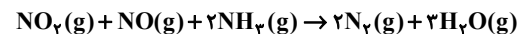
(شیمی ۱- آب، آهنگ زندگی؛ صفحه‌های ۹۴ تا ۹۸ و ۱۰۰ تا ۱۰۰)

(معمدرضا پورجاوید)

۸۴- گزینه «۴»

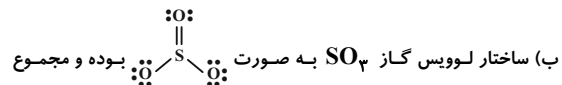
عبارت‌های «الف»، «ب» و «ت» صحیح هستند.

واکنش موازنه شده به صورت زیر می‌باشد:



بررسی عبارت‌ها:

(الف) گاز نیتروژن واکنش‌دهنده فرایند هابر است.



ضریب استوکیومتری واکنش‌دهنده‌ها نیز برابر ۴ می‌باشد. پس با تعداد پیوند اشتراکی در SO_3 برابر است.

(پ) هدف از انجام این واکنش حذف گازهای NO و NO_2 می‌باشد نه آمونیاک

(ت) در سمت واکنش‌دهنده‌ها ۴ اتم نیتروژن داریم که ۲ اتم نیتروژن متعلق به آمونیاک می‌باشند و ضمن اکسایش از عدد اکسایش ۳- به صفر می‌رسند.

(شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشن‌تر؛ صفحه ۱۰۰)

(معمدرضا پورجاوید)

۸۵- گزینه «۳»

تنها عبارت نادرست مورد اول است.

در پدیده اسمز مولکول‌های آب در هر دو جهت غشا نیمه تراوا حرکت می‌کنند اما میزان این حرکت از محلول رقیق به محلول غلیظ بیشتر است.

(شیمی ۱- آب، آهنگ زندگی؛ صفحه‌های ۱۱۷ تا ۱۱۹)

(امیرمسین مسلمی)

۹۱- گزینه «۲»

فرض می‌کنیم a مول اتان و b مول پروپان در مخلوط یاد شده وجود دارد:

$$? \text{ kJ} = a \text{ mol } C_2H_6 \times \frac{1660 \text{ kJ}}{1 \text{ mol } C_2H_6} = 1660 \cdot a \text{ kJ}$$

$$? \text{ kJ} = b \text{ mol } C_3H_8 \times \frac{2220 \text{ kJ}}{1 \text{ mol } C_3H_8} = 2220 \cdot b \text{ kJ}$$

گرمای تولید شده برابر جمع گرمای تولید شده به ازای سوختن هر ماده

$$1660 \cdot a + 2220 \cdot b = 1053 \quad (*)$$

است: حال تعداد مول اتم‌های هیدروژن و کربن این مخلوط را به دست می‌آوریم:

$$\text{هیدروژن} \begin{cases} ? \text{ mol H} = a \text{ mol } C_2H_6 \times \frac{6 \text{ mol H}}{1 \text{ mol } C_2H_6} \\ = 6a \text{ mol H} \\ ? \text{ mol H} = b \text{ mol } C_3H_8 \times \frac{8 \text{ mol H}}{1 \text{ mol } C_3H_8} \\ = 8b \text{ mol H} \end{cases} \Rightarrow 6a + 8b$$

$$\text{کربن} \begin{cases} ? \text{ mol C} = a \text{ mol } C_2H_6 \times \frac{2 \text{ mol C}}{1 \text{ mol } C_2H_6} \\ = 2a \text{ mol C} \\ ? \text{ mol C} = b \text{ mol } C_3H_8 \times \frac{3 \text{ mol C}}{1 \text{ mol } C_3H_8} \\ = 3b \text{ mol C} \end{cases} \Rightarrow 2a + 3b$$

اکنون می‌توان مقادیر a و b را محاسبه کرد:

$$(6a + 8b) - (2a + 3b) = 4a + 5b = 2 / 45 \quad (**)$$

$$\xrightarrow{(*) \cdot (**)} a = 0 / 3, \quad b = 0 / 25$$

در نهایت برای درصد جرمی اتان داریم:

$$\% C_2H_6 = \frac{\text{جرم } C_2H_6}{\text{جرم مخلوط}} \times 100 = \frac{0 / 3 \times 30}{0 / 3 \times 30 + 0 / 25 \times 44} \times 100 = 45\%$$

(شیمی ۲- در پی غذای سالم: صفحه‌های ۷۰ و ۷۱)

(ممد رضا پور جاوید)

۹۲- گزینه «۲»

برای به دست آوردن معادله واکنش مورد نظر و ΔH آن باید واکنش‌های

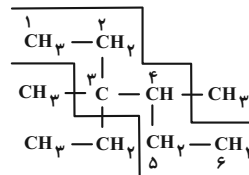
(I) و (IV) را معکوس کنیم و واکنش‌های (II) و (III) نیز به ترتیب

$$\text{در } \frac{1}{2} \text{ و } \frac{3}{2} \text{ ضرب کنیم:}$$

(ممد رضا پور جاوید)

۸۹- گزینه «۴»

نام ترکیب داده شده به صورت زیر تعیین می‌شود:



۳- اتیل-۳ و ۴- دی متیل هگزان

با توجه به فرمول شیمیایی آن ($C_{10}H_{22}$), باید با آلکانی ۱۰ کربنه دارای

فرمول یکسانی باشد که ۲- اتیل اوکتان چنین شرایطی دارد.

(شیمی ۲- قدر هدایای زمینی را برانیم: صفحه‌های ۳۶ تا ۳۹)

(امیرمسین مسلمی)

۹۰- گزینه «۳»

عبارت‌های اول، دوم و چهارم نادرست است.

بررسی عبارت‌ها:

مورد اول: اگر طی فرایند $C \rightarrow B$ هر دو تغییرات دما و محتوای انرژی

شیمیایی رخ دهد، با توجه به نمودار دمای C پایین‌تر و پایداری آن بالاتر

خواهد بود.

مورد دوم: پس از خوردن بستنی، فرایند هم‌دما شدن آن با بدن رخ می‌دهد

($A \rightarrow B$) سپس فرایند آزاد شدن انرژی پتانسیل شیمیایی آن صورت

می‌گیرد ($B \rightarrow C$). دقت کنید تغییرات انرژی هم‌دما شدن بستنی با بدن،

بسیار کمتر از فرایند تبدیل آن به فرآورده‌های دیگر و آزاد شدن انرژی

شیمیایی آن است. بنابراین تفاوت سطح انرژی A با C ، بسیار بیشتر از

A با B خواهد بود.

مورد سوم: با توجه به بالاتر بودن سطح انرژی A از C ، علامت $\Delta \theta$ در

فرایند $C \rightarrow A$ مثبت خواهد بود.

مورد چهارم: محتوای انرژی CO_2 و H_2O از (گرافیت $C(s)$ و H_2)

کمتر است.

(شیمی ۲- در پی غذای سالم: صفحه‌های ۵۹ تا ۶۲)

(معمدها پوره‌هاویر)

۹۴- گزینه «۱»

الف) در واکنش $Fe_3O_4 + 3CO \rightarrow 2Fe + 3CO_2$ با توجه به ضریب مواد موجود در واکنش سرعت متوسط تولید CO_2 با سرعت متوسط مصرف CO برابر خواهد بود.

ب) سرعت متوسط مصرف BrF_3 در واکنش



Br_2 خواهد بود. بنابراین اگر Br_2 با سرعت $4 \text{ mol} \cdot \text{min}^{-1}$ تولید شود، سرعت مصرف BrF_3 برابر با $8 \text{ mol} \cdot \text{min}^{-1}$ خواهد بود.

پ) در مورد تمام واکنش‌ها (گرماده یا گرماگیر) به مرور زمان سرعت مصرف واکنش‌دهنده‌ها و سرعت تولید فراورده‌ها کاهش خواهد یافت.

ت) از آنجا که واکنش‌پذیری فلزهای Li و Na با یکدیگر متفاوت است، واکنش آن‌ها با آب سرد در زمان یکسان منجر به تولید مقادیر مختلفی گاز می‌شود (چرا که سرعت انجام واکنش در آن‌ها با یکدیگر متفاوت است).

ث) واکنش محلول پتاسیم پرمنگنات با یک اسید آلی در دمای اتاق به کندی انجام می‌شود و سریع نیست؛ اما با افزودن کاتالیزگر سرعت آن افزایش خواهد یافت.

(شیمی ۲- در پی غذای سالم؛ صفحه‌های ۸۰ تا ۹۱)

(غریزاد رضایی)

۹۵- گزینه «۳»

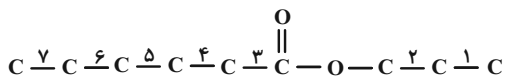
ابتدا شمار کربن‌های الکل را تعیین می‌کنیم. یعنی:



جرم مولی الکل: $14n + 18$

$$60\% = \frac{12n}{14n + 18} \times 100 \Rightarrow n = 3$$

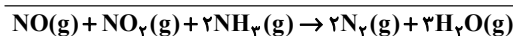
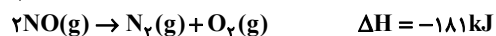
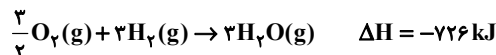
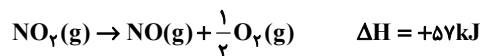
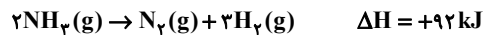
پس R' شامل ۳ اتم کربن است. اکنون شمار کربن‌های استر و بعد صابون را به دست می‌آوریم. استر باید به صورت زیر باشد تا شامل ۷ پیوند کربن-کربن باشد یعنی R . ۵ کربنی است.



پس صابون حاصل به صورت $C_8H_{11}COONa$ است.

$$\text{درصد جرمی سدیم} = \frac{23}{138} \times 100 = 16.67\%$$

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تدرستی؛ صفحه‌های ۵ و ۶)

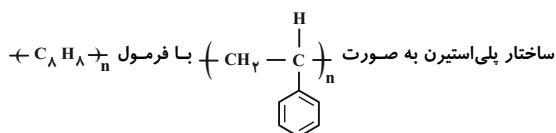


$$\Delta H = -758 \text{ kJ}$$

(شیمی ۲- در پی غذای سالم؛ صفحه‌های ۷۲ تا ۷۵)

(امیرمسین مسلمی)

۹۳- گزینه «۳»



است که در هر واحد آن ۳ پیوند دوگانه $C=C$ در حلقه بنزن آن وجود دارد. با توجه به این که جرم مولی یک واحد آن ۱۰۴ گرم است؛ داریم:

$$n = \frac{2496}{104} = 24$$

پس تعداد پیوندهای دوگانه $C=C$ پلی‌استیرن برابر است با:

$$C=C \text{ تعداد پیوند } 24 \times 3 N_A$$

از طرفی فرمول مولکولی پلی‌آمید نمایش داده شده به صورت $(C_{16}H_{14}N_2O_2)_n$ است و اگر جرم مولی هر واحد آن را ۲۶۶ گرم در نظر بگیریم؛ داریم:

$$n = \frac{1596}{266} = 6$$

پس تعداد پیوندهای دوگانه موجود در ساختار پلی‌آمید داده شده برابر است با:

$$C=C \text{ تعداد پیوند } 6 \times 8 \times N_A$$

در نهایت خواسته مسئله برابر است با:

تعداد پیوندهای دوگانه $C=C$ در ۲۴۹۶ گرم پلی‌استیرن
تعداد پیوندهای دوگانه موجود در ۱۵۹۶ گرم پلی‌آمید

$$= \frac{24 \times 3 \times N_A}{6 \times 8 \times N_A} = 1/5$$

(شیمی ۲- پوشاک، نیازی پایان‌ناپذیر؛ صفحه‌های ۱۰۲ تا ۱۰۴ و ۱۱۴ و ۱۱۵)

(ممد پارسا خراهان)

۹۸- گزینه «۳»

طبق گفته سوال:

$$\frac{[\text{OH}^-]}{[\text{H}^+]} = 16 \times 10^4 \Rightarrow [\text{OH}^-] = 16 \times 10^4 [\text{H}^+]$$

$$\frac{\text{طرفین ضرب در } [\text{H}^+]}{[\text{H}^+]} \rightarrow \underbrace{[\text{H}^+][\text{OH}^-]}_{10^{-14}} = 16 \times 10^4 [\text{H}^+]^2$$

$$10^{-14} = 16 \times 10^4 [\text{H}^+]^2 \Rightarrow [\text{H}^+]^2 = \frac{10^{-18}}{16} \rightarrow [\text{H}^+] = \frac{10^{-9}}{4}$$

$$= 25 \times 10^{-11} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$\text{pH} = -\log(25 \times 10^{-11}) = 11 - \log 25 = 11 - 2 \log 5$$

$$= 11 - (2 \times 0.7) = 9.6$$

(شیمی ۳- مولکولها در فرمت تدرستی: صفحه‌های ۲۴ تا ۳۰)

(رضا سلیمان)

۹۹- گزینه «۳»

بررسی عبارتهای نادرست:

گزینه «۱»: هر چه غلظت یونهای H^+ در محلولی بیشتر باشد، محلول

اسیدی تر است و pH کمتری دارد.

گزینه «۲»: صابون باعث بخش شدن چربی در آب می‌شود، نه حل شدن آن.

گزینه «۴»: در برخی از داروهای ضد اسید از مخلوط آلومینیوم هیدروکسید و

منیزیم هیدروکسید استفاده می‌شود.

(شیمی ۳- مولکولها در فرمت تدرستی: صفحه‌های ۱۱، ۱۵، ۲۴ تا ۲۸ و ۳۲)

(غاضل قهرمانی فر)

۱۰۰- گزینه «۳»

گاز تولید شده در بخش A بیشتر از B است. در نتیجه می‌توان گفت A

کاتد و گاز جمع شده در آن H_2 می‌باشد.

بررسی موارد:

(الف) A کاتد بوده و علامت منفی دارد.

(ب) مایع C آب و اندکی الکترولیت حل شده است و در نتیجه خالص نیست.

(پ) در قسمت B از اکسایش آب، یون H^+ تولید شده و محلول را اسیدی

می‌کند و کاغذ pH نیز در محلول اسیدی به رنگ قرمز درمی‌آید.

(ت) به ازای تولید دو مول H_2 (۴ گرم) در کاتد، یک مول O_2 (۳۲ گرم)

در آند تولید می‌شود.

(شیمی ۳- آسایش و رفاه در ساریه شیمی: صفحه ۵۴)

(صلاح الدین ابراهیمی)

۹۶- گزینه «۱»

همه موارد نادرست هستند.

بررسی عبارت ها:

(الف) مولکولهای صابون ذرات چربی را در آب پخش می‌کنند، نه حل و نوعی

کلوئید ایجاد می‌کنند.

(ب) ذرات سوسپانسیون از محلولها درشت تر است و نور را پخش می‌کنند.

(پ) در پاک کننده‌های غیرصابونی گروه SO_3^- وجود دارد.

(ت) با توجه به جدول صفحه ۹ کتاب درسی درصد لکه باقی مانده با صابون

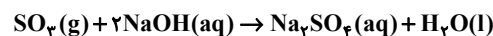
بدون آنزیم ۲۵٪ و با صابون آنزیم دار ۱۰٪ است که نشان می‌دهد ۱۵٪

قدرت صابون افزایش می‌یابد.

(شیمی ۳- مولکولها در فرمت تدرستی: صفحه‌های ۷ تا ۹)

(سید رفیع هاشمی دگرری)

۹۷- گزینه «۲»



ابتدا، محاسبه مقدار عملی

$$300 \text{ ml NaOH} \times \frac{1 \text{ L NaOH}}{1000 \text{ ml NaOH}} \times \frac{0.5 \text{ mol NaOH}}{1 \text{ L NaOH}}$$

$$\times \frac{1 \text{ mol SO}_3}{2 \text{ mol NaOH}} \times \frac{1 \text{ mol Al}_2(\text{SO}_4)_3}{3 \text{ mol SO}_3}$$

$$\times \frac{342 \text{ g Al}_2(\text{SO}_4)_3}{1 \text{ mol Al}_2(\text{SO}_4)_3} \times \frac{100 \text{ g Al}_2(\text{SO}_4)_3}{80 \text{ g Al}_2(\text{SO}_4)_3} \text{ ناخالص خالص}$$

$$= 1.068 \text{ g Al}_2(\text{SO}_4)_3$$

$$\text{مقدار نظری} \times 100 = \frac{\text{مقدار عملی}}{\text{مقدار نظری}} \text{ بازده درصدی}$$

$$\Rightarrow 50 = \frac{1.068}{\text{مقدار نظری}} \times 100 \Rightarrow \text{جرم نمونه} = 2.136 \text{ g}$$

(شیمی ۲- قدر هدایای زمینی را برانیم: صفحه‌های ۲۲ تا ۲۵)

۱۰۱- گزینه «۳»

(فاضل قهرمانی فر)



قسمت اول:

$$? g H_2O = 134 / 4 L \text{ گاز} \times \frac{1 \text{ mol گاز}}{22 / 4 L \text{ گاز}} \times \frac{2 \text{ mol } H_2O}{2 \text{ mol گاز}}$$

$$\times \frac{18 g H_2O}{1 \text{ mol } H_2O} = 72 g \text{ آب}$$



$$? g Cr = 134 / 4 L \text{ گاز} \times \frac{1 \text{ mol گاز}}{22 / 4 L \text{ گاز}} \times \frac{4 \text{ mol } e^-}{3 \text{ mol گاز}}$$

$$\frac{1 \text{ mol Cr}}{3 \text{ mol } e^-} \times \frac{52 g Cr}{1 \text{ mol Cr}} = 138 / 6 g \text{ کروم}$$

(شیمی ۳- آسایش و رفاه در سایه شیمی: صفحه‌های ۵۲ و ۶۰)

۱۰۲- گزینه «۲»

(ممد رضا پور جاوید)

مولکول‌های متان دارای ساختاری چهاروجهی بوده و در میدان الکتریکی جهت‌گیری نمی‌کنند.

گاز کلر مولکولی ناقطبی است و نقطه جوش آن در مقایسه با HF که امکان تشکیل پیوند هیدروژنی را دارد، کمتر است.

(شیمی ۱- آب، آهنک زنگی: صفحه‌های ۱۰۳ تا ۱۰۹)

۱۰۳- گزینه «۱»

(میلاد شیخ الاسلامی شایوی)

با توجه به نمونه داده شده، موج با فرکانس حدود ۱۷۰۰، کاملاً جذب شده پس با توجه به جدول صورت سؤال، پیوند C=O در نمونه ماده ما وجود دارد.

(شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشن‌تر: صفحه‌های ۹۳ و ۹۴)

۱۰۴- گزینه «۳»

(ممد کور)

جرم مولی اوره با فرمول مولکولی $CO(NH_2)_2$ برابر $\frac{60}{\text{mol}}$ بوده و

ΔH واکنش برابر 300 kJ می‌باشد و به علت گرماده بودن واکنش

$\Delta H = -300 \text{ kJ}$ خواهد بود و آنتالپی واکنش در روی نمودار برابر $2a$

می‌باشد پس $a = 150 \text{ kJ}$ است.

موارد (ب) و (پ) درست هستند.

بررسی عبارت‌ها:

(الف) به ازای تشکیل سه مول ماده C، 300 kJ گرما آزاد می‌شود پس گرمای آزاد شده ضمن تشکیل هر مول ماده C برابر 100 kJ می‌باشد.

(ب) انرژی فعال‌سازی در غیاب کاتالیزگر 450 kJ بوده که با استفاده از کاتالیزگر کاهش می‌یابد و می‌تواند 320 kJ باشد.

(پ) در واکنش‌های گرماده فراورده‌ها سطح انرژی پایین‌تر و پایداری بالاتری دارند.

(ت) حتی با وجود کاربرد کاتالیزگر آنتالپی واکنش ثابت می‌ماند.

(شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشن‌تر: صفحه‌های ۹۳ تا ۹۵)

۱۰۵- گزینه «۲»

(رسول عابدینی زواره)

بررسی عبارت‌ها:

(الف) درست؛ با افزایش دما، ثابت تعادل کاهش یافته است. بنابراین واکنش گرماده است.

(ب) نادرست؛ با کاهش دما تعادل در جهت تولید گرما یعنی در جهت رفت جابه‌جا می‌شود.

(پ) نادرست؛ افزایش فشار باعث جابه‌جایی تعادل در جهت تعداد مول گاز کمتر می‌شود. اگر مقدار مول فراورده‌ها افزایش یابد یعنی به سمت راست جابه‌جا می‌شود پس مجموع ضرایب مواد گازی سمت راست کمتر است.

(ت) درست؛ با افزایش دما، تعادل در جهت مصرف گرما یعنی برگشت جابه‌جا می‌شود پس غلظت فراورده‌ها کم می‌شود.

(شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشن‌تر: صفحه‌های ۱۰۸ تا ۱۰۸)